

Обложка
ищется

Обложка
ищется

Вѣстникъ Опытной Физики

и

ЭЛЕМЕНТАРНОЙ МАТЕМАТИКИ.

31 Іюля

№ 326.

1902 г.

Содержание: „Силлабусъ“ курса элементарной математики, рекомендуемый „Британской Ассоциацией“ для профессиональныхъ школъ и реальныхъ училищъ, въ засѣданіи 14-го сентября 1901 года. (Окончаніе). Прив.-Доц. В. Лермантова.—Приготовленіе оживленныхъ газовъ и ихъ важнѣйшая примѣненія. (Продолженіе). Е. Mathias. Переходъ Д. Шора.—Съверный съездъ Естествоспытателей и Врачей въ Гельсингфорсѣ съ 24—29 июня (7—12 июля) 1902 года.—Научная хроника: Всемирный календарь для математиковъ. † E. Schröder. Отставка Winkler'a. Новый орденъ въ Англіи. † Faye. † Fuchs. О массѣ земной атмосферы.—Задачи для учащихся, №№ 220—225 (4 сер.).—Рѣшенія задачъ, №№ 141, 142, 143, 145, 146, 147, 150. — Объявленія.

„Силлабусъ“ курса элементарной математики, рекомендуемый „Британской Ассоциацией“ для профессиональныхъ школъ и реальныхъ училищъ,

въ ея засѣданіи 14-го сентября 1901 года.

Приват-доцента В. Лермантова въ С.-Петербургѣ.

Окончаніе *).

Курсъ элементарной математики.

Курсъ ученія, рекомендуемый для профессиональныхъ школъ, какъ для мальчиковъ, такъ и для девицъ. Предпочтительне присоединять его къ курсу научному (реальному)¹⁾.

Элементарный курсъ.

Арифметика. Десятичныя дроби надо вводить съ самаго начала; должно внушать, что ошибочно оставлять въ результатахъ

¹⁾ Желающіе изучить этотъ силлабусъ могутъ пользоваться „конспектомъ чтеній по Практической Математикѣ“ (A summary of Lectures on Practical Mathematics, published by the Board of Education 1889).

*.) См. № 325 „Вѣстника“.

больше десятичныхъ, чѣмъ оправдывается числомъ десятичныхъ въ данныхъ, изображающихъ наблюденныя или измѣренныя величины. Сокращенные и приближенные способы умноженія и дѣленія чиселъ, позволяющіе отбрасывать ненужныя десятичныя. Употребленіе простыхъ повѣрокъ ариѳметическихъ дѣйствій, особенно, по отношенію къ положенію „запятой“.

Употребленіе означенія: $5,204 \times 10^5$ вмѣсто 520400 и $5,204 \times 10^{-3}$ вмѣсто 0,005204. Что обозначаютъ „обыкновенные логарифмы“; употребленіе логарифмовъ для вычисленія произведеній, частныхъ, степеней и корней²⁾). Вычислениe численного значенія формулъ всякаго рода, какова-бы ни была ихъ сложность. Основы, на которыхъ устроена обыкновенная счетная линейка; употребленіе счетной линейки для вычислений. Превращеніе обыкновенныхъ логарифмовъ въ натуральные. Вычислениe корней квадратныхъ по обыкновенному ариѳметическому способу. Употребленіе алгебраическихъ формулъ при разрѣшеніи вопросъ объ отношеніяхъ и пропорціональномъ измѣненіи. Сокращеніе дробей. Вычислениe процентовъ. Выраженіе шиллинговъ и пенсовъ въ десятичныхъ частяхъ фунта стерлинговъ и т. п. такъ, чтобы всѣ „сокращенные методы“ стали примѣненіемъ простыхъ правилъ, сообразныхъ со здравымъ смысломъ.

Алгебра. Понимать каждую формулу настолько, чтобы умѣть воспользоваться ею, когда даны численныя значенія всѣхъ количествъ. Правило показателей. Быть въ состояніи выразить алгебраически дѣйствія, когда указано на словахъ, какія ариѳметическія дѣйствія надо произвести надъ количествами.—Все это уже было введено раньше въ отдѣлѣ ариѳметики.—Задачи, ведущія къ легкимъ уравненіямъ съ одной и двумя неизвѣстными. Легкія преобразованія и упрощенія формулъ и, въ легкихъ случаяхъ, нахожденіе одного изъ количествъ формулы, когда всѣ остальные даны. Практика въ общепотребительныхъ алгебраическихъ выкладкахъ. Нахожденіе численныхъ значеній постоянныхъ въ уравненіяхъ извѣстнаго вида, когда даны частныя значенія переменныхъ. Значеніе словъ: „А измѣняется такъ, какъ В“. Сомножители такихъ выражений, какъ: $x^2 - a^2$, $x^2 + 11x + 30$, $x^2 - 5x - 66$.

Измѣренія. Опытная провѣрка правила для опредѣленія длины окружности круга, при помоши обмѣриванія цилиндра веревочкою или катанія кружка или шара. Придумываніе приемовъ для измѣренія длины кривыхъ. Повѣрка правильности для нахожденія поверхностей треугольника, прямоугольника, круга, эллипса, цилиндрической и конической поверхности и т. п., при помоши вѣсовъ и клѣтчатой бумаги и ариѳметическихъ вычислений, основанныхъ

²⁾ Мнѣ пріятно заявить, что пользованіе логарифмами удивительно распространилось въ странѣ съ тѣхъ поръ, какъ „Департаментъ Наукъ и Искусствъ“ издалъ свои крайне дешевые четырехзначные таблицы логарифмовъ и тригонометрическихъ функций“.

на дѣйствительномъ измѣреніи линій и угловъ. Определеніе поверхностей неправильныхъ фигуръ, (1) помощьюъ планиметра, (2) помощьюъ правила Симсона и другихъ подобныхъ, для случаевъ, когда равноотстоящія ординаты даны, (3) нахожденіе такихъ координатъ при помощи бумаги съ квадратной сѣткою, когда онѣ не обозначены, (4) чрезъ взвѣшиваніе вырѣзаннаго куска картона и сравненіе съ вѣсомъ квадрата того-же матеріала, (5) чрезъ сочтываніе числа квадратиковъ на клѣтчатой бумагѣ, все это съ цѣлью провѣрки и иллюстраціи геометрическихъ правилъ. Правила для поверхностей шаровъ и колецъ. Правила для объемовъ призмъ, цилиндровъ, конусовъ, шаровъ и колецъ, повѣряемыя дѣйствительными измѣреніями: наполненіемъ сосудовъ водою и взвѣшиваніемъ, взвѣшиваніемъ тѣлъ, сдѣланныхъ изъ матеріаловъ извѣстной плотности, погруженіемъ въ жидкость и измѣреніемъ вытѣсняемаго количества ея. Определеніе вѣсовъ по даннымъ объемамъ и плотности тѣлъ.

Выраженіе правилъ для измѣреній въ алгебраической формѣ. Въ такой формулѣ каждая изъ переменныхъ можетъ быть искомой, если остальная дана. Численные примѣры измѣреній по формуламъ. (Экспериментальная работы по этому отдѣлу надо отнести къ упражненіямъ по взвѣшиванію и измѣренію въ курсѣ физики. Хорошій учитель не будетъ слишкомъ много останавливаться на этихъ упражненіяхъ и сумѣть сохранить равновѣсіе между экспериментальными классными упражненіями, разсказомъ учителя и вычислительной работой. Я могу также ожидать, что хороший преподаватель пріучить глазъ и руку ученика опредѣлять примѣрно размѣры и вѣсъ тѣлъ, какъ малые, такъ и большие. Не слѣдуетъ ставить абсурдные вопросы, такъ какъ они пріучаются учениковъ не упражнять свой здравый смыслъ. Существуетъ извѣстный примѣръ человѣка, который на университетскомъ экзаменѣ вычислялъ, сколько надо почтовыхъ марокъ, чтобы покрыть стѣны большой комнаты, и получилъ рѣшеніе: 1,203—съ двадцатью десятичными. Такого рода доказательства не добросовѣстности, а тупости математической очень часто даютъ молодые инженеры, никогда не дѣлавшіе экспериментальныхъ измѣреній реальныхъ предметовъ).

Употребленіе бумаги, размѣнованной на квадраты (координатной сѣтки). Употребленіе клѣтчатой бумаги для нагляднаго выраженія повышенія и паденія цѣнъ, температуры, высоты уровня воды во время прилива и отлива, и т. п. Употребленіе клѣтчатой бумаги слѣдуетъ пояснить разработкою многихъ частныхъ примѣровъ, но слѣдуетъ указывать, что во всѣхъ случаяхъ руководящая идея одна и та-же. Можно упоминать слѣдующіе примѣры графическаго вычисленія: Вычерчиваніе на точкахъ всякаго рода статистическихъ кривыхъ, общаго или частнаго значенія. Чему на-учаются такія кривыя. Быстрота прироста. Интерполяція, или на-хожденіе вѣроятныхъ промежуточныхъ значеній. Вѣроятныя ошибки наблюдений. Какъ фабриканты составляютъ полные преис-куранты. (Графическое) вычисление логарифмической таблицы.

Нахождение среднего значения (графическое определение). Поверхности и объемы, какъ было объяснено выше. Методы для определения положения точки на плоскости, координаты точки x , y (прямолинейная) и r , Θ (полярная). Вычерчивание по точкамъ кривыхъ такихъ, какъ: $y=ax^n$, $y=a e^{bx}$, где a , b , n могутъ имѣть всякаго рода значенія. Прямая линія. Значеніе „уклона“, уклонъ кривой въ любой ея точкѣ. Быстрота возрастанія, разъясняемая на примѣрѣ скорости тѣла. Легкія упражненія на быстроту прироста y по отношенію къ приросту x , въ случаѣ $y=ax^n$, съ примѣрами изъ механики и физики.

