

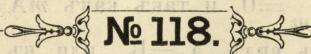
Обложка
ищется

Обложка
ищется

ВѢСТНИКЪ ОПЫТНОЙ ФИЗИКИ

и

ЭЛЕМЕНТАРНОЙ МАТЕМАТИКИ.



№ 118.



Х Сем.

15 Апрѣля 1891 г.

№ 10.

ИЗЪ ОБЛАСТИ ЭЛЕМЕНТАРНОЙ АЛГЕБРЫ.

Къ вопросу о рѣшениі уравненій, содержащихъ неизвѣстное въ знаменателяхъ дробныхъ членовъ.

Одна изъ теоремъ, на которыхъ основано рѣшеніе уравненій, выражается такъ: „если обѣ части уравненія умножить или раздѣлить на одно и то же количество, отличное отъ нуля, и не содержащее неизвѣстнаго, то получится уравненіе однозначащее съ даннымъ“. Къ этой теоремѣ въ курсахъ алгебры дѣлается примѣчаніе, въ которомъ разъясняется, что если обѣ части уравненія умножить, или раздѣлить на количество, зависящее отъ неизвѣстнаго, то полученное уравненіе не будетъ однозначающимъ съ даннымъ, и будетъ содержать или лишніе корни сравнительно съ даннымъ, или меньшее число корней; далѣе выясняется нахожденіе пропавшихъ корней и получение лишніхъ; именно для этого приравнивается нулю, то количество, на которое множители, или дѣлили данное уравненіе и рѣшается полученное такимъ образомъ уравненіе. Къ сказанному относительно умноженія обѣихъ частей уравненія на множителя, содержащаго неизвѣстное, присоединяются замѣчаніе о случаѣ умноженія уравненія на наим. кратное знаменателей дробей, содержащихъ въ знаменателѣ неизвѣстное, вслѣдствіе какового умноженія получается уравненіе однозначное съ даннымъ, что и доказывается. Однако это замѣчаніе нельзя признать за вѣрное, а равно и доказательство его, приводимое во многихъ руководствахъ алгебры, такъ какъ обыкновенно приводимое доказательство основано на приписываніи наим. кратному того свойства, котораго оно не имѣтъ.

Цѣль нашей статьи заключается въ томъ, чтобы указать въ чёмъ состоитъ неудовлетворительное разсмотрѣніе вопроса, о рѣшениі уравненій, содержащихъ неизвѣстное въ знаменателѣ дробей, въ нашихъ руководствахъ по алгебрѣ, и затѣмъ привести правильное рѣшеніе того же вопроса, въ виду его важности, и возникающихъ по поводу его недоразумѣній у учащихся.

Приведемъ выписку изъ § 20, алгебры Давидова, изд. 11-е „Пусть будетъ $A=B$ (1) данное уравненіе, где A и B означаютъ какія нибудь выражения, содержащія неизвѣстное, и положимъ, что m есть наим. кратное выражение всѣхъ знаменателей. Помножимъ обѣ части на m , находимъ $mA=mB$ (2). Требуется доказать тождественность (1) и (2) урав-

неній. Для этого, приведя все члены уравнения (1) к общему знаменателю m , положимъ, что находимъ: $A = \frac{A_1}{m}$ и $B = \frac{B_1}{m}$, такъ что уравнение (1) приметъ видъ: $\frac{A_1}{m} = \frac{B_1}{m}$, или означивъ разность $A_1 - B_1$ че-

резъ Р, будемъ имѣть $\frac{P}{m} = 0$, и такъ какъ $mA = A_1$; $mB = B_1$, то уравнение (2) представится въ видѣ $A_1 = B_1$, или въ видѣ $P = 0$. Вслѣдствіе свойства наим. кратного m выраженіе $\frac{P}{m}$ представить несократимую дробь, т. е. числитель и знаменатель ея не будутъ имѣть общихъ множителей⁴; изъ этого дальше выводится заключеніе, что величины неизвѣстнаго, обращающія m въ нуль, не могутъ обратить Р въ нуль, и наконецъ заключеніе, о тождественности (1) со (2) уравненій.

