

Обложка
ищется

Обложка
ищется

Вѣстникъ Опытной Физики

и

Элементарной математики.

15 марта

№ 317.

1902 г.

Содержание: XI Съездъ Русскихъ Естествоиспытателей и Врачей—Секція метеорологии и геофизики. Прив.-доц. Л. Данилова.—Этюды по основамъ геометріи. Измѣреніе объемовъ многогранниковъ. С. Шатуновскаго. (Продолженіе).—Замѣтки по кинетической теоріи газовъ. С. Рейтера.—Элементарный выводъ формулы сферического зеркала. И. Точиловскаго.—Научная хроника: Землетрясеніе въ Шемахѣ. Вліяніе климатическихъ условий на температуру человѣческаго тѣла. Опыты многократнаго телеграфированія по системѣ Меркадье.—Рецензіи: „Популярныя лекціи по океанографіи“. Проф. П. И. Броунова. Прив.-доц. Л. Данилова.—Задачи для учащихся, №№ 166—171 (4 сер.). — Рѣшенія задачъ №№ 98, 100, 109.—Поправки.—Объявленія.

XI съездъ

Русскихъ Естествоиспытателей и Врачей.

Секція метеорологии и геофизики.

Въ теченіе 9-ти рабочихъ дней секція имѣла 15 засѣданій, изъ нихъ 7 было собственно—секціонныхъ, а остальныя 8 соединенные: съ секціей физики, съ метеорологической комиссией Императорскаго Русскаго Географическаго Общества, съ секціями географіи и агрономіи. Въ этихъ 15 засѣданіяхъ было заслушано 37 сообщеній, изъ которыхъ 25 относятся къ области метеорологии.

Бюро секціи поступило въ высшей степени рационально, заблаговременно озабочившись организацией—помимо чисто научныхъ сообщеній, являющихся результатами оригинальныхъ работъ докладчиковъ, особыхъ сообщеній—обзоровъ имѣвшихъ своею задачей поставить въ курсъ дѣла, ознакомить съ новѣйшими изслѣдованіями въ области метеорологии такъ называемую большую публику, слушателей, хотя и интересующихся метеорологіей, но по тѣмъ или другимъ причинамъ, не имѣющихъ возможности непрерывно слѣдить за ея успѣхами. Это тѣмъ болѣе

цѣлесообразно, что метеорология, несмотря на громадное развитие наблюдений и достигнутую такимъ образомъ ея демократизацію, въ сущности говоря, представляется научной дисциплиной, известной очень и очень немногимъ, такъ какъ то, что известно изъ области этого отдѣла большинству даже физически—или географически—образованныхъ людей, или по крайней мѣрѣ, считающихъ себя таковыми, представляеть собой лишь жалкие и нерѣдко искаженные отрывки тѣхъ знаній, которыми располагаетъ наша наука въ современномъ ея состояніи.

Чтеніемъ обзоровъ и открылись засѣданія секціи. Первый обзоръ былъ прочтень предсѣдателемъ секціи проф. А. И. Войковымъ, познакомившимъ собраніе съ общими успѣхами метеорологии со времени постѣдняго съѣзда (1898); онъ особенно остановился на громадныхъ успѣхахъ, сдѣланныхъ за это время въ области „метеорологии трехъ измѣреній“ — изслѣдованиемъ верхнихъ слоевъ атмосферы помошью воздушныхъ шаровъ и змѣевъ. Отмѣтивъ также и географическое распространеніе наблюдений (центральная Азія, СВ. Китай), онъ закончилъ свой обзоръ указаниемъ на новѣйшіе труды учебнаго и справочнаго характера, опубликованные за это время. Сюда относятся съ одной стороны прекрасные и замѣчательно выдержаные трактаты Hann'a (1901), Angot (1900), а съ другой—юбилейное изданіе Главной Физической Обсерваторіи — „Климатологическій атласъ Россійской Имперіи“, при своемъ появлѣніи вызвавшій рядъ лестныхъ отзывовъ со стороны специалистовъ и содержащій громадный материалъ по вопросамъ русской климатологии.

Второй свой обзоръ проф. Войковъ посвятилъ характеристикѣ 11-ти-лѣтней дѣятельности метеорологической комиссіи Географического Общества и издаваемаго ею „Метеорологическаго Вѣстника“, которымъ мы столькимъ обязаны какъ популяризацией метеорологическихъ свѣдѣній, такъ и современной постановкой метеорологического дѣла въ Россіи. За время своего существованія комиссія выработала рядъ инструкцій и въ своемъ печатномъ органѣ настойчиво пропагандировала рядъ наблюдений, которые позже вошли въ программу нормальныхъ станцій II разряда общимперской метеорологической сѣти. Такимъ образомъ были организованы наблюденія надъ продолжительностью солнечнаго сіянія, высотой и плотностью снѣжного покрова, температурой и влажностью почвы и т. д.

Директоръ Главной Физической Обсерваторіи Академикъ М. А. Рыкачевъ въ своемъ обзорѣ коснулся вопроса о судьбѣ ходатайствъ и пожеланій, высказанныхъ I метеорологическимъ съѣздомъ, собиравшимся зимой 1899—1900 гг. въ С.-Петербургѣ. Часть этихъ ходатайствъ уже выполнена, другія находятся на пути къ осуществленію и, если не могли быть осуществлены до настоящаго времени, то лишь за недостаткомъ надлежащихъ средствъ.

Такимъ образомъ Обсерваторіей выработанъ проектъ орга-

низації центральної для всего Даљнаго Востока магнитно-метеорологической обсерваторії въ Портъ-Артурѣ, разрабатываются проекты организації предсказанія погоды для южной Россіи и Черноморского побережья, поднять вопросъ о реорганизації юго-западной сѣти, значительно подвищуто, благодаря материальной поддержкѣ Спб. городского управлениія, дѣло правильной постановки предсказаній невскихъ наводненій и т. д.

Въ дѣлѣ организації наблюденій въ высшихъ слояхъ атмосферы также сдѣланъ значительный шагъ впередъ, такъ какъ Россія приняла участіе въ ежемѣсячныхъ международныхъ полетахъ змѣевъ и шаровъ-зондовъ; кроме того, въ непродолжительномъ времени Павловская Обсерваторія обогатится специальнymъ змѣевымъ отдѣленіемъ, задачей котораго явится разработка вопроса о наилучшихъ способахъ изслѣдованія верхнихъ слоевъ атмосферы. Кредитъ, потребный для оборудования этого отдѣленія, уже разрѣшенъ и въ настоящую весну будетъ приступлено къ его устройству.

Между прочимъ, докладчикъ сообщилъ, что до настоящаго времени наиболѣе высокій подъемъ шара-зонда въ Россіи достигъ 12300 метровъ, причемъ наиболѣе низкая температура, зарегистрированная термографомъ, была—66°.6С.

Изложению главнѣйшихъ результатовъ, полученныхъ за послѣдніе годы при наблюденіяхъ на воздушныхъ шарахъ и змѣяхъ, былъ специальномъ посвященъ докладъ-обзоръ В. В. Кузнецова. Онъ иллюстрировалъ свое сообщеніе рядомъ диаграммъ, остановившись главнымъ образомъ на данныхъ, относящихся къ измѣненію температуры воздуха съ высотою, и указалъ на различные типы этого измѣненія въ связи съ особенностями распределенія давленія. Кроме этого аудиторія была подробно ознакомлена съ постановкой змѣевого дѣла въ Павловскѣ, причемъ сообщены были главнѣйшие результаты змѣевыхъ поднятій и метеорологические приборы—въ большинствѣ случаевъ конструированные по идеи докладчика—при этомъ употребляемые.

Общіе результаты, полученные при новѣйшихъ изслѣдованіяхъ верхнихъ слоевъ атмосферы, были сообщены С. И. Савиновымъ. Изслѣдованія эти показываютъ, что и въ болѣе высокихъ слояхъ атмосферы мы имѣемъ дѣло съ такими же сложными тепловыми процессами, какъ и у земной поверхности. Правильное затуханіе съ высотой наблюдается лишь для явлений, обладающихъ регулярнымъ періодическимъ ходомъ (суточный и годовой ходъ температуры); неперіодическая же измѣненія метеорологическихъ элементовъ сохраняется, въ противоположность распространенному мнѣнію, до весьма значительныхъ высотъ. Что касается распределенія явлений по вертикальному направленію, то здѣсь замѣчается весьма сильная измѣнчивость, причемъ нерѣдко обнаруживается своего рода слоистость атмосферы, довольно опредѣленного типа, — дѣленіе ея на рядъ горизонтальныхъ слоевъ, каждому изъ которыхъ соотвѣтствуетъ особый типъ из-

мѣненія метеорологическихъ элементовъ. Слоистость эта согласно констатируется рядомъ изслѣдований, произведенныхъ въ различныхъ странахъ.

Вопросу о практикѣ предсказаній погоды былъ посвященъ обзоръ С. Д. Грибоѣдова. Указавши на различные недостатки нашей постановки дѣла, онъ высказалъ пожеланіе, къ которому присоединилась и секція, постановившая ходатайствовать предъ подлежащими вѣдомствами отъ имени XI съѣзда о наибольшемъ и своеевременному распространеніи предсказаній, даваемыхъ ежедневно Главной Физической Обсерваторіей. Распространеніе это, по примѣру Америки, можетъ быть достигнуто путемъ особой сигнализациіи на желѣзно-дорожныхъ поѣздахъ, а равнымъ образомъ, ускореніемъ передачи метеорологическихъ депешъ.