Определение наибольшихъ и наименьшихъ значеній. Рѣшеніе уравненій: очень ясная свѣдѣнія о томъ, что мы называемъ „корнями“ уравненія, могутъ быть получены чрезъ употребленіе клѣтчатой бумаги. Определение законовъ, связывающихъ наблюдавшія величины, особенно, „линейныхъ“ законностей. Поправки ошибокъ наблюдений, когда количества, выражаемыя вычерченной по точкамъ кривою, изображаются данныя опыта.

При всякой работе на клѣтчатой бумагѣ учащійся долженъ быть доведенъ до пониманія, что задача не кончена, пока масштабъ и название изображаемыхъ количествъ не обозначены на чертежѣ съ полною ясностью. Так же слѣдуетъ требовать, чтобы ученики избѣгали выбора неподходящаго масштаба. Въ концѣ концовъ, масштабъ надо выбрать такъ, чтобы фигура заняла большую часть листа, а не ютилась въ одномъ углу.

Геометрія. Раздѣленіе линій на части въ данной пропорціи и другіе опыты для иллюстраціи шестой книги Евклида. Измѣренія угловъ въ градусахъ и въ частяхъ радиуса. Определение синуса, косинуса и тангенса угла; нахождение ихъ численныхъ значеній графическимъ способомъ. Вычерчивание угловъ при помощи транспортира, когда они даны въ градусахъ или въ радианахъ, и построение ихъ по даннымъ синусамъ, косинусамъ и тангенсамъ. Употребленіе таблицъ синусовъ, косинусовъ и тангенсовъ. Рѣшеніе прямоугольныхъ треугольниковъ построениемъ по масштабу и вычислениемъ; определение площади треугольника. Самая важная теоремы Евклида слѣдуетъ уяснить вычерчиваниемъ по масштабу; если теоремы относились до угловъ, ихъ можно измѣрять по транспортиру; если-же онѣ относятся къ равенству линій, отношений или поверхностей, то длины можно измѣрять масштабомъ и дѣлать ариѳметическія вычисления. Содѣяніе вычерчиванія и ариѳметическаго вычислѣнія можно свободно примѣнять для доказательства теоремы. Хорошій учитель будетъ при случаѣ пользоваться и доказательствами — выводами и простымъ измѣреніемъ.

Методъ определения положенія точки въ пространствѣ по ея разстояніямъ отъ трехъ плоскостей. Какъ измѣряются углы: (1) между прямую и плоскостью, (2) между двумя плоскостями. Уголъ между двумя прямыми имѣеть смыслъ и въ томъ случаѣ, когда онѣ не пересекаются. Что подразумѣвается подъ словомъ:

„проекція лінії или плошкої фігури на плошкость“. Горизонтальна і вертикальна проекція прямой, наклоненной подъ данными углами къ плоскостямъ проекцій. Значеніе терміновъ: „слѣдъ линії“, „слѣдъ плошкости“.

Разницы между „скаларными“ и „векторіальными“ количествами. Сложеніе и вычитаніе векторовъ. Объясненія на опытахъ.

При составленіи перечня, статьи были распределены по главнымъ отдѣламъ предмета.

Очевидно, не имѣлось въ виду преподавать ихъ въ такомъ же порядкѣ: учитель долженъ составлять смѣшанный курсъ изъ тѣхъ статей, которая онъ найдетъ наиболѣе соотвѣтствующими данному классу. Хорошій учитель долженъ знать, что онъ одинъ можетъ составить программу экзамена, который правильно показалъ бы результаты его ученія; постороннее лицо не можетъ этого сдѣлать, не зная, чего отъ учениковъ нельзя требовать. Онъ долженъ стараться сообщить ученикамъ знанія, могущія служить частью умственного вооруженія каждого изъ нихъ, такъ чтобы каждый могъ съ полной увѣренностью примѣнять эти знанія ко всякаго рода практическимъ задачамъ и не забывалъ ихъ такъ, какъ онъ не забываетъ своего умѣнья читать и писать.

Высший курсъ.

Обученіе представляетъ дальнѣйшую, болѣе подробную разработку тѣхъ-же статей, что и въ элементарномъ курсѣ, т. е., гораздо болѣе практики въ вычисленіяхъ болѣе сложныхъ формулъ. (Вводится) Доказательная геометрія, основанная на Евклидѣ.

Употребленіе приближенныхъ формулъ, какъ: $(1+a)^n=1+na$, когда n мало по сравненію съ единицею. Ариѳметическія правила (какъ правило сложныхъ процентовъ и т. п.), выраженные алгебраическими формулами. Каждое изъ входящихъ въ нихъ количествъ можетъ быть разсмотриваемо, какъ неизвѣстное. Упражненія въ упрощеніи алгебраическихъ выражений. Рѣшенія уравненій и задачи, сводящіяся къ уравненіямъ. Разложеніе дробей на сумму простѣйшихъ дробей.

Тригонометрія. Нѣкоторая свѣдѣнія о такихъ предѣлахъ, какъ предѣль отношенія $\sin\theta$ къ θ . Какъ находить значения синусовъ, косинусовъ и тангенсовъ для угловъ большихъ 90° , углы дополнительные до 90° и до 180° .

Основныя соотношенія, какъ: $\sin^2\theta+\cos^2\theta=1$.

Вычислениe численныхъ значеній $\sin x$, $\cos x$, e^x и $\log x$ при помощи рядовъ.

Основныя выражениe синуса и косинуса суммы угловъ

$$\sin(A+B)=\sin A \cos B + \cos A \sin B$$

и другія подобного рода формулы, выводимыя изъ основныхъ, какъ сумма и разность двухъ синусовъ или косинусовъ, и формулы, связующія уголъ и двойной уголъ,

Правило синусовъ въ треугольнике, т. е., $\frac{\sin A}{\sin B} = \frac{a}{b}$, и правило: $c^2 = a^2 - 2ab \cos C + b^2$.

Выражение площади треугольника: $\frac{1}{2} ab \sin C$.

Вѣрность этихъ формулъ слѣдуетъ уяснить и численными и графическими примѣрами, отыскивая (во второмъ случаѣ) численные значения (измѣреніемъ линій).

Измѣренія. Теорема Гильдена, относящаяся къ поверхностямъ и объемамъ тѣлъ вращенія. Упражненія надъ определеніемъ поверхности сегмента и сектора круга, шарового отрезка, заключенного между двумя параллельными плоскостями; приближенія правила для выпрямленія дуги круга.

Нахожденіе центровъ тяжести при посредствѣ квадратной сѣтки.

Употребленіе „анализа безконечно-малыхъ“ („calculus“) для нахожденіе поверхностей и объемовъ.

Употребленіе бумаги, разлинованной на квадраты. Построеніе по точкамъ разныхъ функций, въ томъ числѣ:

$$y = ax^n, \quad y = ae^{bx}, \quad y = \sin(cx+d), \quad y = ae^{bx} \sin(cx+d).$$

Когда даны найденные изъ наблюдений значенія двухъ переменныхъ, завѣдомо связанныхъ законами въ родѣ:

$$pv^n = c, \quad y = a + bx^n, \quad axy = bx + cy,$$

найти вѣроятныя значения постоянныхъ.

Когда извѣстно, что двѣ переменные связаны даннымъ, довольно сложнымъ закономъ, найти простой законъ, дающій между нѣкоторыми предѣлами приблизительная значенія, достаточно близкия къ точнымъ.

Рѣшенія уравненій при помощи квадратной сѣтки.

Задачи на наибольшія и наименьшія величины.

Отношения и суммы. Отношеніе приращенія одного количества къ приращенію другого; приближенный способъ вычислениія такой „быстроты приращенія“, напримѣръ, въ случаѣ, когда единовременная приращенія измѣрены путемъ опыта, или по „уклону“ кривой, полученной какъ изображеніе этихъ результатовъ.

Терминъ: „дифференціальный коэффициентъ“, примѣняемый къ выражению быстроты приращенія; символъ для выражения этого понятія, именно: $\frac{dy}{dx}$, где y и x оба переменные количества.

Правила для нахожденія дифференціальныхъ коэффициентовъ y по x , т. е., $\frac{dy}{dx}$, когда y и x связаны слѣдующими формулами:

$$y = ax^n, \quad y = ae^{bx}, \quad y = \sin x, \quad y = \cos x, \quad y = \sin(bx+c); \quad y = A \log(x+a).$$

Изслѣдованіе этихъ функций.

Доказательства и правила для дифференцированія произведенія двухъ функций и функции отъ функции.

Дифференціалы высшихъ порядковъ и частные дифференціалы. Интегрированіе по частямъ, чрезъ подстановку и другое простые пріемы.

Вычислениe наибольшихъ и наименьшихъ значеній. Интегрированіе, разсматриваемое, какъ дѣйствіе, обратное дифференцированію, и какъ процессъ суммированія; символы:

$$\int_a^b y dx \text{ и } \int_a^b y dx.$$

Грубые пріемы для нахожденія опредѣленного интеграла по приближенію, когда численныя значенія y и x даны. Интегрированіе y , когда дана таблица его значеній для равныхъ приращений x .

Выраженія слѣдующихъ интеграловъ:

$$\int ax^n dx; \int ae^{bx} dx; \int \frac{A}{x+a} dx, \int A \sin(ax+b) dx, \int A \cos(ax+b) dx.$$

Рѣшенія простыхъ дифференціальныхъ уравненій.

При выполненіи перечня, слѣдуетъ постоянно брать реальные примѣры изъ практическихъ измѣреній, механики, физики, дабы поддержать интересъ учащихся къ работѣ.