Ошибочность приведенного доказательства заключается въ томъ, что изъ того, что m есть наим. кратное знаменателей всѣхъ дробей, входящихъ въ уравненіе, сдѣлано ложное заключеніе о несократимости дроби $\frac{P}{m}$, ибо можетъ случиться, что числитель Р разложится на множители, изъ числа которыхъ встрѣтятся общіе съ множителями знаменателя m . Возьмемъ такое уравненіе:

$$(1) \quad \frac{3x^2+2}{x^2-1} + \frac{2(x-2)}{x+2} = \frac{5(x^2-x-1)}{x^2-1};$$

перенеся всѣ члены въ 1-ю часть, приведя дроби къ общему знаменателю, представляющему наим. кратное всѣхъ знаменателей, и соединя всѣ дроби въ одну, получимъ:

$$(2) \quad \frac{3(x^2-5x-6)}{(x^2-1)(x+2)} = 0.$$

Первая часть уравненія (2) представляетъ дробь сократимую, не смотря на то, что $(x^2-1)(x+2)$ служить наим. кратнымъ для всѣхъ знаменателей; величина $x = -1$, обращающая знаменатель въ нуль, обращаетъ и числитель въ нуль, ибо $x^2-5x-6 = (x-6)(x+1)$. Ошибочно было бы сказать, что уравненіе (2), по умноженію на наим. кратное $(x^2-1)(x+2)$, дастъ уравненіе однозначающее съ (1); отъ подобнаго рода умноженія получится уравненіе: $3(x^2-5x-6) = 0$, дающее два корня $x_1 = 6$; $x_2 = -1$, изъ нихъ данному уравненію удовлетворяетъ только $x_1 = 6$.

Необходимо выяснить учащимся, что $x = -1$, *повидимому* обращающее данное уравненіе тоже въ тождество, такъ какъ обѣ части его дѣлаются равными ∞ ; но какъ слѣдуетъ понимать $\infty = \infty$, равенство, не имѣющее смысла само по себѣ? Въ какомъ случаѣ это равенство принимается въ математикѣ за тождество? Именно важно выяснить, что о тождественности обѣихъ частей данного уравненія, обращающихся въ ∞ , можно заключить тогда, когда обѣ части уравненія, увеличиваясь

безпределъно, безгранично приближаются къ равенству между собою, т. е. когда разность между обѣими частями уравненія безпределъно уменьшается. Разность между обѣими частями даннаго уравненія есть:

$$\frac{3(x-6)}{(x-1)(x+2)},$$

и при $x=-1$ обращается въ $10\frac{1}{2}$.

Обратимся теперь къ „Курсу алгебры, составленному Ев. Гуторомъ Воронежъ 1878 г.“ Въ параг. 150-мъ „Постороннія рѣшенія“ на стр. 104-й сдѣлана такая выноска: „полезно замѣтить, что умноженіе обѣихъ частей уравненія на наим. кратное всѣхъ знаменателей вообще не вводить постороннихъ рѣшеній, о чёмъ подробнѣе будетъ сказано въ одной изъ послѣдующихъ главъ“. Въ главѣ XXVII въ параг. 347, подъ заглавіемъ: „Замѣчаніе“, выясняется на примѣрѣ этотъ вопросъ. Берется такой примѣръ:

$$(1) \quad \frac{x+1}{6x^2+7x-3} - \frac{x-2}{10x^2+27x+18} + \frac{1-x}{15x^2+13x-16} = 0.$$

По разложенію знаменателей на множители, получается:

$$(2) \quad \frac{x+1}{(3x-1)(2x+3)} - \frac{x-2}{(5x+6)(2x+3)} + \frac{1-x}{(3x-1)(5x+6)} = 0;$$

по приведеніи къ одному знаменателю:

$$(3) \quad \frac{(5x+6)(x+1)-(3x-1)(x-2)+(2x+3)(1-x)}{(3x-1)(2x+3)(5x+6)} = 0, \text{ или } \frac{P}{m} = 0,$$