Наконецъ проф. Д. А. Лачиновымъ былъ прочтенъ весьма интересный обзоръ на тему объ электрическомъ полѣ атмосферы.

Когда-то общепринятая теорія Exner'a въ настоящее время, благодаря произведеному цѣлому ряду провѣрочныхъ наблюдений—должна быть признана совершенно несостоятельной. Въ противоположность этой теоріи, требующей усиленія атмосферного электрическаго поля съ возрастаніемъ высоты, всѣ наблюденія согласно констатируютъ его правильное ослабленіе. Новѣйшія теоріи исходятъ совсѣмъ изъ другихъ принциповъ, сравнительно съ принципами Peletier, Exner'a и др. прежнихъ изслѣдователей, и могутъ быть названы актино-электрическими теоріями атмосферного электричества. Тщательно поставленныя наблюденія Elster'a и Heitel'я показали, что наэлектризованныя тѣла, помѣщенные въ условіяхъ возможности соприкосновенія съ частицами воздуха, теряютъ свой зарядъ, причемъ потеря эта въ зависимости отъ знака заряда происходитъ неодинаково быстро. Утрата заряда вообще объясняется существованіемъ въ воздухѣ такъ наз. юновъ, т. е. сильно наэлектризованныхъ частицъ, которыхъ, по всей вѣроятности, представляются частями молекулъ. Неодинаково быстрая утрата заряда можетъ быть объяснена различнымъ содержаніемъ въ воздухѣ положительныхъ и отрицательныхъ юновъ, причемъ необходимо допустить, что если внизу, у земной поверхности, число тѣхъ и другихъ юновъ приблизительно одинаково, то, по мѣрѣ удаленія надъ земной поверхностью, обнаруживается все большее и большее преобладаніе положительныхъ юновъ, затѣмъ снова начинаются постепенное уравниваніе и есть основаніе думать, что въ наиболѣе значительныхъ высотахъ взаимное процентное отношеніе ихъ снова одинаково, но число значительно больше, чѣмъ внизу. Наиболѣе обстоятельная теорія принадлежитъ Arrhenius'у; отъ нея дальнѣйшаго развитія можно ожидать еще многаго. Она, какъ знаютъ читатели „Вѣстника“, очень изящно объединяетъ явленія радиаціи солнца, атмосферного электричества, земного магнетизма, полярныхъ сіяній, земныхъ токовъ и т. д. [см. „В.“ № 298—301].

Переходя къ чисто научнымъ докладамъ, мы остановимся

прежде всего на сообщеніи предсѣдателя Крымскаго Горнаго Клуба Ю. А. Листова, сдѣланномъ имъ въ соединенномъ засѣданіи секціи физической географіи и географіи и вызвавшемъ весьма оживленный обмѣнъ мыслей между членами обоихъ секцій. Въ своемъ докладѣ онъ справедливо указалъ на то, что нашему отечеству пора прийти на помощь современному стремлению метеорологии къ изслѣдованию верхнихъ слоевъ атмосферы нѣсколько инымъ путемъ, чѣмъ то дѣжалось до настоящаго времени; онъ указалъ на то, что, какъ бы ни развивалось воздухоплаваніе и змѣевое дѣло, оно не въ состояніи свести на нуль значеніе горныхъ станцій, которыхъ навсегда останутся единственнымъ средствомъ непрерывной регистраціи явлений, происходящихъ на высшихъ уровняхъ атмосферы. При общей равнинности Россіи ее конечно нельзя особенно и упрекнуть за то, что до сихъ поръ подлежащія учрежденія не озабочились устройствомъ хотя бы одной горной станціи, но тѣмъ своеобразнѣе объ этомъ вспомнить теперь. Докладчикъ предложилъ въ виду этого ходатайствовать объ организаціи горной станціи на Чатырь-Дагѣ на высотѣ 1520 метровъ надъ уровнемъ моря; она должна имѣть чрезвычайно важное значеніе, какъ для чисто научныхъ, такъ и для практическихъ цѣлей. Счастливое орографическое положеніе, замѣчательная чистота и прозрачность воздуха дадутъ возможность будущей геофизической станціи вести свои наблюденія въ полномъ соотвѣтствіи съ наиболѣе высокими требованіями, могущими быть предъявленными къ такого рода учрежденіямъ.

Собраніе единогласно постановило ходатайствовать предъ распорядительнымъ комитетомъ XI съѣзда о возможномъ содѣйствіи осуществленію предложенія г. Листова и поддержкѣ предъзаинтересованными вѣдомствами. По слухамъ, организація станціи обеспечена, чemu нельзя конечно не порадоваться.

Авторомъ настоящаго реферата было сдѣлано три сообщенія изъ области новѣйшей метеорологии, которую можно назвать метеорологіей морскихъ теченій и въ частности для Европы—метеорологіей Гольфштрема *). Четвертое сообщеніе, сдѣланное имъ въ соединенномъ засѣданіи секціи физики и физической географіи, касалось магнитныхъ изслѣдований покойного приват-доцента Ново-российскаго Университета П. Т. Пассальского. По предложенію докладчика, память покойного была почтена вставаніемъ, а затѣмъ собраніе выразило благодарность прив.-доц. Б. П. Вейнбергу, принявшему на себя трудъ редактированія диссертации П. Т. Пассальского послѣ его смерти.

Весьма интересныя сообщенія были сдѣланы:

К. Н. Жукомъ—О градобитіяхъ въ Кіевской губерніи, причемъ демонстрировались весьма оригинально изготовленные докладчикомъ модели градинъ въ натуральную величину и былъ сообщенъ цѣлый рядъ интересныхъ деталей, характеризующихъ явленіе града.

^{*)} Подробное изложеніе сущности этихъ трехъ сообщеній будетъ помѣщено въ одномъ изъ ближайшихъ номеровъ.

Б. В. Станкевичемъ — Объ актинометрическихъ и магнитныхъ наблюденіяхъ на Памирѣ.

М. П. Косачемъ — Къ теоріи града.

Б. И. Срезневскимъ — О кривизнѣ вихревыхъ струй.

Г. Балляснимъ — О возникновеніи вихрей подъ дѣйствіемъ электричества.

А. И. Войковымъ — Объ изоплетахъ и цѣлый рядъ другихъ, болѣе специального значенія.

При секціи физической географіи, согласно обычаю, установленному еще съ Московского съѣзда, была устроена выставка приборовъ, моделей и графикъ, иллюстрирующихъ тѣ или другія метеорологическія явленія. Помимо кабинета физической географіи С.-Петербургскаго Университета, явившагося на этотъ разъ въ роли устроителя выставки, въ ней приняли дѣятельное участіе Николаевская Главная Физическая Обсерваторія съ своими отдѣленіями, выставившая рядъ приборовъ и графикъ, большинство которыхъ было направлено на иллюстрацію змѣевого дѣла, около котораго вращается въ настоящее время столько надеждъ метеорологии; Морское Министерство въ лицѣ своего Главнаго Гидрографического Управленія, богато иллюстрировавшаго свою разностороннюю дѣятельность; Воздухоплавательный Паркъ демонстрировалъ цѣлое снаряженіе корзины воздушного шара при научномъ полетѣ; Киевскій Политехническій Институтъ, Университетскія Обсерваторіи въ Юрьевѣ и Москвѣ и т. д.

Надлежащимъ образомъ была представлена и Метеорологическая Обсерваторія Новороссійскаго Университета; за недостаткомъ средствъ, специальныхъ изданий для съѣзда на этотъ разъ изготовлено не было, но и тѣхъ текущихъ изданий, которыхъ были изданы со времени послѣдняго киевскаго съѣзда, оказалось болѣе чѣмъ достаточнымъ для того, чтобы обеспечить Обсерваторіи видное мѣсто среди другихъ учрежденій этого рода, принимавшихъ участіе въ выставкѣ.

Едвали не всѣ ученые учрежденія С.-Петербурга на время съѣзда широко раскрыли свои двери для его участниковъ. Особенный интересъ для метеорологовъ представляло посѣщеніе Главной Физической Обсерваторіи и Константиновской Обсерваторіи въ Павловскѣ. На время съѣзда пришелся также и „международный четвергъ“ — день международного спуска шара-зонда въ Воздухоплавательномъ паркѣ; онъ также былъ произведенъ въ присутствіи значительного числа членовъ съѣзда, охотно прѣѣхавшихъ туда, несмотря на крайне неблагопріятную погоду 27 декабря. Упорная неблагопріятность погоды помѣшила спуску змѣевъ, который такъ интересно было видѣть многимъ лично.

Не смотря на желаніе быть минимально краткимъ, я не могъ достичь однако того, чтобы мой рефератъ не растянулся сверхъ всякой мѣры; тому виной однако не мое многословіе, а обиліе занятій секціи; занятій этихъ было настолько много, что Бюро

секціи прямо таки изнемогало отъ работы, а дѣятельные члены положительно не имѣли возможности даже взглянуть на цѣлый рядъ научныхъ демонстрацій, хотя и чрезвычайно интересныхъ, но производившихся вънѣ секціи метеорологии.