Геометрія. Какъ опредѣляется положеніе точки въ пространствѣ прямолинейными координатами x, y, z или полярными: r, Θ, φ ; значеніе зависимости между x, y, z или между r, Θ, φ .

Опредѣленіе трехъ угловъ α, β, γ , которые данная прямая образуетъ съ тремя координатными осями, зависимость:

$$\cos^2\alpha + \cos^2\beta + \cos^2\gamma = 1.$$

Опредѣленіе угловъ между данною прямую и каждою изъ координатныхъ плоскостей.

Когда плоскость задана ея слѣдами, опредѣлить наклонъ каждой изъ трехъ координатныхъ осей къ этой плоскости.

Задачу эту можно разрѣшать и аналитически и графически.

Изобразить ея проекціями на три координатные плоскости прямую, которой положеніе и истинная длина заданы.

Опредѣленіе угла между двумя заданными прямыми и угла между двумя плоскостями, которыхъ слѣды заданы. Изобразить ея проекціями линію пересеченія двухъ плоскостей, заданныхъ своими слѣдами.

Векторы. Скалярное и векторіальное произведеніе двухъ заданныхъ векторовъ, съ иллюстраціями. Легкая векторіальная алгебра.

Приготовлениe ожигенныхъ газовъ и ихъ важнейшія примѣненія. *)

E. Mathias, профессора физики въ Тулузѣ.

(Переводъ съ французскаго Д. Шора).

*Продолженіе *).*

§ 2. Ожигеніе другихъ газовъ.

Въ этомъ отдѣлѣ мы остановимся болѣе или менѣе подробно на приготовлениi лишь нѣсколькихъ изъ названныхъ выше веществъ; что касается другихъ ожигенныхъ газовъ, то мы при-
нуждены ограничиться лишь немногими данными.

1. Жидкая закись азота.

Это вещество приготавляется въ минимальныхъ количествахъ, такъ какъ въ настоящее время оно примѣняется на практикѣ только для цѣлей анестезии ¹³⁾. Во Франціи приготовлениемъ этого продукта занимается Duflos (въ Парижѣ), въ Германіи Берлинская фирма „Sauerstoff-Fabrik“. Для фабрикаціи закиси азота пользуются очень чистымъ и хорошо кристаллизованнымъ азотокислымъ амміакомъ, который подвергается нагреванію въ большомъ резервуарѣ; чтобы облегчить выдѣленіе газа, въ резервуарѣ помѣщаются рѣчной песокъ, очищенный предварительно при помощи промыванія хлористоводородной кислотой отъ органическихъ веществъ и углекислыхъ солей. Затѣмъ газъ подвергается обработкѣ сѣрнокислымъ желѣзомъ ¹⁴⁾ и поступаетъ, наконецъ, въ насосъ, служащій для ожигенія; отсюда въ замѣтно уменьшенномъ объемѣ его переливаютъ въ желѣзные сосуды, въ которыхъ онъ поступаетъ въ продажу; въ каждомъ такомъ сосудѣ заключается 850 граммовъ

¹³⁾ Еще одно примѣненіе этого вещества дастъ, вѣроятно, машина, надѣя изобрѣтеніемъ которой, какъ сообщилъ мнѣ г. A. Desvignes, работаетъ въ настоящее время проф. Linde. Цѣль этой машины будетъ состоять въ томъ, чтобы давать въ машинѣ Linde охлажденіе въ промежуткѣ между воздушнымъ охладителемъ и тѣмъ охладителемъ, который функционируетъ при помощи амміака.

¹⁴⁾ Сѣрнокислое желѣзо поглощаетъ большую часть перекиси азота, но это поглощеніе, въ концѣ концовъ, уравновѣшивается напряженной диссоціаціей вещества, полученного при соединеніи перекиси, и поглощающаго вещества: такъ что нѣкоторое количество AzO остается свободнымъ. Если употребить для восстановленія этого вещества сырье опилки цинка, то процессъ происходитъ слишкомъ медленно и даетъ закись азота съ примѣсью азота, отъ котораго ее нельзѧ освободить.

*) См. № 324 „Вѣстника“.

жидкости, которая въ состояніи дать 450 литровъ газа. Употребляемый для приготовленія этого ожигенного газа насосъ построенъ по системѣ Nattereg'a и не представляетъ собой ничего особеннаго.

2. Жидкий ацетиленъ.

Этотъ газъ, какъ извѣстно, получается посредствомъ разложенія при помоши воды углекислого кальція. Высущенный газъ можетъ быть ожигенъ при обыкновенной температурѣ и поступаетъ въ продажу въ стальныхъ сосудахъ. Въ теченіе 1895 и 1896 годовъ въ „Институтѣ“ Pictet (въ Парижѣ) было приготовлено и разослано по желѣзной дорогѣ во всевозможныя мѣста больше тысячи килограммовъ жидкаго ацетиленъ¹⁵⁾. Но въ этомъ учрежденіи и въ лабораторіи Jasaac'a въ Берлинѣ произошли ужасные взрывы, и такимъ образомъ обнаружилось, что жидкій ацетиленъ, въ особенности, въ фазѣ ожигенія, обладаетъ огромной взрывчатой силой. При -80° онъ уже вполнѣ безопасенъ, а потому предложено было ожигать его при этой температурѣ; пользованіе жидкимъ ацетиленомъ, полученнымъ такимъ путемъ, не представляло бы опасности взрыва, если бы краны въ стальныхъ сосудахъ, наполненныхъ жидкостью, не подвергались сильнымъ измѣненіямъ при переходѣ къ нормальной температурѣ.¹⁶⁾

3. 4. Что касается производства жидкай углекислоты и ожигенного амміака, то мы принуждены ограничиться ссылкой на специально этимъ веществамъ посвященные статьи¹⁷⁾.

5. Жидкий хлоръ.

Хлоръ, употребляющійся для ожигенія, долженъ быть сколь возможно чистымъ; наиболѣе цѣлесообразнымъ способомъ его приготовленія является электролизъ водного раствора морской соли. При этомъ хлоръ собирается у анода, натръ у катода; кроме того, возникаетъ посторонняя реакція натрія на воду, отчего образуется Ѣдкій натръ, а у катода выдѣляется водородъ. Cutten¹⁸⁾ примѣнялъ катодъ и анодъ изъ угля. Щдкій натръ, какъ тѣло болѣе тяжелое, чѣмъ соляной растворъ, изъ которого онъ получается, осѣдаетъ на дно резервуара, въ которомъ совершаются электролизъ, и проходить отсюда въ особые сосуды. Хлоръ же, получающійся у анода, выкачивается насосомъ въ

¹⁵⁾ См. „Zeitschrift für comprimirte und flüssige Gase“, томъ III, стр. 14, апрѣль, 1899 г.

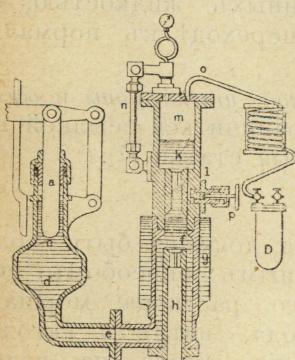
¹⁶⁾ Болѣе подробная свѣдѣнія относительно взрывчатыхъ свойствъ ацетиленъ, какъ жидкаго, такъ и газообразнаго, читатель найдетъ въ статьѣ Guichard'a, „Le pouvoir explosif de l'acetylène“; Revue générale des Sciences pures et appliquées, томъ VII, стр. 847, 1896 г.

¹⁷⁾ Truchot, „Etat actuel de l'industrie de l'ammoniaque caustique, de l'ammoniaque liquéfiée et des sels ammoniacaux“; Revue général des Sciences pures et appliquées, томъ VIII, стр. 743; 1897 г.

¹⁸⁾ Revue de Chimie Industrielle, томъ III, стр. 182; 1892 г.

центральную трубу и отсюда поступает въ аппаратъ для высушианія, которое совершаются посредствомъ хлористаго кальція; наконецъ, другой насосъ, описанный ниже (см. фиг. 4), прогоняетъ хлоръ въ камеру, где онъ скопляется и ожигается. То небольшое количество постороннихъ газовъ, которое могъ захватить съ собой хлоръ, собирается поверхъ жидкости, въ которой они мало растворимы; давленіе ожигенія, которое не превышаетъ при обыкновенной температурѣ 4-хъ, 5-ти атмосферъ для чистаго хлора, непрерывно увеличивается. Когда резервуаръ почти весь наполненъ жидкимъ хлоромъ, открывается клапанъ, помѣщенный въ верхней части, и посторонніе газы вмѣстѣ съ небольшимъ количествомъ хлора удаляются; остающаяся жидкость почти совершенно свободна отъ примѣсей, которая заключались въ ней прежде.

Ожигеніе хлора получается при помощи насоса, въ которомъ роль поршня играетъ концентрированная сѣрная кислота, не дѣйствующая на хлоръ (см. фиг. 4). Насосъ представляетъ собой родъ *U* — образной цилиндрической трубы изъ чугуна; внутренняя поверхность ея покрыта слоемъ свинца. Оба колѣна этой трубы заключаютъ въ себѣ сѣрную кислоту; въ лѣвомъ *cd* заключается керосинъ, въ который погруженъ поршень *a* всасывающаго и нагнетательного насоса. Въ зависимости отъ движенія поршня менится давленіе на сѣрную кислоту; а именно, когда поршень *a* подымается, открывается клапанъ *f*, находящійся въ правомъ колѣнѣ, и черезъ трубку *h* всасывается газообразный хлоръ; напротивъ того, когда поршень *a* опускается, керосинъ вытѣсняетъ сѣрную кислоту, которая, въ свою очередь, прогоняетъ хлоръ черезъ поршень *k* и заставляетъ его ожигаться въ пространствѣ *t*.