гдѣ черезъ P обозначенъ числитель 1-й части уравненія (3), черезъ m общий знаменатель. По умноженіи обѣихъ частей уравненія (3) на m , получается:

$$(4) \quad (5x+6)(x+1)-(3x-1)(x-2)+(2x+3)(1-x)=0,$$

или $P=0$, уравненіе однозначающее съ даннымиъ, что объясняется авторомъ такъ: „при приведеніи дробныхъ членовъ уравненія (2) къ общему знаменателю, мы каждого изъ нихъ умножаемъ на разныхъ производителей наименьшаго кратнаго m , поэтому числитель и знаменатель дроби P не будутъ имѣть общихъ множителей. А потому тѣ изъ величинъ

x , которые обращаются въ нуль знаменателя m , не могутъ обратить въ нуль числителя P . Итакъ, тѣ величины неизвѣстнаго, которые обращаются въ нуль m , не будутъ удовлетворять уравненію $P=0$, или (4)-му. Слѣдов. умноженіе обѣихъ частей уравненія (3), или одинакового съ нимъ урав-

ненія (1) на наим. кратное всѣхъ знаменателей не вводить постороннихъ рѣшеній".

Изъ того, что числитель и знаменатель каждого изъ дробныхъ членовъ уравненія (1) умножается на разныхъ производителей наим. кратного, нельзя вообще заключать, что числитель и знаменатель дроби $\frac{P}{m}$ не будутъ имѣть общихъ производителей; справедливое для взятаго и нѣкоторыхъ другихъ примѣровъ, можетъ быть не справедливымъ вообще, что нами и выяснено на раньше приведенномъ примѣрѣ.

Подобное приведеннымъ разсмотрѣніе того же вопроса, находимъ и во многихъ другихъ курсахъ алгебры; въ нѣкоторыхъ же курсахъ алгебры свойства тождественныхъ равенствъ, считаемыя за очевидныя, относятся и къ уравненіямъ, и принимаются очевидными; напр. въ алгебрѣ г.г. Малинина и Буренина, а также г. Сомова. Не можемъ не указать на весьма хорошій учебникъ элементарной алгебры, составл. А. Кисилевымъ Москва 1888 г., въ которомъ весьма обстоятельно со всею подробностью разсмотрѣна статья о рѣшеніи уравненій, что составляетъ особенное достоинство этого учебника. Этотъ же вопросъ правильно изложенъ въ алгебраическомъ задачнике г.г. Шапошникова и Вальцева, задачникѣ, кстати сказать, весьма хорошемъ, систематически составленномъ, и снабженномъ весьма цѣнными замѣчаніями, придающими названной книгѣ видъ ключа-задачника. Въ упомянутомъ задачнике на стр. 147, въ параграфѣ: "Дополнительная замѣчанія о рѣшеніи уравненій", сказано: "уравненіе можно умножить на множителя, содержащаго неизвѣстное, только въ томъ случаѣ, когда этотъ множитель входитъ въ знаменатель дроби, получившейся отъ соединенія дробей, входящихъ въ уравненіе, въ одну дробь, и послѣ окончательного сокращенія этой послѣдней". Нѣсколько дальше говорится: "окончательную дробь необходимо сократить раньше уничтоженія ея знаменателя, чтобы не внести въ уравненіе посторонняго ему корня". Все дѣло именно и состоитъ въ томъ, что необходимо нужно умножать обѣ части уравненія, содержащаго неизвѣстное въ знаменателѣ дробей, на знаменателя окончательно получившейся дроби, послѣ перенесенія всѣхъ членовъ уравненія въ 1-ю часть, и представлениія 1-ї части уравненія въ видѣ сокращенной дроби, тогда полученное уравненіе не будетъ имѣть постороннихъ корней противъ даннаго.

Необходимо сдѣлать для полноты рѣшенія вопроса еще одно важное замѣчаніе. Пусть $\frac{P}{m}=0$ уравненіе, въ которое обратилось первоначальное, по совершенніи всѣхъ возможныхъ упрощеній; при чмъ знаменатель m содержитъ неизвѣстное; можетъ случиться, что дробь $\frac{P}{m}$ будетъ равна нулю еще и при значеніи $x=\infty$, обращающаго m въ ∞ , и какъ притомъ же значеніи неизвѣстнаго и $P=\infty$, ибо P предполагается цѣлой функцией относительно $x-a$, то $\frac{P}{m}$ принимаетъ видъ $\frac{\infty}{\infty}$. Раскрывая истинный смыслъ этого выраженія увидимъ, что въ нѣкоторыхъ случаяхъ оно можетъ равняться нулю, а въ другихъ не можетъ.