Обиліе работы, изъ ряду вонъ выходящая многолюдность съѣзда способствовали необычайному оживленію, и члены съѣзда разъѣхались, лишній разъ убѣдившись въ громадномъ значеніи этихъ съѣздовъ, въ значеніи личного свиданія—для однихъ и непосредственного ознакомленія съ научными открытиями—для другихъ. Съѣздъ прошелъ настолько блестяще, что намъ остается лишь пожелать такого же успѣха будущему—одесскому.

Свой рефератъ о секціи метеорологии и геофизики мы кончить этимъ однако еще не можемъ. Не успѣли члены секціи разъѣхаться по домамъ, какъ получили способное привести въ ужасъ извѣстіе, что „10 января на 52-мъ году жизни скончался известный геологъ, профессоръ горного института И. В. Мушкетовъ“. Лаконической телеграммѣ не хотѣлось вѣрить, она казалась невѣроятной, дикой, не укладывалась въ рамки пониманія и тѣмъ не менѣе ни на юту не теряла въ своей реальности. Мы всѣ видѣли его на съѣздѣ, какъ всегда, бодрымъ, веселымъ, находчивымъ и жизнерадостнымъ, какъ всегда обаятельнымъ своими высокими нравственными качествами и высоко-авторитетнымъ рѣдкой научной эрудиціей. Когда мы разставались съ нимъ, ничто не давало ни малѣйшаго намека думать, что мы говоримъ уже съ человѣкомъ обреченнымъ, съ человѣкомъ, которому осталось жить всего 2 недѣли, и тѣмъ не менѣе это такъ. Не стало Ивана Васильевича Мушкетова, не стало нашего общаго учителя, славнаго представителя русской геологии и геофизики, неутомимаго изслѣдователя своей родины, виднѣйшаго дѣятеля Географического Общества, блестящаго лектора, талантливѣйшаго ученаго, профессора, богоотворимаго своими слушателями, не стало благороднѣйшаго человѣка и гражданина.

Не въ краткой замѣткѣ и не теперь, подъ наплывомъ тяжелаго чувства, когда еще не сгладилось острое ощущеніе невознаградимой утраты, говорить о его научныхъ заслугахъ, да въ этомъ нѣтъ и надобности: онъ слишкомъ обширны и слишкомъ общеизвѣстны. Но этого мало: въ лицѣ И. В. мы лишились не только представителя науки, но и благороднѣйшаго общественнаго дѣятеля и безкорыстнаго друга молодежи, о которой онъ не забывалъ до послѣднихъ минутъ своей жизни. Въ настоящее время, когда мутныя волны общественного индифферентизма и беззастѣнчиваго эгоизма развиваются съ каждымъ днемъ все шире и шире, заливая берега, которые еще недавно казались недоступными, потеря такого вѣрнаго благороднѣйшаго завѣтамъ прошлаго человѣка, какъ И. В. Мушкетовъ, особенно тяжела, особенно невознаградима.

Прив.-доц. Л. Даниловъ.

Этюды по основаниямъ геометріи.

Измѣреніе объемовъ многогранниковъ.

C. Шатуновскаго въ Одессѣ.

(Продолженіе *).

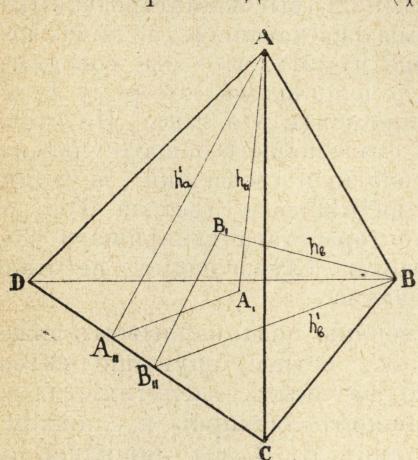
Пусть $ABCD$ будетъ пирамида, ограниченная четырьмя треугольниками ¹⁾. Перпендикуляры, опущенные изъ вершинъ A , B , C , D на противоположныя грани, обозначимъ соотвѣтственно чрезъ h_a , h_b , h_c , h_d . Площади этихъ граней пусть соотвѣтственно будутъ равны a , b , c , d . Обозначимъ чрезъ μ постоянную, значеніе которой ближайшимъ образомъ опредѣлимъ впослѣдствіи, и покажемъ, что значеніе выраженія

$$\mu ah_a$$

не измѣняется, когда замѣнимъ букву a любой изъ буквъ b , c , d , т. е., что

$$\mu ah_a = \mu bh_b = \mu ch_c = \mu dh_d.$$

Построимъ для этого (фиг. 1) двѣ высоты $AA_1=h_a$ и $BB_1=h_b$.



Фиг. 1.

Умноживъ обѣ части этого равенства на $\frac{1}{2} \mu CD$ и замѣчая, что $a = \frac{1}{2} h'_b CD$, $b = \frac{1}{2} h'_a CD$, получимъ

$$\mu ah_a = \mu bh_b.$$

¹⁾ Всюду, гдѣ противное не оговорено, мы подъ пирамидой будемъ разумѣть пирамиду, ограниченную четырьмя треугольниками.

*.) См. № 316 „Вѣстника“.

Подобнымъ же образомъ докажемъ, что $\mu b h_b = \mu c h_c = \mu d h_d$.

Определение. Произведеніе $\mu a h_a$, значеніе котораго не зависитъ отъ того, изъ какой вершины проведена высота пирамиды, будемъ называть *инвариантомъ* пирамиды.

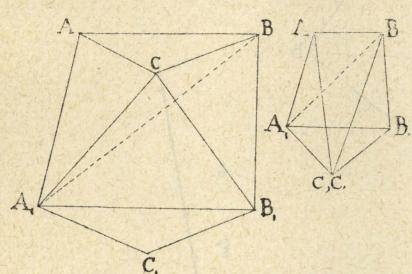
Инвариантъ пирамиды $ABCD$ будемъ обозначать знакомъ $J(ABCD)$.

Мы теперь имѣемъ въ виду доказать слѣдующую основную теорему:

Какъ бы мы ни разлагали пирамиду на составляющія пирамиды, инвариантъ пирамиды всегда будетъ равенъ суммѣ инвариантовъ составляющихъ пирамидъ.

Сначала разберемъ нѣкоторые частные случаи разложенія пирамиды на составляющія пирамиды и прежде всего сдѣляемъ слѣдующее замѣчаніе.

Усѣченная параллельно или непараллельно основанию треугольная пирамида $ABC A_1 B_1 C_1$ (фиг. 2) можетъ быть разложена



Фиг. 2.

общеизвѣстнымъ способомъ на пирамиды $CA_1 B_1 C_1$, $CA_1 BB_1$ и $CA_1 AB$, вершины которыхъ находятся въ вершинахъ усѣченной пирамиды, а слѣдовательно, исключительно на ея боковыхъ ребрахъ.

Въ частномъ случаѣ, когда одно изъ боковыхъ реберъ, напр. CC_1 , обращается въ нуль, такъ что точки C и C_1 сливаются въ одну точку, усѣченная пирамида

обращается въ полную четырехъугольную пирамиду $CABB_1A_1$, которая разлагается на двѣ пирамиды CAA_1B и CA_1BB_1 . Сдѣланное нами замѣчаніе о разложеніи усѣченной треугольной пирамиды относится, слѣдовательно, и къ полной 4-угольной пирамидѣ, причемъ, вмѣсто трехъ, будемъ имѣть только двѣ составляющія пирамиды.

Говоря о разложеніи усѣченной треугольной или полной четырехъугольной пирамиды на составляющія, мы будемъ разумѣть всегда указанная здѣсь разложенія.

Рассмотримъ теперь нѣкоторые частные способы разложенія на составляющія пирамиды.

1-й способъ. Разложивъ (фиг. 3) одну изъ граней, напримѣрь BCD , пирамиды $ABCD$ какимъ либо образомъ на составляющіе треугольники, построимъ рядъ пирамидъ такимъ образомъ, чтобы ихъ основаниями служили эти треугольники и чтобы ихъ общую вершину была вершина A . На нашемъ рисункѣ показана одна составляющая пирамида, основаніемъ которой служить составляющій треугольникъ Q .

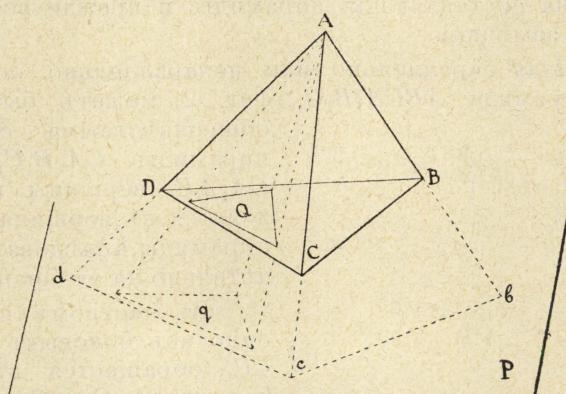
Легко видѣть, что въ этомъ случаѣ инвариантъ пирамиды

$ABCD$ равенъ суммѣ инвариантовъ составляющихъ пирамидъ. Дѣйствительно, если a есть площадь треугольника BCD , a_1, a_2, \dots — площади составляющихъ треугольниковъ, то

$$J(ABCD) = \mu ah_a$$

$$i_1 + i_2 + \dots = \mu a_1 h_a + \mu a_2 h_a + \dots = \mu(a_1 + a_2 + \dots)h_a = \mu ah_a = J(ABCD).$$

Случай, когда пирамиду разлагаютъ на двѣ пирамиды плоскостью, проходящую черезъ ребро, есть частный случай разсмотрѣнного способа, а именно это тотъ случай, когда грань разлагаютъ на два треугольника. Въ этомъ случаѣ инвариантъ разлагаемой пирамиды равенъ слѣдовательно суммѣ инвариантовъ нѣкотораго числа n составляющихъ пирамидъ.