Фиг. 4.

Чтобы избѣжать возникновенія вреднаго для функционированія аппарата слишкомъ большого пустого пространства въ *t*, необходимо удерживать сѣрную кислоту на одномъ и томъ же уровнѣ, между обоими клапанами; это достигается тѣмъ, что черезъ особую трубку, регулируемую краномъ *p*, поступаетъ въ моментъ всасыванія хлора черезъ клапанъ *f* необходимое количество сѣрной кислоты. Пространство *g* представляетъ собой теплую ванну, посредствомъ которой сѣрная кислота приводится къ температурѣ отъ 50° до 80°; для этой температуры коэффициентъ растворимости хлора въ этой жидкости равенъ нулю.

Трубка *O* соединена съ бомбой *D* посредствомъ змѣевика, окруженного холодной водой; бомба снабжена двумя кранами, изъ которыхъ одинъ служить для выпусканія воздуха. Когда весь воздухъ выгнанъ хлоромъ изъ бомбы, этотъ кранъ закры-

вается, при чёмъ другой кранъ остается открытымъ, давая доступъ вновь поступающему хлору; такимъ образомъ, бомба наполняется жидкимъ хлоромъ. Для наблюденія дѣйствія аппарата устроенъ показатель уровня n и манометръ, находящійся надъ резервуаромъ m .

Жидкій хлоръ собирается въ пріемникъ изъ вальцовой стали, который можетъ заключать до 50 килограммовъ. Жидкій хлоръ, при отсутствіи слѣдовъ влаги и при невысокой температурѣ, не разъѣдаетъ ни желѣза, ни мѣди. Средняя плотность его равна 1,4; одинъ килограммъ его эквивалентъ 300 литрамъ газообразнаго хлора и соотвѣтствуетъ 3 килограммамъ хлористой извести. Такимъ образомъ, ожигенный хлоръ даетъ при перевозкѣ большія выгоды; къ тому же это не сопряжено ни съ какою опасностью.

На нѣкоторыхъ заводахъ для сохраненія хлора употребляютъ сосуды изъ листовой стали, выложенные внутри свинцемъ либо эбонитомъ; но въ этомъ нѣть никакой надобности, коль скоро хлоръ совершенно высушенъ. Для лабораторныхъ цѣлей жидкий хлоръ продается въ меньшихъ сосудахъ.

Своимъ появлениемъ въ 1892 г. въ химической промышленности жидкий хлоръ обязанъ фирмѣ „Badische Anilin und Soda-fabrik“; съ тѣхъ поръ онъ приносить громадную пользу въ химическихъ лабораторіяхъ, позволяя совершенно избѣгать столь скучнаго приготовленія хлора. Въ настоящее время цѣна жидкаго хлора въ Германіи колеблется между 27 и 31,50 рублями за 100 килограммовъ; эта цѣна, повидимому, будетъ постепенно понижаться.

7. *) Жидкій спиртостый анидридъ.

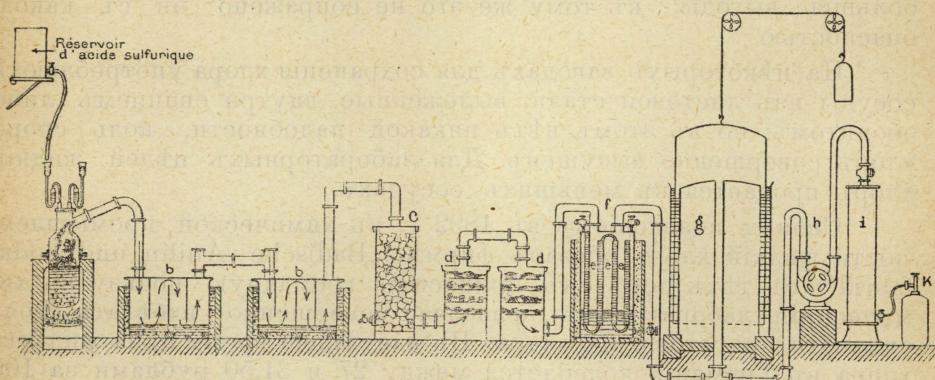
Во всей Европѣ и, безъ сомнѣнія, на всемъ свѣтѣ существуетъ только одна фирма, „Compagnie industrielle des procédés Raoul Picet pour la production du froid et de la glace“, занимающаяся приготовленіемъ химически чистаго жидкаго сѣрнистаго ангидрида, какъ продукта фабрикаціи. Это производство основано на пріемѣ Melsens'a, т. е., на возстановленіи концентрированной сѣрной кислоты сѣрою; приложенный схематический рисунокъ (см. фиг. 5) представляетъ этотъ процессъ въ его различныхъ фазахъ.

Въ чугунную реторту a , емкость которой равняется 1500—2000 литрамъ, вводятъ около 500 килограммовъ очищенной черенковой сѣры и, по мѣрѣ надобности, въ нѣсколько пріемовъ вливаютъ 2500 килограммовъ абсолютно чистой сѣрной кислоты, при 66°

*) Мы выпустили въ переводѣ параграфы 6 и 8, въ которыхъ сообщается вкратцѣ о приготовленіи хлористаго метила и хлористаго этила, такъ какъ для ихъ пониманія требуются нѣсколько больше специальная свѣдѣнія по органической химії, чѣмъ тѣ, которыя мы можемъ предполагать у большинства читателей „Вѣстника“.

ареометра Ваумé¹⁹⁾, не содержащей следовъ мышьяка; фабрикація продолжается приблизительно 30 часовъ. Реторта, помѣщенная въ печь съ двумя оборотами пламени, покрыта чугуннымъ колпакомъ, снабженнымъ платиновымъ аппаратомъ для взбиванія пѣны; двѣ предохранительные трубы, помѣщенные въ этомъ колпакѣ и наполненные до надлежащаго уровня сѣрной кислотой, даютъ возможность наблюдать давленіе смѣси, находящейся внутри ретортъ; кромѣ того, во время хода процесса черезъ нихъ вливаются необходимыя порціи сѣрной кислоты.

Смѣсь нагрѣвается до точки кипѣнія; полученный при этомъ сѣрнистый газъ направляется въ рядъ камеръ *b*, *b*, покрытыхъ свинцомъ и снабженныхъ свинцовыми перегородками; эти ка-



Фиг. 5.—Приготовление и оживленіе спиритуало ангидрида.—*a*—реторта, въ которой сѣра реагируетъ на сѣрную кислоту; *b*, *b*—свинцовая камеры; *c*—печь, содержащая сѣрный коксъ; *d*, *d*—очистительные котлы; *f*—холодильникъ, функционирующий при помощи испаренія жидкаго сѣрнистаго ангидрида, заключающагося въ трубахъ *e*, *e*, *e*; *g*—газометръ; *h*—насосъ; *i*—сгуститель; *k*—бомба для сохраненія жидкаго сѣрнистаго ангидрида.

меры постоянно охлаждаются проточной водой. Здѣсь сѣрнистая кислота оставляетъ несоединившіяся сѣру и сѣрную кислоту, пары воды и большую часть постороннихъ примѣсей. Затѣмъ газъ проходитъ въ фильтръ *c* изъ сѣрного кокса, а отсюда поступаетъ въ рядъ другихъ фильтровъ или очистительныхъ котловъ *d*, *d*; эти послѣдніе снабжены площадками, расположенными одна надъ другой; на этихъ площадкахъ лежать начѣски хлопка и волокна азбеста, которыя задерживаютъ всю пыль и всѣ другія твердые примѣси.

Въ этомъ состояніи сѣрнистый газъ поступаетъ въ особаго рода холодильникъ *f*, съ металлической органной трубой *e*, *e*, *e*, внутри которой находится предварительно оживленная сѣрнистая кислота; подъ дѣйствіемъ особаго насоса, эта послѣдняя жидкость

¹⁹⁾ 66° по ареометру Ваумé означаютъ именно, что мы имѣемъ дѣло съ чистой концентрированной сѣрной кислотой.

испаряется и приводить температуру холодильника приблизительно къ— 10° , при чмъ весь рядъ гидратовъ сърнистой кислоты замерзаетъ. Очищенный такимъ путемъ сърнистый ангидридъ поступаетъ въ газометръ *g*, колоколъ котораго погруженъ въ кольцеобразную чашку, наполненную масломъ; изъ газометра онъ выкачивается при помощи насоса *h* и прогоняется въ трубчатый сгуститель изъ мѣди *i*, который охлаждается двойнымъ токомъ холодающей воды. Здѣсь, наконецъ, сърнистый ангидридъ ожигается и переливается въ большиe стальныe резервуары, емкостью въ 2500—3000 литровъ, откуда его разливаютъ въ мѣдныя бомбы, служащи для его перевозки.

(Продолженіе слѣдуетъ).

Съверный съѣздъ Естествоиспытателей и Врачей въ Гельсингфорсѣ

съ 24—29 июня (7—12 июля) 1902 года.

На послѣднемъ Скандинавскомъ съѣздѣ естествоиспытателей и врачей, бывшемъ въ Стокгольмѣ въ 1898 году, было постановлено собрать слѣдующій съѣздъ въ 1902 году въ Гельсингфорсѣ, пригласить къ участію на немъ, кроме Даніи, Норвегіи, Швеціи, Финляндіи, и Россію и назвать этотъ съѣздъ „Съвернымъ“, въ виду участія на немъ всѣхъ съверныхъ государствъ Европы.