Значеніе неизвѣстного равное ∞ , при которомъ $\frac{P}{m}=0$, будетъ конечно тоже корнемъ первоначального уравненія $\frac{P}{m}=0$. Чтобы лучше выяснить, когда собственно дробь $\frac{P}{m}$, представляющая 1-ю часть уравненія, и обращающаяся при $x=\infty$, въ неопределеннное выражение $\frac{\infty}{\infty}$, будетъ равна нулю, разсмотримъ примѣры.

Пусть данное уравненіе принимаетъ видъ:

$$\frac{x^2-2x+3}{x^3-5x^2-2x+1}=0,$$

при $x=\infty$ 1-я часть уравненія принимаетъ видъ $\frac{\infty}{\infty}$, неопределенного выраженія; для раскрытия истинного значенія этой неопределенности, раздѣлимъ числителя и знаменателя дроби на x^2 , получимъ:

$$\frac{1-\frac{2}{x}+\frac{3}{x^2}}{x-5-\frac{2}{x}+\frac{1}{x^2}}=0,$$

положивъ $x=\infty$, получимъ тождество:

$$0=0.$$

Изъ этого примѣра усматриваемъ: "когда степень знаменателя выше степени числителя, то уравненіе $\frac{P}{m}$ сверхъ корней уравненія $P=0$, имѣть еще особый корень $x=\infty$ ". Этотъ корень въ некоторыхъ случаяхъ даетъ определенный отвѣтъ на вопросъ задачи, изъ которой составлено уравненіе.

Пусть степень знаменателя будетъ не выше степени числителя; напримѣръ

$$\frac{x^3-2x^2-x+1}{2x^3+x^2-2x+3}=0;$$

раздѣливши числителя и знаменателя на x^3 , и полагая $x=\infty$, легко убѣдимся, что не получимъ тождества. Послѣ высказаннаго можно такъ формулировать рѣшеніе вопроса объ освобожденіи уравненія, содержащаго неизвѣстное въ знаменателѣ, отъ знаменателей, и вообще правило рѣшенія уравненія, содержащаго неизвѣстное въ знаменателѣ дробныхъ членовъ:

Чтобы рѣшить уравненіе, содержащее неизвѣстное въ знаменателѣ, должно перенести всѣ члены въ одну часть уравненія, соединить эти члены

въ одну дробь, которую вполнѣ сократить, и затѣмъ, отбросивъ знаменателя, решить полученное уравненіе, при чмъ принять во вниманіе, что если степень знаменателя у сокращенной дроби была выше степени числителя, то данное уравненіе имѣть еще и особый корень $x=\infty$.

В. Шидловскій (Полоцкъ).

О ПЫТЫ ГЕРЦА.

(Продолженіе) *).

О распространеніи электрическихъ волнъ въ проволокахъ.

Если нѣкоторый постоянный по величинѣ и направленію токъ течетъ въ цилиндрической проволокѣ, то напряженіе его будетъ одинаково для всѣхъ элементовъ площиади поперечнаго съченія проволоки.

Если токъ мѣняется, то вслѣдствіе самоиндукціи происходитъ уклоненіе отъ такого распределенія тока: въ элементахъ площиади поперечнаго съченія проволоки, лежащихъ ближе къ центру, напряженіе тока оказывается слабѣе, чмъ для элементовъ, лежащихъ дальше отъ него. Причина этого по общепринятому объясненію лежитъ въ томъ, что дѣйствіе индукаціи на внутреннія части проволоки сильнѣе, чмъ на внѣшнія, слѣдовательно, наведенный токъ во внутреннихъ частяхъ будетъ сильнѣе, чмъ во внѣшніхъ. Если это такъ, то наводящій и наведенный токи дадутъ совмѣстно токъ во внутреннихъ частяхъ болѣе слабый, чмъ во внѣшніхъ.