Фиг. 3.

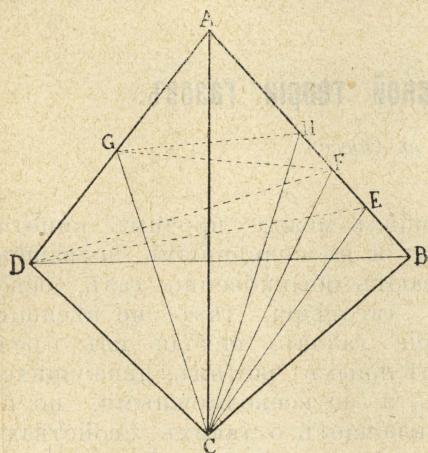
2-й способъ. Пирамиду $ABCD$ (фиг. 4) можно разложить на нѣкоторое число n составляющихъ пирамидъ такимъ образомъ, чтобы вершины всѣхъ составляющихъ пирамидъ лежали исключительно на трехъ ребрахъ, исходящихъ изъ одной вершины, напр. на ребрахъ AB, AC и AD .

Такъ какъ на грани BCD , за исключеніемъ точекъ B, C, D , нѣть вершинъ составляющихъ пирамидъ, то грань BCD должна цѣликомъ быть гранью одной составляющей пирамиды P_n . Тремя вершинами пирамиды P_n служатъ точки B, C, D . Четвертая ея вершина E должна лежать по условію на одномъ изъ реберъ AB, AC, AD , напр. на ребрѣ AB . Такимъ образомъ, мы разложимъ пирамиду $ABCD$ по разсматриваемому способу на n составляющихъ пирамидъ, если во 1-хъ, разсѣчемъ ее на двѣ составляющія пирамиды $EDBC = P_n$ и $ADCE = P'_n$ плоскостью DCE проходящую черезъ ребро DC , отличное отъ тѣхъ трехъ реберъ AB, AC, CD , на которыхъ должны лежать вершины составляющихъ пирамидъ и во 2-хъ, разложимъ пирамиду $ADCE = P'_n$ по разсматриваемому же способу на $n-1$ составляющихъ пирамидъ, вершины которыхъ лежали бы исключительно на ребрахъ AC, AD ,

AE , исходящихъ изъ вершины A , т. е., разложение пирамиды $ABCD$ на n составляющихъ по рассматриваемому способу приводится къ разложению этой пирамиды на 2 пирамиды P_n и P'_n плоскостью, проходящею черезъ ребро, и къ разложению пирамиды P'_n на $n-1$ пирамидъ по рассматриваемому способу. Такъ какъ разложение пирамиды $ABCD$ на двѣ пирамиды P_n и P'_n достигается проведениемъ плоскости черезъ ребро CD , то (первый способъ)

$$J(ABCD) = J(P_n) + J(P'_n).$$

Если число $n=2$, то составляющими данной пирамиды $ABCD$ будутъ P_n и P'_n , и инвариантъ данной пирамиды $ABCD$ будетъ



Фиг. 4.

для случая разложения по указанному способу пирамиды на $n-1$ пирамидъ. А такъ какъ теорема вѣрна для случая $n=2$, то она вѣрна и вообще.

3-й способъ. Разложимъ данную пирамиду $ABCD$ на составляющія пирамиды

$$P_1, P_2, \dots, P_m, \dots, P_n$$

по первому способу. Каждую изъ этихъ составляющихъ пирамидъ разложимъ на составляющія пирамиды по второму способу, причемъ будемъ вообще предполагать (для $m=1, 2, \dots, n$) что

(1) (2) (3)
пирамида P_m разложена на пирамиды p_m, p_m, \dots, p_m . Имѣемъ

$$J(ABCD) = J(P_1) + J(P_2) + \dots + J(P_n)$$

$$J(P_1) = J(p_1^{(1)}) + J(p_1^{(2)}) + \dots + J(p_1^{(s_1)})$$

$$J(P_2) = J(p_2^{(1)}) + J(p_2^{(2)}) + \dots + J(p_2^{(s_2)})$$

$$J(P_n) = J(p_n^{(1)}) + J(p_n^{(2)}) + \dots + J(p_n^{(s_n)}).$$

Складывая всѣ эти равенства, находимъ

$$J(ABCD) = \sum_{n=1}^{n=n} J(p_n^{(s_n)}),$$

т. е., инваріантъ пирамиды $ABCD$ равенъ суммѣ инваріантовъ составляющихъ пирамидъ,

Къ этому случаю мы постараемся привести наиболѣе общей случай. Но предварительно разсмотримъ еще одинъ способъ разложенія пирамиды на составляющія пирамиды. Этотъ способъ назовемъ способомъ разложенія при помощи центральной проекціи.

(Продолженіе следуетъ).

Замѣтка по Кинетической теоріи газовъ.

C. Рейтера въ Одессѣ.

Въ курсахъ физики, трактующихъ между прочимъ кинетическую теорію газовъ, равно какъ и въ сочиненіяхъ, посвященныхъ этому предмету, разматриваются обыкновенно газъ, освобожденный отъ дѣйствія земного тяготѣнія, газъ не вѣсіїй. Какъ известно, кинетическая теорія газовъ, исходя изъ представленія о газѣ, какъ о хаосѣ отдѣльныхъ частицъ, движущихся по всевозможнымъ направленіямъ и со всевозможными, но не равновозможными скоростями, заключаетъ о такихъ свойствахъ газа, которые выражаются (болѣе или менѣе приблизительно) эмпирической формулой Бойля-Мариота-Гей-Люссака и (болѣе точно), при введеніи нѣкоторыхъ гипотезъ о величинѣ молекуль и о взаимодѣйствующихъ силахъ между ними, формулой Van-der-Waals'a.

Въ самомъ дѣлѣ, если мы представимъ себѣ газъ, заключенный въ кубической сосудѣ, въ видѣ агрегата множества молекуль, то давленіе газа на единицу поверхности какой-нибудь стѣнки данного сосуда есть не что иное, какъ сумма всѣхъ импульсовъ, производимыхъ на единицу этой поверхности частичами, ударяющимися объ нее за одну секунду. Поэтому, если мы вдвинемъ верхнюю стѣнку на подобіе поршня въ сосудъ, чтобы разстояніе между нею и нижней стѣнкой уменьшилось въ n разъ, то каждая частичка теперь успѣеть въ секунду въ n разъ чаще удариться объ нее, значитъ, сумма импульсовъ или давленіе увеличится въ n разъ—это и есть законъ Бойля-Мариота. Столь же простое разсужденіе, на которомъ мы однако же будемъ останавливаться, ведетъ къ закону Гей-Люссака.

Является вопросъ: объясняетъ ли кинетическая теорія неизменность вѣса данной массы газа, при измѣненіи его температуры, объема и формы, и также пропорциональность вѣса массъ,

Представимъ себѣ, что газъ заключенъ въ невѣсомый сосудъ - параллелепипедъ, находящійся въ пустотѣ. Каковъ будетъ вѣсъ этого газа?

Является искушеніе разсуждать такъ: вѣсъ тѣла P есть масса, помнож. на ускореніе; т. е. Mg . Но Mg равно суммѣ m_i отдельныхъ частицъ.

Приходимъ къ тождеству $P=Mg=\Sigma m_i g$.

Здѣсь $m_i g$ есть общее выраженіе вѣса каждой изъ этихъ частицъ, ибо g — ускореніе, производимое силой тяготѣнія, есть также и ускореніе каждой частицы.

Но разсуждая такъ, мы дѣлаемъ грубую ошибку — petitio principii. Мы забываемъ, что, обозначая P черезъ Mg , мы заранѣе предрѣшаемъ задачу. Въ самомъ дѣлѣ, почему ускореніе пріобрѣтаемое нашимъ сосудомъ, будетъ равно именно g . Будетъ ли сосудъ падать?

Будетъ ли онъ вообще двигаться?