Въ организаціонный комитетъ настоящаго съѣзда вошли слѣдующія лица: президентъ — дѣйств. статс. сов. Линдебефъ, вице-президентъ — проф. Рунебергъ, генеральный секретарь — проф. Ельфвингъ и 10 человѣкъ членовъ, главнымъ образомъ, изъ числа профессоровъ Александровскаго Университета въ Гельсингфорсѣ.

Членскій взносъ былъ установленъ въ размѣрѣ 5 рублей. Организаціонный комитетъ испросилъ особыя льготы для проѣзда участниковъ съѣзда какъ по финляндскимъ желѣзнымъ дорогамъ, такъ и на пароходахъ.

Бюро съѣзда приняло на себя заботу о доставленіи всѣмъ прибывающимъ членамъ помѣщеній въ Гельсингфорсѣ и вполнѣ удачно справилось съ этой задачей, несмотря на ограниченность нумеровъ въ гостиницахъ города.

Для своихъ научныхъ занятій съѣздъ былъ раздѣленъ на слѣдующія 11 секцій: 1) математики и астрономіи, 2) физики и метеорологіи, 3) химіи, 4) геологіи и минералогіи, 5) географіи и

гидрографії, 6) зоології, 7) ботаники, 8) анатомії, фізіології и фізіологіческої хімії, 9) анатомії, патології и бактерології, 10) медицини и хірургії, 11) одонтології.

Александровський Університетъ предоставиль свое помѣщеніе и всѣ научно-вспомогательныя учрежденія въ распоряженіе съѣзда.

Въ понедѣльникъ 24-го іюня въ 12 часовъ дня въ актовомъ залѣ Університета состоялось торжественное открытие съѣзда привѣтственной рѣчью президента Линделефа. Послѣ него говорили: Леше (изъ Стокгольма): „Нѣкоторыя новыя течения въ теоріи ученія о происхожденіи“ и Книновичъ (изъ С.-Петербурга): „Попытки къ физико-географическому изученію Сѣвернаго Ледовитаго океана“. Въ заключеніе генеральный секретарь Ельфвингъ прочелъ телеграмму, полученную отъ Г-на Товарища Министра Народнаго Просвѣщенія Лукьянова и сообщилъ, что къ открытію съѣзда записалось въ число членовъ всего 1014 человѣкъ, изъ которыхъ 53 изъ Даніи, 70 изъ Норвегіи, 156 изъ Швеціи, 200 изъ Россіи и 535 изъ Фінляндіи.

Въ 3 часа того же дня назначены были предварительныя собранія секцій, на которыхъ были избраны секретари секцій изъ среды представителей отдѣльныхъ странъ. По секціи астрономіи и математики былъ избранъ отъ Россіи Ивановъ, по секціи физики и метеорологіи—Булгаковъ.

Въ 6 часовъ вечера состоялся общій обѣдъ съѣзда въ Брунскусетъ болѣе, чѣмъ на 500 кувертовъ (большая часть финляндскихъ членовъ не участвовали въ виду недостаточности помѣщенія). За сладкимъ начались рѣчи. Изъ числа русскихъ представителей говорилъ проф. Меншуткинъ.

25-го состоялись съ 10 ч.—12 ч. и съ 2 ч.—4 ч. дня засѣданія секцій. На I-ой секціи были сдѣланы слѣдующіе доклады: 1) Миттагъ-Лефлеръ (Стокгольмъ) „Объ ариометическомъ изображеніи аналитическихъ функций“, 2) Цейпель (Пулково) „О періодическихъ решеніяхъ задачи трехъ тѣль“, 3) Доннеръ (Гельсингфорсъ) „Объ астрофизическихъ работахъ на обсерваторіи въ Гельсингфорсѣ“.

На II-ой секціи сдѣлали доклады: 1) Рыкачевъ (Павловскъ) „Изслѣдованія въ различныхъ слояхъ атмосферы“, 2) Отстремъ (Упсала) „Изысканія въ спектрахъ энергіи“, 3) Савиновъ (Павловскъ) „Методы наблюденія съ помощью воздушныхъ змѣевъ“, 4) Репманъ (Москва) „Новѣйшія теоріи электричества“, 5) Лемстремъ (Гельсингфорсъ) „Объ электрическихъ токахъ въ атмосфѣре“, 6) Вестманъ (Упсала) „Спектръ сѣверного сіянія“.

26-го іюня съ 10 ч.—12 ч. дня засѣданія секцій. По I-ой секціи сдѣланы доклады: 1) Бакlundъ (Пулково) „О продолженіи работъ Гильдена“, 2) Кохъ (Стокгольмъ) „Объ аналитическомъ распространеніи ряда Тайлора“, 3) Линделефъ „О приложеніи теоріи опредѣлителей Коши для распространенія ряда Тайлора“.

ІІ-я секція имѣла соединенное засѣданіе съ ІІІ-кою (химії). Доклады сдѣлали: 1) Арреніусъ (Стокгольмъ) „Приложеніе физической химіи къ теоріи токсиновъ и антитоксиновъ“, 2) Тамманъ (Юрьевъ) „О діаграммѣ состоянія“, 3) Кистяковскій (С.-Петербургъ) „Соотношеніе между свойствами жидкостей при температурѣ кипѣнія“, 4) Курбатовъ „О теплотѣ испаренія и уравненіи Трутонѣ“.

Въ 1 ч. 30 м. дня открылось второе общее собраніе, на которомъ прочли рѣчи: 1) Тиле (Копенгагенъ) „Основы теоріи наблюденія“, 2) Гоганнесенъ (Христіанія) „Изслѣдованія относительно смертности въ преклонномъ возрастѣ человѣка“, 3) Тигерстедтъ (Гельсингфорсъ) „Къ психологіи естественно-историческихъ изслѣдований“.

Въ тотъ же день въ 7 часовъ вечера состоялся обѣдь въ ресторанѣ на Клиштанѣ, устроенный городомъ для членовъ съѣзда. За шампанскимъ было произнесено много рѣчей. Изъ русскихъ говорили: проф. Меншуткинъ и Норпе.

27-го опять происходили засѣданія секцій отъ 10 ч.—12 ч. и отъ 2 ч.—4 ч. дня. По І-ой секціи сдѣланы доклады: 1) Едеринъ (Стокгольмъ) „Объ измѣреніи основной базы шведско-русской экспедиціей для опредѣленія дуги меридіана на Шпицбергенѣ“, 2) Бергстрандъ (Упсала) „О параллаксѣ и собственномъ движениі Nova Persei“, 3) Петрелусъ (Гельсингфорсъ) „Объ измѣненіяхъ въ чувствительности уровней“, 4) Гульдбергъ (Христіанія) „О необратимыхъ интегралахъ“, 5) Фредхольмъ (Стокгольмъ) „О функциональныхъ уравненіяхъ Нейманна“.

По ІІ-ой секціи: 1) Стенструнъ (Копенгагенъ) „Объ определеніи сугочного количества свѣта“, 2) Агафоновъ (Любань) „Поглощеніе свѣта кристаллами“, 3) Меландеръ (Гельсингфорсъ) „О поглощении видимыхъ свѣтовыхъ лучей въ атмосферѣ“, 4) Булгаковъ (С.-Петербургъ) „Къ теоріи вибратора Попова“, 5) Тальквистъ (Гельсингфорсъ) „Колебательные электрические токи въ развѣтвленныхъ проводникахъ“.

Въ 1 часъ дня произведена была первая попытка устроить запусканіе змѣевъ на Обсерваторской горѣ. Для этой цѣли всѣ необходимыя принадлежности были привезены изъ Константиновской Обсерваторіи въ Павловскѣ. Интересная демонстрація собрала довольно много народа, но полетъ не удался по случаю полнаго безвѣтряя.

Вечеромъ члены астрономической, физической и географической секцій сдѣлали прогулку на паровой яхтѣ лоцманского вѣдомства по шхерамъ, послѣ чего состоялся обѣдь на Хегкольмѣ. Обѣдь этотъ носилъ болѣе интимный характеръ и прошелъ очень оживленно.

День 28-го іюня былъ посвященъ засѣданіямъ секцій. По І-ой секціи были сдѣланы доклады: 1) Тиле (Копенгагенъ) „Основной пунктъ теоріи наблюденій“, 2) Вагертъ (Стокгольмъ) „Приложе-

ніє інтеграла Абеля-Лапласа“, 3) Сундманъ (Гельсингфорсъ) „Прямое приведеніе коэффициентовъ А и В выражений Гильдена въ функцию δ “, 4) Петреліусъ „О приспособлении, служащемъ къ уменьшению вариаций ошибки коллимации въ колѣнчатыхъ трубкахъ“, 5) Вессель (Гельсингфорсъ) „Изысканія въ области астрофотографической фотометрии“, 6) Фуруельмъ „О точности фотографическихъ определеній положенія и величины звѣздъ“.

По II-ой секціи: 1) Линдманъ (Экнесъ) „О вторичныхъ электрическихъ волнахъ“, 2) Лемстремъ (Гельсингфорсъ) „Новый типъ инфлюэнцъ-машины“, 3) Николаевъ (С.-Петербургъ) „Объ электростаціонарномъ полѣ вокругъ электрическаго тока и внутри электролита; теорія тока, данная проф. Пойнтингомъ“, 4) Булгаковъ (С.-Петербургъ) „Къ теоріи плоскаго конденсатора“, 5) Агафоновъ (Любанъ) „Поглощеніе свѣта кристаллами и поликроизмъ въ ультра-фioletовой части спектра“, 6) Хоменъ (Гельсингфорсъ) „О суточныхъ и годовыхъ колебаніяхъ температуры въ верхнихъ слояхъ почвы“.

Въ 1 часъ дня подъ проливнымъ дождемъ вновь была сдѣлана попытка запустить змѣи. На этотъ разъ она вполнѣ удалась и приборъ былъ поднятъ на 1000 съ лишнимъ метровъ.