Чмъ быстрѣе измѣненія тока въ проволокѣ, тѣмъ сильнѣе будетъ отклоненіе отъ нормального распределенія тока. При весьма быстрыхъ измѣненіяхъ направленія тока, вся внутренняя часть проволоки, при такомъ представлении явленія, окажется свободной отъ тока, который будетъ идти только по поверхности. Такое представление явленія, говоритъ Герцъ, менѣе справедливо, чмъ представление, выведенное впервые Heaviside'омъ ***) и Pointing'омъ ***), какъ слѣдствіе, вытекающее изъ уравненій Maxwell'я, примѣненныхъ къ данному случаю.

По ихъ объясненію электрическая сила, производящая токъ, распространяется вообще не въ самой проволокѣ, но входитъ въ нее извѣ и распространяется въ металлѣ сравнительно медленно. Поэтому, если направленіе этой силы весьма быстро мѣняется, то дѣйствіе ея не успѣваетъ распространиться на значительную глубину и произвести электрическія перемѣщенія по всей толщинѣ проволоки, вслѣдствіе чего, токъ будетъ имѣть мѣсто только въ поверхностномъ слоѣ проволоки. Чмъ медленнѣе колебанія силы, тѣмъ глубина этого слоя будетъ больше. Наконецъ при сравнительно медленныхъ колебаніяхъ силы, токъ будетъ выполнять проволоку по всей ея толщинѣ.

*) См. „Вѣстникъ“ № 112 и 117.

**) Жур. Физ. Хим. Общ. Т. 23. Вып. 2 и 3, стр. 32. 1891 г.

***) Phil. Trans. II р. 277. 1885.

Опытному подтверждению возврѣнія Heaviside'a и Pointing'a и посвящена работа Герца, опубликованная въ юнѣ 1889 г. *).

Приборы и пріемы для возбуждения и воспринятія электрическихъ колебаній были описанные раньше: катушка Румкорфа, первичный проводникъ съ металлическими листами и круглый вторичный проводникъ.

Когда первичный проводникъ дѣйствуетъ на вторичный, то, очевидно, это дѣйствие приходитъ къ послѣднему извѣнѣ, распространяясь отъ одной точки промежуточного пространства къ другой, и достигаетъ верхнихъ слоевъ проводника раньше, чѣмъ внутреннихъ.

Если помѣстить вторичный проводникъ въ замкнутый металлическій сосудъ, то оказывается, какъ убѣдился Герцъ, что металлическія стѣнки сосуда являются непроницаемыми для электрической силы, существующей произвести колебанія во вторичномъ проводнике.

Это слѣдуетъ изъ того, что до помѣщенія проводника въ металлическую оболочку искры въ немъ достигали по наблюденіямъ Герца 6 мм., а послѣ помѣщенія совершенно исчезали.

Однако при медленныхъ колебаніяхъ наводящаго (первичного) тока, какъ извѣстно, вліяніе индукціи на вторичный проводникъ вообще не равно нулю. Чтобы объяснить такую разницу въ явленіяхъ при весьма быстрыхъ и медленныхъ колебаніяхъ, достаточно предположить, что электрическая сила сравнительно медленно распространяется въ металѣ, такъ что при весьма быстрыхъ колебаніяхъ она не успѣваетъ пройти черезъ достаточно толстую металлическую оболочку и подействовать на вторичный проводникъ. При медленныхъ же колебаніяхъ тока, она имѣеть для этого достаточно времени.

Исходя изъ этого, мы должны ожидать, что, уменьшая достаточно толщину стѣнокъ сосуда, мы достигнемъ того, что дѣйствие электрической силы успѣть проникнуть черезъ нихъ до вторичного проводника и возбудить въ немъ электрическія колебанія.

Герцъ могъ располагать пластинками, для устройства ящика, не толще $\frac{1}{20}$ мм., но и онъ оказались непроницаемыми, т. е. были все таки слишкомъ толсты, если наше предположеніе справедливо.

Чтобы убѣдиться, что на отсутствіе искръ не вліяетъ какая нибудь другая причина, Герцъ бралъ весьма тонкую металлическую трубку изогнутую въ видѣ круга и въ нее помѣщалъ вторичный проводникъ такъ, чтобы между нимъ и стѣнками трубки не было проводящаго соединенія. Между концами трубки былъ оставленъ небольшой прорывъ, въ которомъ при дѣйствіи катушки наблюдались искры столь же рѣзкія, какъ раньше въ открытомъ вторичномъ проводнике, между тѣмъ какъ теперь въ послѣднемъ искръ не было и слѣда.