Вѣсъ сплошного тѣла, находящагося въ покоѣ, намъ понятенъ. Но въ данномъ случаѣ нашъ сосудъ заключаетъ въ себѣ множество движущихся тѣлъ. Если бы стѣнки не ставили препятствія ихъ движенію, онѣ разлетѣлись бы въ разныя стороны, и тогда о вѣсѣ всего газа не могло бы быть и рѣчи. Но, наталкиваясь на стѣнки, частицы производятъ на нихъ нѣкоторый импульсъ. Сумма подобныхъ импульсовъ, производимыхъ за секунду на единицу поверхности, даетъ намъ давленіе газа. Если бы частицы не имѣли вѣса, то давленія на нижнюю и верхнюю стѣнку были бы одинаковы и сосудъ, какъ цѣлое, оставался бы неподвижнымъ, а слѣдовательно, и невѣсомымъ. Но сила тяготѣнія, увеличивая вертикальную слагающую скорости у опускающихся частицъ и уменьшая ее у поднимающихся, производить неравенство импульсовъ т. е., неравенство давленій, испытываемыхъ верхней и нижней стѣнкой. Такъ какъ нижняя стѣнка будетъ испытывать большее давленіе, то сосудъ будетъ падать съ нѣкоторымъ ускореніемъ, зависящимъ отъ величины разности или, вѣрнѣе, алгебраической суммы импульсовъ, получаемыхъ нижней и верхней стѣнкой сосуда за секунду. Вотъ эту ту сумму, которую мы можемъ называть вѣсомъ газа ($J = Ft = F$, такъ какъ $t=1$) намъ предстоитъ вычислить.

Тутъ умѣстно сдѣлать оговорку: мы принимаемъ, что частицы двигаются со всевозможными скоростями и по всевозможнымъ направленіямъ, но что онѣ не сталкиваются. Послѣднее допущеніе упрощаетъ вычисленіе, не вліяя на его результатъ.

Мы докажемъ это ниже. А теперь вычислимъ нашу сумму импульсовъ. При этомъ вычисленіи мы не должны разсматривать горизонтальныхъ слагающихъ скорости частицъ, ибо, каковы бы онѣ ни были, онѣ на нашу сумму импульсовъ не имѣютъ вліянія. Дѣло, слѣдовательно, обстоитъ такъ, какъ будто бы все молекулы газа двигались только вверхъ и внизъ со скоростями, изъ кото-

рыхъ каждая въ данный моментъ есть вертикальная слагающая общей данной частицы. Поэтому мы въ дальнѣйшемъ, краткости ради, будемъ употреблять слово „скорость“ вмѣсто „вертикальная слагающая скрости“.

Находясь подъ вліяніемъ тяжести, всѣ частицы будутъ совершать равномѣрно-перемѣнныя движения. Однѣ будутъ, имѣя на опредѣленной высотѣ сосуда скорость 0, ударяться лишь о нижнюю стѣнку, прочія и о верхнюю.

Разсмотримъ импульсы J , даваемые для сосуда частицами первой категоріи. Пусть такихъ частицъ k изъ общаго числа N .

При ударѣ о дно подобная частица, падая съ высоты h , имѣеть скорость $\sqrt{2gh}$, ея импульсъ равенъ $2m_i \sqrt{2gh}$. Въ теченіе секунды она ударится о дно столько разъ, сколько разъ въ секундѣ заключается удвоенное время t паденія съ высоты h , т. е.,

$$n = \frac{1}{2t} = \frac{1}{2} \sqrt{\frac{g}{2h}}. \text{ Значить, общій импульсъ, получаемый дномъ отъ этой частицы за секунду } J_i = 2m_i \sqrt{2gh} \cdot \frac{1}{2} \sqrt{\frac{g}{2h}} = m_i g, \text{ т. е. равенъ вѣсу } p_i \text{ этой частицы.}$$

Такимъ образомъ, полный импульсъ, обусловливаемый частицами первой категоріи, $p_1 + p_2 + \dots + p_k$, т. е., суммѣ вѣсовъ всѣхъ этихъ частицъ

Теперь о частицахъ второй категоріи. Пусть одна изъ нихъ въ моментъ, непосредственно слѣдующій за отраженіемъ отъ верхней стѣнки сосуда, имѣеть скорость u_i . Обозначивъ высоту сосуда черезъ H , получаемъ изъ уравненія: $H = u_i t + \frac{gt^2}{2}$. Время t

паденія отъ верху до дна $t = \frac{-u_i + \sqrt{u_i^2 + 2Hg}}{g}$. Приращеніе скорости за это время $= gt = -u_i + \sqrt{u_i^2 + 2Hg}$. Скорость въ моментъ удара о дно $= \sqrt{u_i^2 + 2Hg}$. Ударъ о дно повторяется столько разъ, сколько разъ $2t$ заключается въ секундѣ, т. е.,

$$\frac{g}{2(-u_i + \sqrt{u_i^2 + 2Hg})}. \text{ Всѣ эти удары даютъ общій импульсъ}$$

$$2m_i \sqrt{u_i^2 + 2Hg} \cdot \frac{g}{2(-u_i + \sqrt{u_i^2 + 2Hg})} = J_i.$$

Та же частица непосредственно передъ ударомъ о верхнюю стѣнку имѣеть скорость $= -u_i$. Значитъ сумма всѣхъ импульсовъ, произведенныхъ ею въ секунду на верхнюю стѣнку,

$$= -2m_i u_i \cdot \frac{g}{2(-u_i + \sqrt{u_i^2 + 2Hg})} = J'_i.$$

Сумма $J_i + J'_i$ всѣхъ импульсовъ, оказываемыхъ нашей частицей въ секунду на верхнюю и нижнюю стѣнку, $= m_i g = p_i$.

Этотъ выводъ справедливъ для $(k+1)$ -ой, $(k+2)$ -ой, . . . до N -той частицы.

Слѣдовательно, вѣсъ газа $P = p_1 + p_2 + \dots + p_N$.

Это и требовалось доказать.

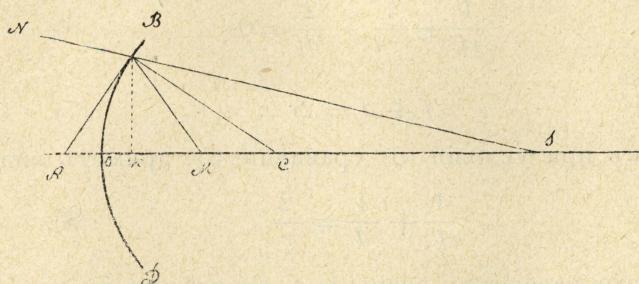
Изъ произведенного вычисленія явствуетъ, что сумма импульсовъ, оказываемыхъ частицей за секунду на дно и верхнюю стѣнку сосуда, равная p_i , не зависитъ отъ скорости этой частички. Теперь понятно, почему мы имѣли право предполагать, что между частицами не происходитъ столкновенія. Если бы послѣдня и имѣли мѣсто, то это лишь мѣняло бы скорость частицъ, что никакъ не отразилось бы на суммѣ импульсовъ.

Элементарный выводъ формулы сферического зеркала.

И. Точиловскаго въ Одессѣ.

Выводъ формулы вогнутаго зеркала, приводимый въ элементарныхъ учебникахъ физики, какъ извѣстно, неточенъ. Пользуясь тригонометріей, можно дать совершенно точный выводъ, которымъ однако нельзя воспользоваться при выводѣ этой формулы при преподаваніи физики въ женскихъ гимназіяхъ, где покамѣсть тригонометрія не преподается; выводъ, приведенный ниже, сдѣланъ чисто геометрически.

Пусть будетъ: BD (рис. 1) — вогнутое зеркало, O — центръ



Фиг. 1.

его, SO — главная оптическая ось, S — свѣтящаяся точка, находящаяся на главной оптической оси, SB — одинъ изъ лучей, падающихъ на зеркало, BM — лучъ отраженный и BC — нормаль къ зеркалу въ точкѣ B .

Такъ какъ линія BC дѣлить уголъ MBS пополамъ, то

$$\frac{MC}{CS} = \frac{BM}{BS} \quad (1),$$

Съ другой стороны, касательная къ зеркалу BA дѣлить пополамъ вѣнчній уголъ треугольника MBS ,—следовательно,

$$\frac{AM}{AS} = \frac{BM}{BS} \quad (2).$$

Сравнивая ур. (1) со (2) находимъ

$$\frac{MC}{CS} = \frac{AM}{AS} \quad (3).$$

Введемъ здѣсь обозначенія, которыми принято пользоваться въ этомъ случаѣ, т. е. назовемъ соответственно: OM черезъ f , $OC=r$, $OS=d$, а отрѣзокъ AO черезъ x ; тогда ур. (3) можно написать въ такомъ видѣ:

$$\frac{r-f}{d-r} = \frac{f+x}{d+x},$$

откуда

$$rd + rf = 2df + x(d + f - 2r) \quad (4)$$

или, раздѣливъ обѣ части этого равенства на rdf , получимъ:

$$\frac{1}{f} + \frac{1}{d} = \frac{2}{r} + x\left(\frac{1}{rf} + \frac{1}{rd} - \frac{2}{df}\right) \quad (5).$$

Это и будетъ формула вогнутаго зеркала въ самомъ общемъ видѣ. Чтобы перейти отъ этой формулы къ той, какая приводится обыкновенно въ учебникахъ, надо приравнять нулю либо выраженіе, стоящее въ скобкахъ, либо x . Преположимъ первое, т. е., допустимъ, что

$$\frac{1}{rf} + \frac{1}{rd} - \frac{2}{df} = 0 \quad (6)$$

или, что то же,

$$f + d = 2r \quad (7).$$

Такъ какъ при условіи (6) уравненіе (5) приметъ видъ

$$\frac{1}{f} + \frac{1}{d} = \frac{2}{r} \quad (8),$$

то, внеся въ это равенство значеніе f , опредѣляемое изъ ур. (7), получимъ

$$r^2 - 2rd + d^2 = 0 \quad (9),$$

откуда

$$d = r$$

т. е., ур. (8), которымъ обыкновенно пользуются, будетъ вполнѣ точно для лучей, исходящихъ изъ свѣщающейся точки, находящейся въ центрѣ кривизны зеркала. Такъ какъ ур. (10) имѣеть единственный корень, то ясно, что при всѣхъ положеніяхъ свѣщающейся точки, не совпадающихъ съ центромъ кривизны зеркала, коэффиціентъ при x въ ур. (5) будетъ отличенъ отъ нуля.