Наконецъ, 29-го юна утромъ состоялись послѣднія засѣданія секцій. На первой секціи докладовъ не было, на II-ой же—сдѣланы были слѣдующіе: 1) Гранквистъ (Упсала) „О величинѣ теплопроводности электродовъ въ вольтовой дугѣ“, 2) Ельфвингъ (Гельсингфорсъ) „О нѣкоторыхъ случаяхъ радиоактивности“, 3) Хоменъ „Попытка къ определенію количества тепла въ природѣ“, 4) Николаевъ (С.-Петербургъ) „Магнитное поле вибр. замкнутаго соленоида“.

Въ 1 часъ 30 м. дня состоялось третье и послѣднее общее собрание. Сначала произнесли рѣчи: 1) Арреніусъ (Стокгольмъ) „Космическая слѣдствія Максвелевскаго давленія лучей“, 2) Седерколмъ (Гельсингфорсъ) „О генезисѣ первичныхъ почвъ“. Собрание и, вмѣстѣ съ нимъ, съѣздъ были закрыты рѣчью президента Линделефа, въ которой онъ благодарилъ всѣхъ участниковъ и выразилъ надежду, что съѣздъ не останется безъ вліянія на интеллектуальную жизнь страны.

Въ 6 часовъ вечера состоялся прощальный обѣдъ въ Брунскусетъ, на которомъ изъ числа русскихъ членовъ были произнесены рѣчи: Воронинымъ и Норпе.

На всѣхъ одиннадцати секціяхъ во время съѣзда было сдѣлано около 225 докладовъ, изъ нихъ пріѣзжими изъ Россіи — 63. Кромѣ того, были осмотрѣны болѣе интересныя въ научномъ отношеніи учрежденія въ городѣ, произведенъ рядъ демонстрацій, а по окончаніи съѣзда устроенъ рядъ геологическихъ и географическихъ экскурсій.

Такимъ образомъ, этотъ первый съѣздъ оказался вѣсома со-
держательнымъ въ научномъ отношеніи и прошелъ съ большими
интересомъ для всѣхъ участниковъ. Отъ любезности же и госте-
приимства хозяевъ-финляндцевъ у всѣхъ, вѣроятно, остались са-
мая лучшая воспоминанія.

B. B. Шипчинский.

(Г. Павловскъ. Петерб. губ. Константиновская Обсерваторія).

НАУЧНАЯ ХРОНИКА.

Всемірный календарь для математиковъ. *)—На первомъ международномъ конгрессѣ математиковъ, происходившемъ въ Цюрихѣ въ 1897 году, былъ поднятъ вопросъ объ изданіи календаря для математиковъ, который, прежде всего, долженъ былъ бы содержать списокъ всѣхъ математиковъ міра и ихъ адреса. Нѣть нужды разъяснять полезность такого изданія; всякому ясно, какъ облегчило бы оно сношеніе между математиками, которое при современномъ, столь быстрымъ прогрессѣ науки имѣетъ первостепенное значение.

Въ мартѣ текущаго года появилось первое изданіе такого рода— „Annuaire des mathématiciens“ (1901—1902),—изданное въ Парижѣ (издатель G. Nau d) подъ редакціей С.—А. Laisant'a и Ad. Buhl'a. Календарь этотъ состоить изъ слѣдующихъ частей: 1) статья, посвященная памяти Charles'a Hermite'a, съ портретомъ его; 2) алфавитный списокъ всѣхъ математиковъ міра съ ихъ адресами; 3) краткій списокъ наиболѣе знаменитыхъ математиковъ, скончавшихся въ послѣднее время; 4) списокъ математическихъ обществъ и другихъ ученыхъ обществъ, обладающихъ математическими отдѣленіями; 5) списокъ періодическихъ изданій, посвященныхъ математикѣ или заключающихъ въ себѣ между прочимъ математическую работы; наконецъ, 6) шесть научныхъ статей по различнымъ вопросамъ математики. Всего Annuaire содержитъ XXII+468 стр.

Что касается обработки материала, то, къ сожалѣнію, надо сознаться, что Laisant и Buhl не вполнѣ справились съ этой задачей, что, конечно, объясняется новизною этого предприятия. Въ статьѣ, посвященной критикѣ этого изданія G. Eneström (Стокгольмъ), редакторъ журнала *Bibliotheca Mathematica* (III. Folge, III. Band, Heft 2, р. 226), указываетъ на рядъ недостатковъ, заключающихся въ неравномерности приведенныхъ данныхъ, многочисленныхъ недосмотрахъ и т. п. Съ своей стороны,

*) См. также предварительное сообщеніе въ № 300 (XXV сес. № 12) „Вѣстника“, стр. 281.

укажемъ на то обстоятельство, что данные, относящіяся къ Россіи, составлены особенно небрежно. Очень возможно, что вина въ этомъ падаетъ не на однихъ только редакторовъ *Annuaire*, а также и на самыхъ русскихъ ученыхъ, не отвѣтившихъ своевременно на присланные имъ вопросные листы, но многія ошибки и недосмотры нельзѧ объяснить такимъ образомъ. Напр., на стран. 386 *Краковская Академія* отнесена къ числу ученыхъ обществъ *Россійской Имперіи*. Не приведенъ цѣлый рядъ ученыхъ обществъ, и вы напрасно будете искать имена многихъ русскихъ математиковъ и физиковъ, извѣстныхъ даже за предѣлами нашей родины; наконецъ, недостаетъ цѣлаго ряда періодическихъ изданій. Всѣ эти недостатки слѣдовало бы въ будущемъ исправить, если изданіе *Annuaire* повторится.

G. Eneström сообщаетъ въ цитированной выше статьѣ, что онъ готовить къ началу 1903 года другой календарь для математиковъ. Въ виду компетентности почтеннаго историка математики, можно быть заранѣе увѣреннымъ, что его изданіе будетъ удовлетворять самымъ строгимъ требованіямъ, будетъ содержать болѣе цѣлесообразную, а слѣдовательно, и болѣе полезную обработку материала. Календарь Eneströма будетъ стоить въ гибкомъ коленкоровомъ переплѣтѣ около 1 рубля.

О массѣ земной атмосферы.—N. Ekholm (въ Стокгольмѣ) въ интересной статьѣ, посвященной вопросу о высотѣ атмосферы, приведенной къ средней плотности воздуха у уровня моря, и о массѣ земной атмосферы *), даетъ новѣйшіе результаты этого рода вычислений. По его вычисленіямъ, отличающимся отъ принятыхъ до сихъ поръ, масса атмосферы должна быть равна приблизительно

$$516 \times 10^{13} \text{ тонн}, \text{ т. е., } 0,000000847$$

или $\frac{1}{118000}$ часть всей массы земли.

РАЗНЫЯ ИЗВѢСТИЯ.

† E. Schröder.—Скончался профессоръ Ernst Schröder (Карльсруэ), авторъ обширнаго труда „*Vorlesungen über die Algebra der Logik*“ (Leipzig, 1890, 1891, 1895). Покойный извѣстенъ, главнымъ образомъ, тѣмъ, что распространялъ въ Германіи идеи англо-американской школы формальныхъ логиковъ (C. S. Peirce, Bool, Jevons и др.).

Новый орденъ въ Англіи.—Между двѣнадцатью первыми членами основаннаго по поводу праздника коронаованія въ Англіи ордена находятся и два великихъ физика—lordъ Rayleigh и lordъ Kelvin (W. Thomson).

*) Nils Ekholm, *Ueber die Höhe der homogenen Atmosphäre und die Masse der Atmosphäre*, Metheorologische Zeitschrift, Bd. XIX, Heft 6, Juni 1902, p. 249.

† Faye. — Скончался членъ Парижской Академіи Наукъ астрономъ Нарвѣ Фауе, бывшій нѣкоторое время министромъ народнаго просвѣщенія. Фауе родился въ 1814 году; съ 1873 г. онъ состоялъ профессоромъ астрономіи въ *École polytechnique*.

† Fuchs.—Профессоръ математики Берлинскаго Университета Lazarus Fuchs скончался на 70-мъ году своей жизни.

ЗАДАЧИ ДЛЯ УЧАЩИХСЯ.

Рѣшенія всѣхъ задачъ, предложенныхъ въ текущемъ семестрѣ, будуть помѣщены въ слѣдующемъ семестрѣ.

№ 220 (4 сер.). На данномъ отрѣзкѣ *BC* построенъ треугольникъ *BAC* съ даннымъ угломъ *A* при вершинѣ. На сторонахъ *BA* и *CA* взяты точки *F* и *E* такъ, что отрѣзки *BF* и *CE* равны данной длине *a*. Определить геометрическое мѣсто центра тяжести перемѣнного треугольника *DEF*, где *D* — средина *BC*.

E. Григорьевъ (Казань).

№ 221 (4 сер.). 1) Показать, что рѣшеніе задачи № 214 (4-й сер.) *) можетъ быть сведено къ нахожденію предѣла, къ которому стремится произведеніе $\cos\alpha \cdot \cos\frac{\alpha}{2} \dots \cos\frac{\alpha}{2^n}$ **) где α есть данный уголъ, при безконечномъ возрастаніи *n*. 2) Если для дуги *AB* нѣкотораго круга сдѣлать рядъ построений, указанныхъ въ задачѣ № 214, то предѣлъ площади перемѣнного треугольника *OBA_n*, где *O* — центръ дуги *AB*, при безконечномъ возрастаніи *n*, есть площадь сектора *AOB*. 3) Если для дуги *AB* нѣкотораго круга по способу, указанному въ задачѣ № 214, найти рядъ точекъ *A₁*, *A₂*, ..., *A_n*, а также рядомъ аналогичныхъ построений найти рядъ аналогичныхъ точекъ *A'₁*, *A'₂*, ..., *A'_n* для дуги, дополняющей дугу *AB* до полной окружности, то предѣлъ площади перемѣнного четыреугольника *A_nBA'_nO*, где *O* — центръ дуги *AB*, при безконечномъ возрастаніи *n*, есть площадь круга, часть окружности которого есть дуга *AB*.