Отсюда мы заключаемъ, что отсутствіе искръ въ проводнике дѣйствительно обусловливается заключеніемъ его въ металлическую оболочку, а не какими нибудь другими причинами; ибо теперь вѣнчальная трубка представляетъ по существу такой же проводникъ, какимъ былъ раньше кругъ, и въ ея прорывѣ мы замѣчаемъ искры.

Кромѣ того оказалось, что прикосновеніе вторичного проводника къ облегающей его трубѣ не измѣняетъ явленія — искръ въ прорывѣ

* Wied. An. B. 37, стр. 395.

перваго по прежнему не замыкается. Если такъ, то мы можемъ представить себѣ оболочку трубы налагающей на вторичный проводникъ, другими словами, считать ее поверхностнымъ слоемъ проводника.

А въ такомъ случаѣ изъ этого опыта слѣдуетъ, что при весьма быстрыхъ колебаніяхъ электрической силы (весьма быстрыхъ измененияхъ направления наводящаго тока) наведенный во вторичномъ проводнике токъ имѣетъ мѣсто только въ поверхностномъ его слоѣ.

Спрашивается, будеть ли явленіе имѣть тотъ же характеръ, если электрическое возбужденіе вторичного проводника будетъ распространяться не черезъ воздухъ, а по проволокѣ. Для рѣшенія этого вопроса Герцъ помѣстилъ подлѣ одной изъ пластинокъ первичнаго проводника вторую такую же, отъ которой шла проволока натянутая прямолинейно. По общепринятому возврѣнію, электрическія перемѣщенія, начинаясь отъ пластиинки, идутъ дальше въ проволокѣ по всей ея толщинѣ. Но изъ ниже описанныхъ опытовъ слѣдуетъ, что перемѣщеніе имѣетъ мѣсто только въ поверхностномъ слоѣ.

Какъ слѣдуетъ изъ раньше описанныхъ опытовъ, въ проволокѣ при дѣйствіи катушки получаются стоячія волны, длина которыхъ для даннаго случая была около 6 м.

Въ данномъ случаѣ электрическая сила, дойдя до пластиинки, распространяется дальше уже въ проволокахъ и производить въ ней электрическія перемѣщенія.

Изъ этой проволоки былъ вырѣзанъ кусокъ въ 4 м. длиною и былъ замыненъ двумя цинковыми пластиинками такой же длины и въ 10 см. ширины, налегавшими другъ на друга. Въ промежуточное пространство между этими пластиинками, вдоль средней линіи пластиинокъ были вставлены два куска изолированной гуттаперчей мѣдной проволоки, одни концы которыхъ были приведены въ металлическое сообщеніе съ концами пластиинокъ; затѣмъ обѣ проволоки шли на встрѣчу другъ другу и, дойдя до средины пластиинокъ, выходили изъ промежуточного пространства, навиваясь одна на другую. Между выходящими концами былъ оставленъ прорывъ.

Когда катушка была пущена въ дѣйствіе, то въ этомъ прорывѣ не было замѣтно и слѣда искръ. Отсутствіе искръ указываетъ на то, что во внутренней проволокѣ нѣть никакихъ электрическихъ перемѣщеній.

Когда же часть проволоки была выведена изъ промежуточнаго между пластиинками пространства, то въ прорывѣ появлялись искры тѣмъ болѣе рѣзкія, чѣмъ большая часть проволоки была выведена.

Окружая затѣмъ выходящую часть проволоки станіolemъ, сообщеннымъ съ цинковыми пластиинками, Герцъ наблюдалъ опять уничтоженіе искръ въ прорывѣ.

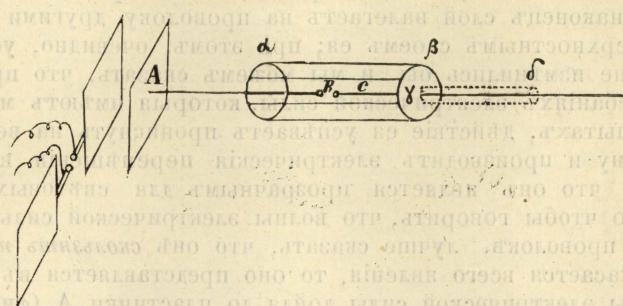
Разсматривая пластиинки съ заключенной между ними проволокой, какъ одинъ проводникъ, мы заключаемъ изъ этого опыта, что и въ томъ случаѣ, когда сила, производящая перемѣщенія электрическія, распространенія повидимому въ проволокѣ, эти послѣднія имѣтъ мѣсто только въ поверхностномъ слоѣ проводника.