Что же касается x , то онъ будетъ равенъ нулю лишь въ томъ случаѣ, когда лучъ падаетъ по оптической оси, что, въ сущности, сводится къ предыдущему, или когда зеркало BD будетъ плоское. Въ этомъ послѣднемъ случаѣ $r = \infty$ и ур. (5) принимаетъ видъ:

$$\frac{1}{f} = -\frac{1}{d}$$

и

$$f = -d \quad (10)$$

т. е., въ плоскомъ зеркаль изображеніе получается за зеркаломъ на томъ же разстояніи d , на какомъ свѣтящаяся точка находится передъ зеркаломъ.

Чтобы получить формулу выпуклого сферического зеркала, остается измѣнить только знакъ у f , r и x , ибо они отсчитываются въ стороны противоположныя, сравнительно съ предыдущимъ. Если измѣненное согласно этому указанію ур. (5) помножимъ на -1 , то для выпуклого зеркала получимъ слѣдующую формулу:

$$\frac{1}{f} - \frac{1}{d} = \frac{2}{r} + x \left(\frac{1}{rf} + \frac{2}{df} - \frac{1}{rd} \right) \quad (11).$$

Ту же формулу можно получить и пріемомъ, указаннымъ выше.

Приравнивая въ ур. (11) x нулю, получимъ условіе (10), если же приравняемъ нулю выраженіе въ скобкахъ, то, идя путемъ, намѣченнымъ въ аналогичномъ случаѣ для вогнутаго зеркала, придемъ къ выводу, что въ ур. (11) послѣдний членъ равенъ нулю, когда

$$d = -r,$$

т. е., когда свѣтящаяся точка будетъ находиться въ центрѣ кривизны зеркала; такъ какъ такая точка мнимая, то само собою разумѣется, что ея въ дѣйствительности не существуетъ.

Что касается x , то его легко опредѣлить слѣдующимъ образомъ. Изъ треугольника ABC (рис. 1) имѣемъ:

$$AB^2 = (r+x)^2 - r^2 \quad (12).$$

Если затѣмъ опустимъ изъ точки B перпендикуляръ на линію AC и обозначимъ OK черезъ h , а BK черезъ a , то получимъ

$$AB^2 = (x+h)^2 - a^2 \quad (13).$$

Сравнивая ур. (12) и (13), находимъ

$$x = \frac{h^2 + a^2}{2(r-h)} \quad (14).$$

Пользуясь ур. (14), можно опредѣлить *наибольшее* значеніе x для каждого частнаго случая. Вообще x есть величина *перемѣнная*—различная для различныхъ точекъ одного и того же зеркала.

Такое непостоянство x указываетъ непосредственно на то, что для сферическихъ зеркалъ невозможно отсутствіе сферической aberrациі.

Въ заключеніе приведу наибольшія численныя значенія добавочного члена въ ур. (5) для двухъ зеркалъ, имѣющихъ слѣдующіе размѣры. Первое зеркало имѣть: діаметръ $2a = 1$ см. и радиусъ кривизны $r = 200$ см., второе—діаметръ $2a = 20$ см. и радиусъ кривизны $r = 500$ см.

Для первого зеркала KC (рис. 1) изъ треугольника KBC будетъ 199.999 , а слѣдовательно, $h = 200 - 199.999 = 0.001$ и на основаніи ур. (14)

$$x = 0.0006 \text{ см.}$$

Поэтому при $d = \infty$, напр., получимъ для f изъ ур. (5) слѣдующее значеніе

$$f = \frac{r}{2} \left(1 - \frac{x}{r}\right) = \frac{200}{2} \left(1 - \frac{0.0006}{200}\right) = 199.9997 \text{ см.}$$

Такимъ образомъ, если предположимъ $f = \frac{r}{2} = 100$, то сдѣляемъ ошибку не болѣе 0.0003% ; ясно поэтому, что ею мы можемъ вообще пренебречь. Совершенно иначе обстоить дѣло для второго зеркала: для него $KC = 48.99$; $h = 1.01$

$$x = 1.03 \text{ см.}$$

а слѣдовательно, при $d = \infty$ получимъ $f = 24.48$ см., вмѣсто 25 см., принимаемыхъ обыкновенно, что составляетъ ошибку, превышающую 2% .

НАУЧНАЯ ХРОНИКА.

Землетрясеніе въ Шемахѣ. Сильное землетрясеніе, произшедшее въ Шемахѣ 31-го января текущаго года и разрушившее почти весь городъ, отразилось на колебаніи магнитовъ въ регистрирующихъ приборахъ Константиновской Обсерваторіи въ Павловскѣ. Магниты, какъ бифиляра, такъ и унифиляра обнаружили сильныя колебанія отъ 11 ч. 40 м. до 12 ч. дня,—время, по-видимому, соответствующее времени землетрясения въ Шемахѣ.

„Метеор. Вѣстн.“.

Вліяніе климатическихъ условій на температуру человѣческаго тѣла. Какъ сообщаетъ „Метеор. Вѣстн.“, проф. Никольский дѣлаетъ слѣдующія замѣткія по вопросу о вліяніи климата, погоды и времени года на температуру человѣческаго тѣла. Между тропиками температура тѣла у людей среднимъ числомъ на $1^{\circ}2$ выше, нежели въ умѣренныхъ климатахъ; въ этихъ послѣднихъ она на нѣсколько десятыхъ выше, нежели въ холодныхъ поясахъ. Эта разница незначительна, если вспомнить, что температуры, окру-

жающія человѣка на экваторѣ и на полюсахъ, отличаются другъ отъ друга болѣе, чѣмъ на 40°С. При переѣздѣ человѣка изъ теплого климата въ холодный, температура его претерпѣваетъ весьма незначительное пониженіе; при переѣздѣ же изъ холоднаго климата въ жаркій температура повышается сравнительно въ болѣе значительной степени. Проф. Никольскій объясняетъ послѣднее явленіе предшествующей значительной выработкой тепла въ холодномъ климатѣ. Даѣтъ, въ умѣренномъ поясѣ температура тѣла дѣлается въ холодное зимнее время на 0°,1 — 0°,3 ниже, нежели въ жаркіе лѣтніе дни. „Метеор. Вѣстн.“.

Опыты многократнаго телеграфированія по системѣ Меркадье. Въ юль нынѣшняго года между Парижемъ и Бордо производились опыты телеграфированія по извѣстной системѣ Меркадье, пользующейся въ качествѣ пріемниковъ телефонами. При одновременной работе по 12 аппаратовъ съ каждой стороны удавалось (по словамъ Industrie Electrique) передавать одновременно различные знаки и служебныя извѣщенія посредствомъ аппаратовъ Морзе, Юза и даже 4-хъ кратнаго Бодо.

Суть системы Меркадье заключается въ примѣненіи къ электричеству извѣстнаго закона акустики, по которому волны различныхъ звуковъ распространяются независимо одинъ отъ другихъ. Даже наше ухо, не представляющее изъ себя особенно совершенного воспринимающаго звуки органа, способно различать одновременно и человѣческій голосъ, и игру на инструментѣ, и пѣніе птицъ и т. д. Но если различныя звуковыя волны могутъ существовать рядомъ, взаимно не смѣшиваясь, то почему этимъ свойствомъ не могутъ обладать электрическія волны? Меркадье воспользовался для своихъ опытовъ камертонами, точно настроеными на извѣстные тоны; камертоны располагаются такимъ образомъ въ цѣпи электрическаго тока, чтобы они при легкомъ звучаніи прерывали цѣпь и вызывали въ ней короткіе электрическіе токи. Если камертонъ настроенъ точно на *la*, онъ даетъ, какъ извѣстно, 435 колебаній въ секунду и, следовательно, 435 короткихъ электрическихъ токовъ; другой камертонъ, настроенный на *si*, даетъ $489\frac{3}{8}$ колебаній и вызоветъ $489\frac{3}{8}$ короткихъ электрическихъ токовъ, которые будутъ распространяться по проволокѣ въ формѣ волнъ. Телеграфисту станціи отправленія нужно, следовательно, только прерывать или замыкать идущій къ постоянно звучащимъ камертонамъ токъ, соотвѣтственно телеграфнымъ знакамъ, чтобы передавать ихъ колебанія проволокѣ. На принимающей станціи проволока проходитъ мимо микрофонныхъ аппаратовъ, изъ коихъ первый звучить только тогда, когда къ нему подходитъ прерывчатый токъ съ 435 колебаніями въ секунду (*la*), другой — когда его достигаетъ токъ съ $489\frac{3}{8}$ колебаніями (*si*). По продолжительности звучанія этихъ микрофонныхъ аппаратовъ узнаются передаваемые телеграфные знаки; аппараты звучать лишь въ то время, пока телеграфистъ станціи отправленія пускаетъ токъ къ своимъ камертонамъ. Практическое осуществление этой идеи потребовало, однако, многихъ усилий и полу-

чившійся въ результатѣ аппарата, оказался очень деликатнымъ. Наиболѣе труднымъ является достиженіе непрерывнаго звучанія камертоновъ въ точно опредѣленномъ тонѣ при сохраненіи ими своего положенія (ибо только звуковыя колебанія должны давать замыканія токовъ) и такое устройство телефонныхъ аппаратовъ, при которомъ они, какъ и нынѣ дѣйствующіе аппараты приемныхъ станцій, автоматически воспроизводили бы телеграмму, т. е., переводили бы воспринимаемыя волны различной длины въ болѣе или менѣе длинные штрихи или даже буквы. Для передачи одновременно ряда депешъ требуется лишь одновременная работа 12—24 телографистовъ съ соотвѣтственнымъ числомъ аппаратовъ.