B. Гудковъ (Свеаборгъ) и *H. C.* (Одесса).

№ 222 (4 сер.). Пусть $\frac{a}{x}$ и $\frac{b}{y}$ суть двѣ послѣдовательныя подходящія непрерывной дроби. Показать, что дроби

$$\frac{a^2+x^2}{ab+xy} \text{ и } \frac{a^2-x^2}{ab-xy}$$

несократимы.

H. Готлибъ (Митава).

*) См. № 325 „Вѣстника“.

**) Этотъ предѣлъ встрѣтилъ въ своихъ изслѣдованіяхъ знаменитый французскій Математикъ XVI-го столѣтія Виета, который, пользуясь значеніемъ этого предѣла, представилъ число $\frac{2}{\pi}$ въ видѣ безконечнаго произведения:

$$\sqrt{\frac{1}{2}} \cdot \sqrt{\frac{1}{2} + \frac{1}{2}\sqrt{\frac{1}{2}}} \dots$$

№ 223 (4 сер.). Рѣшить въ рациональныхъ числахъ относительно x и y уравненіе

$$ax^2 - by^2 = 2ay,$$

гдѣ a и b суть даныя рациональные числа.

В. Гаевскій (Луцкъ).

№ 224 (4 сер.). По данному основанию построить равнобедренный треугольникъ, въ которомъ сумма высотъ равняется половинѣ периметра.

(Заданіе.)

№ 225 (4 сер.). Опредѣлить работу силы тяжести, передвинувшей тѣло вѣсомъ въ 11,3 килограмма съ верха до низа наклонной плоскости, которой длина равна 15,32 метра, высота — 4,7 метра. Треніе тѣла составляетъ 0,03 его вѣса, а ускореніе силы тяжести принимается равнымъ 981 сант.

П. Грицынъ (ст. Цымлянская).

РѢШЕНИЯ ЗАДАЧЪ.

№ 141 (4 сер.). Желѣзный цилиндръ длины 1 припаянъ поверхностью перпендикулярного сечения къ платиновому цилиндру такого же сечения длины l' . 1) Каково должно быть отношеніе $\frac{1}{l'}$ для того, чтобы спаянныи изъ желѣза и платины цилиндръ оставался въ равновѣсіи, будучи погружены въ ртутную ванну? 2) Вычислить значенія 1 и l' по слѣдующимъ даннымъ: $1 + l' = 69$ милли., и плотности желѣза, платины и ртути равны соотвѣтственно 7,7, 21,5, 13,6.

Пусть a — площадь поперечнаго сечения цилиндра, спаяннаго изъ желѣза и платины. Тогда объемы желѣзной части, платиновой части цилиндра и всего цилиндра равны соотвѣтственно la , $l'a$ и $(l+l')a$, а вѣса желѣзной части, платиновой части цилиндра и ртути, вытѣсняемой всѣмъ цилиндромъ, равны соотвѣтственно $13,6(l+l')a$, $7,7la$, $21,5l'a$; поэтому, согласно стъ закономъ Архимеда,

$$13,6(l+l')a = 7,7la + 21,5l'a,$$

или

$$13,6(l+l') = 7,7l + 21,5l',$$

откуда

$$\frac{l}{l'} = \frac{79}{59}, \quad \frac{l}{l+l'} = \frac{79}{138}.$$

Если $l + l' = 69$ мм., то

$$l = \frac{69 \cdot 79}{138} \text{ мм.} = 39,5 \text{ мм.},$$

$$l' = 69 \text{ мм.} - 39,5 \text{ мм.} = 29,5 \text{ мм.}$$

Л. Гальперинъ (Бердичевъ); Д. Дьяковъ (Новочеркасскъ); Л. Ямпольский (Одесса); П. Грицынъ (ст. Цымлянская); Вл. Копяткевичъ (Петрозаводскъ); Д. Правдинъ (Петрозаводскъ); Г. Огановъ (Эривань);

№ 142 (4 сер.). Сумма квадратовъ двухъ чиселъ равна 3600, а наименьшее кратное ихъ 144. Найти эти числа.

Такъ какъ наименьшее кратное двухъ искомыхъ чиселъ равно $144 = 2^4 \cdot 3^2$ то одно изъ нихъ содержитъ множитель 2 въ 4-й степени, а 3 въ степени

http://vofem.ru

$\alpha \leqslant 2$; другое же содержить множитель 3 во 2-й степени, а 2 въ степени $\beta \leqslant 4$. Итакъ, искомыя числа суть $2^4 3^\alpha$ и $3^2 2^\beta$, гдѣ

$$\alpha \leqslant 2, \quad \beta \leqslant 4 \quad (1).$$

Согласно съ условиемъ задачи,

$$2^8 3^{2\alpha} + 3^4 2^{2\beta} = 3600,$$

или

$$2^{2\beta} 3^{2\alpha} \cdot (2^{8-2\beta} + 3^{4-2\alpha}) = 2^4 3^2 5^2 \quad (2),$$

откуда видно, что $2\beta \leqslant 4$, или

$$\beta \leqslant 2 \quad (3),$$

такъ какъ во второй части равенства⁷ (2) 2 входитъ множителемъ съ показателемъ 4, показатели же $8-2\beta$ и $4-2\alpha$ (см. (1)) не отрицательны. Но на основаніи формулы (3) можно теперь заключить, что показатель $8-2\beta$ положителенъ, а потому число $2^{8-2\beta} + 3^{4-2\alpha}$ нечетно; поэтому, въ формулы (3) надо сохранить лишь знакъ равенства. Поэтому $\beta=2$, и одно изъ искомыхъ чиселъ равно $3^2 2^2 = 3^2 2^2 = 36$, а другое число найдемъ по формулѣ

$$\sqrt{3600 - 36^2} = \sqrt{2304} = 48.$$

Г. Огановъ (Эривань); М. Поповъ (Асхабадъ); И. Плотникъ (Одесса); Избінскій.

№ 143 (4 сер.). Найти общаго наибольшаго дѣлителя всѣхъ цѣлыхъ чиселъ, выражаемыхъ формулой

$$xy(x^{10} + y^{10})(x^{10} - y^{10}),$$

гдѣ x и y принимаютъ всевозможныя цѣлые значенія.

Если одно изъ чиселъ x и y четно, то численное значеніе выраженія $xy(x^{10} + y^{10})(x^{10} - y^{10})$ (1) дѣлится на 2; если ни x , ни y не дѣлятся на 2, то сумма двухъ нечетныхъ слагаемыхъ $x^{10} + y^{10}$ кратна 2-хъ, а потому и все число (1) дѣлится на 2. Если одно изъ чиселъ x или y кратно 11, то и число (1) кратно 11; если ни одно изъ чиселъ x или y не кратно 11, то, по теоремѣ Фермата, числа $x^{10}-1$ и $y^{10}-1$ кратны 11, а потому и разность $(x^{10}-1) - (y^{10}-1) = x^{10} - y^{10}$ кратна 11; следовательно, число (1) кратно 11 при всякихъ цѣлыхъ значеніяхъ x и y . Если одно изъ чиселъ x или y кратно 3-хъ, то и все число (1) кратно 3-хъ. Если ни x , ни y не кратны 3-хъ, то, по теоремѣ Фермата, числа x^2-1 и y^2-1 кратны 3-хъ; следовательно, и число $(x^2-1) - (y^2-1) = x^2 - y^2$ кратно 3-хъ, а потому и разность $x^{10} - y^{10}$, дѣлящаяся на $x^2 - y^2$, кратна 3-хъ, откуда видно, что и все число (1) дѣлится на 3. Если x или y кратны 5, то и число (1) кратно 5; если ни одно изъ чиселъ x и y не кратно 5, то, по теоремѣ Фермата, число $x^4 - y^4 = (x^4 - 1) - (y^4 - 1)$ кратно 5; но число $(x^{10} + y^{10})(x^{10} - y^{10}) = x^{20} - y^{20}$ дѣлится на $x^4 - y^4$, и потому оно, — при x и y не кратныхъ 5, — дѣлится на 5, а потому и все число (1) дѣлится на 5. Итакъ, число, выражаемое формулой (1), при x и y цѣлыхъ, дѣлится на 2, 3, 5 и 11, и потому дѣлится на 330. Полагая $x=2$, $y=1$, находимъ, что число (1) получаетъ значение $2.3.1025.1023=2.3.5^2.11.13.31.41$. Но при $x=5$, $y=2$ число (2) не дѣлится на 13 и на 5^2 , а при $x=3$, $y=2$ число (1) не дѣлится на 31 и 41. Слѣдовательно, совокупность всѣхъ простыхъ множителей, общихъ всѣмъ значеніямъ выражения (1) при x и y цѣлыхъ, содержитъ лишь простыя числа 2, 3, 5 и 11. Поэтому искомый общій наибольшій дѣлитель равенъ $2.3.5.11 = 330$.

Г. Огановъ (Эривань); Н. С. (Одесса).