Для большей убѣдительности Герцемъ были произведены еще слѣдующіе опыты.

На мѣсто цинковыхъ пластиинокъ былъ вставленъ кусокъ до 1,5 м.

длиною толстой мѣдной проволоки, имѣвшей по срединѣ прорывъ, а на концахъ снабженной круглыми металлическими пластинками 15 см. въ діаметрѣ, такъ что расположение прибора имѣло видъ, представленный на чертежѣ (фиг. 44).

Фиг. 44.



Въ той и другой пластинкахъ было сдѣлано по 24 отверстія, расположенныхъ по окружности.

При дѣйствіи катушки въ прорывѣ наблюдалась искры до 6 мм. длиною. Когда же между двумя симметричными отверстіями отъ одной до другой пластинки была натянута проволока, то искра уменьшалась до 3,2 мм. Замѣна этой проволоки болѣе толстыми или 24-мя такими же, вставленными въ тѣ же два отверстія, не вліяла на величину искры. Введеніе же подобной проволоки во вторую пару отверстій уменьшало длину искры. Послѣ введенія проволокъ во всѣ 24 пары отверстій искра въ прорывѣ совсѣмъ исчезала.

Сопротивленіе внутренней толстой проволоки было менѣе сопротивленія наружныхъ проволокъ; кромѣ того, когда между пластинками съ наружной стороны была укреплена проволока такая же, какъ внутри, то въ прорывѣ ея наблюдались весьма рѣзкія искры; поэтому причину отсутствія искръ внутри проволочного цилиндра нельзѧ искать въ сопротивленіи внутренней проволоки, охваченной имъ.

Затѣмъ опытъ былъ нѣсколько видоизмѣненъ: вторая пластиинка β была уединена отъ проволоки и соединена съ трубкой, изображенной на чертежѣ (фиг. 44) пунктиромъ, которая охватывала проволоку, проходившую черезъ отверстіе пластинки, на пространствѣ 1,5 м.; свободный конецъ трубки δ былъ металлически соединенъ съ проволокой*). При такомъ расположениіи опыта прорывъ съ прилегающими частями внутренней проволоки находится, какъ и раньше, въ металлически закрытомъ пространствѣ и искръ въ немъ не замѣчается. Но здѣсь можно было уменьшать толщину стѣнокъ трубы γ и опредѣлить предѣльную толщину, при которой дѣйствіе быстро мѣняющейся электрической силы успѣть распространится внутрь и произвести электрическія перемѣщенія во внутренней проволокѣ, что будетъ замѣтно по появленію искръ въ прорывѣ.

*) Наглухо закрыть кружкомъ станіоля, соединеннымъ съ проволокой.

Оказалось, что даже весьма тонкая трубки изъ станіоля и сусаль-
наго золота слишкомъ толсты для этого. Только слой серебра, нанесен-
ный химическимъ путемъ на стекляной трубкѣ и имѣвшій не болѣе
0,01 мм. толщины *), оказался достаточно тонкимъ, ибо при замѣнѣ та-
кой трубкой—металлическихъ въ прорывѣ появлялись искры.

Представимъ себѣ, что діаметръ этого цилиндрическаго слоя умень-
шается, и наконецъ слой налегаетъ на проволоку, другими словами, дѣ-
лается поверхностнымъ слоемъ ея; при этомъ, очевидно, условія опыта
николько не измѣнились бы, и мы можемъ сказать, что при тѣхъ быс-
тыхъ колебаніяхъ электрической силы, которая имѣютъ мѣсто въ опи-
санныхъ опытахъ, дѣйствіе ея успѣваетъ проникнуть на весьма неболь-
шую глубину и производить электрическія перемѣщенія въ столь тон-
кому слоѣ, что онъ является прозрачнымъ для свѣтовыхъ лучей. А
вмѣсто того чтобы говорить, что волны электрической силы распространя-
ются въ проволокѣ, лучше сказать, что онъ скользятъ по проволокѣ.