„Для наглядного понятія относительно скорости передачи, которой можно достичнуть съ помощью такой системы—говорить авторъ—достаточно сказать, что текстъ одной страницы большой газеты, какъ напримѣръ „Temps“, имѣющей около 9.000 словъ, могъ бы быть переданъ изъ Парижа въ Бордо въ слѣдующіе сроки: посредствомъ одной многократной системы при 12-ти передатчикахъ (разрѣзая текстъ на 12 частей) въ теченіе одного часа, посредствомъ одного многократнаго аппарата и одного аппарата Бодо съ четырьмя клавиатурами (разрѣзая текстъ на 16 частей) приблизительно въ полъ-часа. Кромѣ того, въ теченіе этого же получаса станція Бордо могла бы по этимъ же аппаратамъ передать текстъ половины страницы названнаго журнала въ Парижъ.“

„Почт.-Телегр. Журн.“.

РЕЦЕНЗІИ.

Популярныя лекціи по океанографії. П. И. Броунова, профессора С.-Петербургскаго Университета. СПБ. 1901, 126 стр.

Напечатанныя первоначально въ „Семейномъ Университетѣ“ Ф. С. Комарскаго, лекціи проф. П. И. Броунова вышли въ настоящее время отдельной книжкой, чemu нельзя не порадоваться не только въ виду крайней бѣдности русской литературы по океанографії и соприкасающимся съ нею отдельамъ геофизики и полного отсутствія оригиналныхъ учебниковъ, но и въ виду несомнѣнныхъ достоинствъ книги проф. Броунова. Хотя по заглавію она и представляетъ собою только „популярныя“ лекціи, въ дѣйствительности она даетъ значительно больше и представляетъ собою учебникъ, обнимающій океанографію въ объемѣ университетскаго преподаванія. Обиліе литературныхъ указаний и фактическихъ данныхъ, которыя мы находимъ въ цитируемой книгѣ, также совершенно несвойственно популярнымъ лекціямъ въ наиболѣе обычномъ значеніи этого слова.

Вся книга распадается на 11 главъ или лекцій. Въ первой изъ нихъ мы находимъ краткое изложеніе исторіи океанографії съ указаніемъ на важнѣйшія экспедиціи и ихъ научные труды до послѣдней антарктической включительно; слѣдующая глава въ

сжатомъ видѣ обнимаетъ собою то, что принято называть геофизикой въ тѣсномъ смыслѣ слова—ученіе о видѣ земли, геодезическихъ изслѣдованіяхъ, обѣ уклоненіи отвѣса и обѣ уровня океановъ, о постоянствѣ континентальныхъ и абиссальныхъ пространствъ и о смѣщеніи береговой линіи. Сжатость изложенія не препятствуетъ читателю войти въ курсъ дѣла. Третья глава трактуетъ о распределеніи суши и моря и, хотя и вкратцѣ, затрагиваетъ интереснѣйшій вопросъ о сходственныхъ чертахъ въ этомъ распределеніи, о такъ называемыхъ „географическихъ гомологіяхъ“. Съ четвертой главы (стр. 32) начинается собственно океанографія. Тутъ мы послѣдовательно находимъ: классификацію океаническихъ бассейновъ, результаты изслѣдованія глубины и рельефа морского дна съ подробными указаниями относительно методовъ изслѣдованія, и обширный отдѣль (стр. 53—88), посвященный обстоятельному изложенію результатовъ наблюденія надъ температурой и плотностью морской воды. Отдѣль этотъ, заканчивающій собою такъ называемую статическую океанографію, является наилучше разработаннымъ во всей книгѣ. Остальные 30 страницъ посвящены изложенію теоретическихъ и особенно наблюдательныхъ данныхъ относительно различного рода движений морской воды; здѣсь изложеніе уже значительно болѣе сжато и даже поверхностно, но это вполнѣ оправдывается тѣмъ, что для теоретического пониманія явлений волнъ, приливовъ и отливовъ и даже теченій необходима солидная математическая подготовка, которой авторъ не только у читателей „Семейнаго Университета“, но и у студентовъ-натуралистовъ предполагать не можетъ. Книга иллюстрирована множествомъ чертежей и рисунковъ въ текстѣ, выполненныхыхъ болѣе, чѣмъ удовлетворительно, и отдѣльной картой морскихъ теченій.

Обычное для автора изящное изложеніе, строгій подборъ матеріала и научная выдержанность заставляютъ настъ пожелать цитируемой книгѣ возможно болѣе широкаго распространенія; она могла бы сослужить большую службу и не при нашемъ полголовномъ невѣжествѣ въ вопросахъ геофизики.

Прив.-доц. Л. Даниловъ.

ЗАДАЧИ ДЛЯ УЧАЩИХСЯ.

Рѣшенія всѣхъ задачъ, предложенныхыхъ въ текущемъ семестрѣ, будуть помѣщены въ слѣдующемъ семестрѣ.

№ 166 (4 сер.). Въ данную окружность вписать пятиугольникъ $ABCDE$, зная стороны AE и BC , уголъ между сторонами CD и AE и уголъ между диагоналями AD и EB .

И. Александровъ (Тамбовъ).

№ 167 (4 сер.). Въ данную окружность вписать пятиугольникъ $ABCDE$, зная сторону AE , сумму (или разность) сторонъ AB и DE , отношеніе $BC:CD$ и уголъ между AB и DE .

И. Александровъ (Тамбовъ).

№ 168 (4 сер.). Въ точкѣ B отрѣзка AB возставленъ перпендикуляръ $BC = \frac{1}{2} AB$ и около центра C описана окружность радиусомъ, равнымъ BC , пересѣкающаяся съ AC въ точкахъ D и E (названія точекъ D и E выбраны такъ, что $AE = AD + DE$). Показать, что BE есть радиусъ круга, описанного около правильнаго пятиугольника, сторона котораго равна AB .

Д. Е. (Иваново-Вознесенскъ).

№ 169 (4 сер.). Доказать, что $(a+b+c+\dots+u)^x < n^{x-1}(a^x+b^x+c^x+\dots+u^x)$, гдѣ a, b, c, \dots, u означаютъ иѣкоторыя неравныя между собою положительныя числа, n число ихъ, x —положительное число, большее единицы.

Я. Гукайло (Тальное, Киевская губернія).

№ 170 (4 сер.). Доказать, что число $n^{13} - n$ дѣлится на $2^{13} - 2$, гдѣ n число цѣлое, не кратное 3.

В. Гудковъ (Свеаборгъ).

№ 171 (4 сер.). Мѣдная проволока, длиной въ 20 метровъ и въ сѣченіи 2 кв. милли, соединяетъ полюсы баттареи, элементы которой обладаютъ электродвижущей силой въ 1,8 вольта и сопротивленіемъ въ 0,08 ома. Сопротивленіе одного метра проволоки равно 0,016. Элементы баттареи расположены такимъ образомъ, чтобы паденіе потенціала отъ анода къ катоду было maxимумъ. Каково должно быть число элементовъ, чтобы это паденіе потенціала равнялось 7,2 вольта?

(Заимств.) М. Гербановскій.

РЕШЕНИЯ ЗАДАЧЪ.

№ 98 (4 сер.). Показать, что разность между квадратомъ разстоянія произвольной точки окружности отъ наиболѣе удаленной вершины вписанного въ эту окружность равностороннаго треугольника и произведеніемъ разстояній той же точки окружности до двухъ другихъ вершинъ того же треугольника есть величина постоянная.

Пусть M есть разсматриваемая точка окружности, ABC — вписанный въ эту окружность равносторонній треугольникъ. Обозначимъ соотвѣтственно MA , MC и MB черезъ x , y и z и назовемъ сторону равностороннаго треугольника черезъ a .