№ 145 (4 сер.). Решить систему уравнений:

$$x^7 - a = 7xy^4$$

$$x^2 - y^2 = b.$$

Подставляя изъ второго уравненіе $(x^2 - b)^2$ въ первое вмѣсто y^4 , находимъ:

$$x^7 - a = 7x(x^2 - b)^2,$$

или

$$x^7 - 7bx^5 + 14b^2x^3 - 7b^3x^2 - a = 0 \quad (1).$$

Полагая $x = u + \frac{b}{u}$ (2), приводимъ уравненіе (1), послѣ ряда элементарныхъ преобразованій, къ виду

$$u^{14} - au^7 + b = 0,$$

откуда опредѣлимъ u^7 , затѣмъ u , потомъ (см. (2)) x и, наконецъ, при помощи второго изъ данныхъ уравненій y .

Примѣчаніе. Полагая $u+v=x$, $uv=b$ и вычисляя послѣдовательно симметричныя функции u^2+v^2 , u^3+v^3 , ..., u^n+v^n въ функции x и b , находимъ:

$$u^5+v^5=x^5-5bx^3+5b^2x; \quad u^7+v^7=x^7-7bx^5+14b^2x^3-7b^3x.$$

Отсюда видно, что, наоборотъ, подстановкой $x=u+v$, $uv=b$ уравненія $x^5-5bx^3+5b^2x-a=0$ и $x^7-7bx^5+14b^2x^3-7b^3x-a=0$ приводятся соотвѣтственно къ видамъ $u^5+v^5-a=0$, $u^7+v^7-a=0$, такъ что, для нахожденія x , въ первомъ случаѣ, надо решить систему

$$x=u+v; \quad u^5+v^5=a, \quad uv=b \quad (\text{откуда } u^5v^5=b^5),$$

а во второмъ — $x=u+v; \quad u^7+v^7=a, \quad uv=b$ (откуда $u^7v^7=b^7$),

такъ что u^5 и v^5 (соотвѣтственно u^7 и v^7) суть корни квадратнаго уравненія $t^2-at+b^5=0$ (соотвѣтственно $t^2-at+b^7=0$), откуда

$$x = \sqrt[5]{\frac{a}{2} + \sqrt{\frac{a^2}{4} - b^5}} + \sqrt[5]{\frac{a}{2} - \sqrt{\frac{a^2}{4} - b^5}}$$

$$\left(\text{соотв. } x = \sqrt[7]{\frac{a}{2} + \sqrt{\frac{a^2}{4} - b^7}} + \sqrt[7]{\frac{a}{2} - \sqrt{\frac{a^2}{4} - b^7}} \right).$$

Въ обѣихъ формулахъ значенія виѣшнихъ радикаловъ надо выбирать согласно съ условіемъ $uv=b$. Примѣнивъ подобный же методъ къ уравненію $x^3-3bx-a=0$ (къ такому виду можно привести всякое уравненіе 3-й степени), придемъ къ формулѣ Кардана, дающей корни уравненія 3-й степени.

H. C. (Одесса); Портупей-юнкеръ Глинскій и Гришинъ (Спб.).

№ 146 (4 сер.). Въ полуокружность диаметра $AB=2R$ описана выпуклая ломаная $ACDB$. По данной хордѣ $CD=a$ вычислить длины хордъ AC и BD , зная, что $AC+BD=2a$.

Называя AC и DB соотвѣтственно черезъ x и y и замѣчая, что $AD=\sqrt{4R^2-y^2}$, $BC=\sqrt{4R^2-x^2}$, по теоремѣ Птоломея, имѣемъ:

$$AB \cdot CD + AC \cdot DB = AD \cdot CB; \quad 2aR + xy = \sqrt{(4R^2-y^2)(4R^2-x^2)}.$$

Возвышеная обѣ части въ квадратъ, сдѣлавъ раскрытие скобокъ и приведеніе и сокративъ обѣ части на $4R$, получимъ:

$$a^2R + axy = 4R^3 - R(x^2 + y^2) \quad (1).$$

Но по условію $x+y=2a$, откуда $x^2+y^2+2xy=4a^2$, $x^2+y^2=4a^2-2xy$.

Подставляя это значение x^2+y^2 въ уравненіе (1), опредѣляемъ затѣмъ xy и находимъ

$$xy = \frac{R(5a^2 - 4R^2)}{2R-a} \quad (2).$$

Итакъ, искомыя длины хордъ AC и DB суть корни квадратнаго уравненія

$$z^2 - 2az + \frac{R(5a^2 - 4R^2)}{2R-a} = a,$$

откуда

$$\begin{aligned} x = a \pm \sqrt{a^2 - \frac{R(5a^2 - 4R^2)}{2R-a}} &= a \pm \sqrt{\frac{(R-a)(2R+a)^2}{2R-a}} = \\ &= a \pm (2R+a) \sqrt{\frac{R-a}{2R-a}} \quad (3), \end{aligned}$$

$$y = a \mp (2R+a) \sqrt{\frac{R-a}{2R-a}}.$$

Для возможности задачи необходимо и достаточно, чтобы выполнялось условіе $a \leqslant R$ (это нужно для дѣйствительности x и y , такъ какъ, по условію, $a < 2R$) и чтобы xy (см. 2) было положительно, т. е., чтобы удовлетворялось неравенство $a \geqslant \frac{2R}{\sqrt{5}}$ (получено изъ $5a^2 \geqslant 4R^2$, принимая во вниманіе, что $a < 2R$); другими словами, возможность задачи обусловлена неравенствами $R \geqslant a \geqslant \frac{2R}{\sqrt{5}}$.

M. Поповъ (Асхабадъ); Г. Огановъ (Эривань); Н. Готлибъ (Митава).

№ 147 (4 сер.). Цилиндрическій сосудъ плаваетъ вертикально въ жидкости. При 0° длина погруженной части равна h . Какова она будетъ при температурѣ t° , если известно, что коэффиціенты кубического расширения сосуда и жидкости суть соотвѣтственно m и n .

Такъ какъ коэффиціентъ кубического расширения сосуда равенъ m , то коэффиціенты линейного и площадного расширения равны соответственно $\frac{m}{3}$ и $\frac{2m}{3}$ (собственно $\sqrt[3]{1+m}$ и $\sqrt[3]{(1+m)^2}$). Пусть a — площадь основанія цилиндра, d — плотность жидкости при 0° . Тогда объемъ жидкости, вытѣняемой сосудомъ при 0° , равенъ ah , а вѣсъ этой жидкости равенъ ahd . Называя черезъ x высоту погруженной части сосуда при t° , находимъ, что объемъ вытѣняемой сосудомъ при этой температурѣ жидкости равенъ $xa \left(1 + \frac{2m}{3} t\right)$; вѣсъ же этой жидкости равенъ $xa \left(1 + \frac{2m}{3} t\right) \frac{d}{1+nt}$, такъ какъ плотность ея при t° равна $\frac{d}{1+nt}$. Такъ какъ оба выраженія ahd и

$xad \left(1 + \frac{2m}{3}t\right) \frac{d}{1+nt}$ равны, по закону Архимеда, въсю сосуда, тѣ

$$ahd = xa \left(1 + \frac{2m}{3}t\right) \frac{d}{1+nt},$$

откуда

$$x = \frac{h(1+nt)}{\frac{2mt}{3}} = \frac{3h(1+nt)}{3+2mt}.$$

Л. Ямпольский (Одесса); *П. Ламанский* (Петрозаводск); *Г. Огановъ* (Гомадзоръ).

№ 150 (4 сеп.). Стороны треугольника АВС связаны зависимостью:

$$a^2 = b^2 + c^2.$$

Можетъ ли уголъ А этого треугольника быть прямымъ или тупымъ?

I. Подставляя въ выражение $a^2 - (b^2 + c^2)$, согласно съ условіемъ задачи

$\sqrt[3]{a^3 + b^3}$ вместо a , находимъ:

$$a^2 - (b^2 + c^2) = \left(\sqrt[3]{b^3 + c^3}\right)^2 - (b^2 + c^2) \quad (1).$$

Возвысивъ каждое изъ количествъ $\sqrt[3]{b^3 + c^3}$ и $(b^2 + c^2)$ въ кубъ и взявъ ихъ разность, получимъ:

$$\begin{aligned} (b^3 + c^3)^2 - (b^2 + c^2)^3 &= 2b^3c^3 - 3b^2c^2(b^2 + c^2) = \\ &= b^2c^2(2bc - 3b^2 - 3c^2) = -b^2c^2[(b - c)^2 + 2(b^2 + c^2)]. \end{aligned}$$

Послѣднее выраженіе отрицательно. Поэтому

$$(b^3 + c^3)^2 < (b^2 + c^2)^3, \quad \left(\sqrt[3]{b^3 + c^3}\right)^2 < b^2 + c^2,$$

или (см. (1)) $a^2 < b^2 + c^2$, т. е., уголъ А треугольника острый.

II. Изъ равенства $a^2 = b^2 + c^2$ видно, что $a > b$ и $a > c$. Поэтому

$$\frac{b^3}{a} < \frac{b^3}{b}; \quad \frac{c^3}{a} < \frac{c^3}{c}, \quad \text{или} \quad \frac{b^3}{a} < b^2, \quad \frac{c^3}{a} < c^2, \quad \text{откуда}$$

$$\frac{b^3 + c^3}{a} = a^2 < b^2 + c^2, \quad \text{т. е., уголъ А острый.}$$

И. Плотниковъ (Одесса); *Я. Гукайло* (с. Тальное Киевской губ.); портупей-юнкеръ *Глинский* и *Гришинъ* (Спб.); *М. Поповъ* (Асхабадъ).

Редакторы: **В. А. Циммерманъ** и **В. Ф. Каганъ**.

Издатель **В. А. Гернетъ**.

Дозволено цензурою, Одесса 12-го Августа 1902 г.

Типографія Бланкоиздательства М. Шпенцера, Ямская, д. № 64.

Обложка
ищется

Обложка
ищется