Тогда, полагая, что точка M лежитъ на меньшей изъ дугъ, стягиваемыхъ хордой AC , по теоремѣ Птоломея, имѣемъ:

$$MB \cdot AC = AB \cdot MC + CB \cdot AM,$$

или

$$az = a(x+y),$$

откуда

$$z = x + y.$$

Возвышая въ квадратъ обѣ части этого равенства, находимъ:

$$z^2 - x^2 - y^2 + 2xy \quad (1).$$

Изъ треугольника AMC , уголъ M котораго содержитъ 120° имѣемъ:

$$\overline{AC}^2 = \overline{AM}^2 + \overline{MC}^2 - 2AM \cdot MC \cos 120^\circ = \overline{AM}^2 + \overline{MC}^2 + AM \cdot MC,$$

или

$$a^2 = x^2 + y^2 + xy.$$

Вычитая это равенство изъ равенства (1), найдемъ, что

$$z^2 - a^2 = xy, \text{ откуда } z^2 - xy = a^2, \text{ или}$$

$$\overline{MB}^2 - AM \cdot MC = a^2.$$

В. Толстовъ (Тамбовъ); Д. Коварскій (Двинскъ); М. Семеноскій (Перновъ); М. Поповъ (Асхабадъ); Г. Огановъ (Эривань); М. Галиперинъ (Бердичевъ); Н. Гомлибъ (Митава); Х. Ежикъ (Двинскъ); Б. Д. (К.).

№ 100 (4 сер.). Доказать, что при иных значениях a и b числовая величина выражения

$$a^2b^2[a^{22}-b^{22}-(a^{12}-b^{12})-2^{11}(a^{10}-b^{10})]$$

должна на 17160.

Выражение

$$a^{22}-b^{22}-(a^{12}-b^{12}) \quad (1)$$

можно представить въ видѣ $a^{12}(a^{10}-1)-b^{12}(b^{10}-1)$ (2),

Числовая величина выражения $a^{12}(a^{10}-1)$ кратна 8. Дѣйствительно, если a четно, то a^{12} кратно 2^3 , т. е. 8-ми. Если a нечетно, то a есть число вида $2n \pm 1$, где n число цѣлое, и потому

$$a^2 = 4n^2 \pm 4n + 1,$$

откуда

$$a^2 - 1 = 4n(n \pm 1).$$

Такъ какъ $n(n \pm 1)$ кратно 2-хъ, то $a^2 - 1$ кратно 8-ми; но число $a^{10}-1=(a^2)^5-1^5$ дѣлится на число a^2-1 , а потому и $a^{10}-1$ кратно 8-ми. Итакъ при a цѣломъ $a^{12}(a^{10}-1)$ кратно 8-ми. Подобнымъ же образомъ докажемъ, что $b^{12}(b^{10}-1)$ кратно 8-ми; слѣдовательно выраженіе (2) кратно 8-ми.

Но членъ $2^{12}(a^{10}-b^{10})$ дѣлится на $2^3=8$, т. е. на 8, а потому множитель предложенного выражения, заключенный въ квадратныхъ скобкахъ, кратенъ 8-ми при a и b цѣлыхъ. Итакъ, предложенное выраженіе при a и b цѣлыхъ кратно 8-ми. Если хоть одно изъ чиселъ a или b кратно 11, то и все предложенное выраженіе кратно 11. Если же ни одно изъ чиселъ a и b не кратно 11, то числа $a^{10}-1$ и $b^{10}-1$ кратны 11, согласно съ теоремой Фермата, а потому и разность

$$a^{10}-b^{10}=(a^{10}-1)-(b^{10}-1)$$

кратна 11, равно какъ и члены (см. (2)) $a^{12}(a^{10}-1)$, $b^{12}(b^{10}-1)$.

Поэтому предложенное выраженіе при цѣлыхъ a и b кратно 11.

Представивъ предложенное выраженіе въ видѣ

$$a^2b^2[a^{10}(a^{12}-2^{12})-b^{10}(b^{12}-2^{12})-(a^{12}-b^{12})] \quad (3)$$

покажемъ, что при цѣлыхъ a и b оно дѣлится на 5, 3 и 13.

Дѣйствительно, разностямъ $a^{12}-2^{12}$, $b^{12}-2^{12}$, $a^{12}-b^{12}$ можно дать одинъ изъ видовъ

$$a^{12}-2^{12}=(a^2)^6-(2^2)^6=(a^4)^3-(2^4)^3=(a^{12}-1)-(2^{12}-1),$$

$$b^{12}-2^{12}=(b^2)^6-(2^2)^6=(b^4)^3-(2^4)^3=(b^{12}-1)-(2^{12}-1), \quad (4)$$

$$a^{12}-b^{12}=(a^2)^6-(b^2)^6=(a^4)^3-(b^4)^3=(a^{12}-1)-(b^{12}-1).$$

Если a или b кратно 3-хъ, то (см. (3)) и данное выраженіе кратно 3-хъ. Если же ни a ни b не кратно 3-хъ, то числа a^2-1 , b^2-1 , 2^2-1 , согласно съ теоремой Фермата, кратны 3-хъ, а потому и разности

$$a^2-2^2=(a^2-1)-(2^2-1), \quad b^2-2^2=(b^2-1)-(2^2-1), \quad a^2-b^2=(a^2-1)-(b^2-1)$$

кратны 3-хъ, а вмѣстѣ съ тѣмъ (см. (4)) разности $a^{12}-2^{12}$, $b^{12}-2^{12}$, $a^{12}-b^{12}$, равны какъ и предложенное выраженіе (см. (3)), дѣлится на 3. Пользуясь видомъ (3) предложенного выражения и тождествами (4), покажемъ въ связи съ теоремой Фермата, что наше выраженіе при a и b цѣлыхъ всегда кратно 5-ти и 13-ти.

Будучи при a и b цѣлыхъ кратно попарно взаимно-простыхъ чиселъ 3, 5, 8, 11, 13, наше выраженіе кратно произведения

$$3 \cdot 5 \cdot 8 \cdot 11 \cdot 13 = 17160.$$

Г. Огановъ (Эривань); Г. Семеновскій (Перновъ); П. Полушкинъ (Знаменка); А. Николаевъ (Москва).

№ 109 (4 сер.). Решить систему уравнений:

$$(y+z)^2 - x^2 = a^2$$

$$(z+x)^2 - y^2 = b^2$$

$$(x+y)^2 - z^2 = c^2.$$

Сложивъ почленно предложенные уравненія, раскрывъ въ лѣвой части скобки и сдѣлавъ приведеніе, находимъ:

$$x^2 + y^2 + z^2 + 2xy + 2yz + 2zx = a^2 + b^2 + c^2,$$

или

$$(x+y+z)^2 = a^2 + b^2 + c^2,$$

откуда

$$x+y+z = \pm \sqrt{a^2 + b^2 + c^2}. \quad (1)$$

Представивъ первое изъ предложенныхъ уравненій въ видѣ

$$(y+z-x)(x+y+z) = a^2 \quad (2),$$

дѣлимъ его почленно на уравненіе (1), что всегда можно сдѣлать, если только $x+y+z \neq 0$, т. е. (см. (1)) если $a^2 + b^2 + c^2 \neq 0$, а это условіе въ случаѣ дѣйствительныхъ a , b и c равносильно тому, чтобы хоть одно изъ чиселъ a , b и c не равнялось нулю. Почленное дѣленіе равенствъ (2) и (1) даетъ:

$$y+z-x = \pm \frac{a^2}{\sqrt{a^2 + b^2 + c^2}}.$$

Вычитая это равенство почленно изъ равенства (1), находимъ:

$$2x = \pm \sqrt{a^2 + b^2 + c^2} - \frac{a^2}{\pm \sqrt{a^2 + b^2 + c^2}},$$

откуда

$$x = \frac{b^2 + c^2}{\pm 2\sqrt{a^2 + b^2 + c^2}} \quad (3).$$

Такимъ же образомъ найдемъ:

$$y = \frac{c^2 + a^2}{\pm 2\sqrt{a^2 + b^2 + c^2}}, \quad z = \frac{a^2 + b^2}{\pm 2\sqrt{a^2 + b^2 + c^2}} \quad (4).$$

Если $a^2 + b^2 + c^2 = 0$, то всякія значенія x , y и z , связанныя условіемъ $x+y+z=0$ (см. (1)), удовлетворяютъ данной системѣ. Въ формулахъ (3) и (4) надо брать одновременно либо верхній, либо нижній знакъ.

Д. Г. (Москва); А. Разумовъ (Орель); Д. Коварский (Двинскъ); М. Половъ (Асхабадъ); Г. Огановъ (Эривань); Л. Галперинъ (Бердичевъ); Д. Дьяковъ (Ново-черкасскъ); Н. Готлибъ (Митава); Б. Д. (К.); В. Виноградовъ (Елабуга).

ПОПРАВКИ. Въ № 301 „Вѣстника“, въ спискѣ фамилій лицъ, решившихъ задачу № IX, пропущена фамилія П. Полушкина (Знаменка).

Въ № 314 „Вѣстника“, въ задачѣ № 153 вместо „сжатій“ надо читать „сжиганій“.

Редакторы: В. А. Циммерманъ и В. Ф. Нагань.

Издатель В. А. Гернетъ.

Дозволено цензурою, Одесса 14-го Марта 1902 г.

Типографія Бланкоиздательства М. Шпенцера, Ямская, д. № 64,

Обложка
ищется

Обложка
ищется