Что касается всего явленія, то оно представляется въ слѣдующемъ
видѣ: волны электрической силы дойдя до пластинки А (фиг. 44), скользятъ
по ея поверхности, затѣмъ по проволокѣ до α ; не успѣвая проникнуть
черезъ α , онъ скользятъ по наружнымъ 24 проволокамъ, по по-
верхности β , по трубкѣ γ и дальше по проволокѣ. Если толщина стѣнокъ
 γ достаточна мала, то онъ успѣваютъ проникнуть черезъ стѣнки
и произвести перемѣщенія во внутренней проволокѣ, выражаяющіяся по-
явленіемъ искры въ прорывѣ.

Представимъ теперь, что станіоль, закрывающій отверстіе δ , удалень,
а конецъ трубки соединенъ съ проволокой помошью куска тонкой
проволоки. Если наше представленіе о распространеніи волнъ справед-
ливо, то мы должны ожидать слѣдующаго: до конца δ волны будутъ
скользить, какъ и раньше, но перейдя на проволоку должны раздѣлиться
на двѣ части—одна пойдетъ, какъ и раньше (на чертежѣ вправо), дру-
гая пойдетъ по проволокѣ внутрь къ прорыву и возбудить въ поверх-
ностномъ слоѣ внутренней проволокѣ электрическія колебанія, которые
дадутъ въ прорывѣ искры. Это дѣйствительно и наблюдалъ Герцъ.

Чтобы убѣдиться, что дѣйствительно волны идутъ отъ δ къ α , онъ
устроилъ въ проволокѣ между В и δ второй прорывъ С. При движеніі
волнъ во внутренней проволокѣ отъ δ къ α , увеличивая прорывъ В, мы
не уменьшаемъ возможности появленія искръ въ С; напротивъ, увели-
чивая прорывъ С до исчезновенія въ немъ искръ, мы тѣмъ самымъ
уничижаемъ возможность появленія ихъ въ В, какъ бы послѣдній ни
былъ малъ.

При движеніі волнъ отъ α къ δ —наоборотъ. Оказалось, что имѣть
мѣсто 1-ое, слѣдовательно наше представленіе о распространеніи волнъ
справедливо.

Чтобы дать еще подтвержденіе справедливости высказаннаго взгляда
на явленіе, Герцъ произвелъ слѣдующій опытъ: разстояніе между пла-
стинками α и β было увеличено до 5 м., а діаметръ пластинокъ до 30 см.,
между ними было натянуто, какъ и прежде, 24 проволоки, прорывъ во
внутренней проволокѣ былъ уничтоженъ; отъ пластинки β шла, какъ

*) Этотъ слой былъ совершенно прозраченъ.

раньше, трубка, которая въ δ была соединена кускомъ проволоки со внутренней проволокой. Если волна распространяется отъ δ къ a , то, отражаясь отъ a , она должна дать стоящія волны, узлы которыхъ должны быть у a , на разстояніи 3 м. отъ a и т. д., а припухлости между ними. Вводя электрическій резонаторъ въ пространство между пластинками и наружными проволоками, Герцъ дѣйствительно нашелъ узлы и припухлости волнъ въ указанныхъ мѣстахъ внутренней проволоки. Когда затѣмъ въ пластинѣ a было вырѣзано отверстіе въ нѣсколько центиметровъ, то слѣдовало ожидать отраженія волны съ обратнымъ знакомъ, т. е. у a припухлости, на разстояніи 1,5 м. узла и т. д., что вполнѣ и подтвердилось на опыте.

Этими опытами весьма достаточно подтверждается справедливость воззрѣнія Heaviside'a и Pointing'a, основанныхъ на теорії Maxwell'а, на способъ распространенія волнъ электрической силы, обусловливающей электрическія перѣмѣщенія въ проводникахъ.

I. Косоноговъ.

(Окончаніе следуетъ).

НАУЧНАЯ ХРОНИКА.

Усовершенствованіе фонограммъ по проекту кн. А. Гагарина *). Въ засѣданіи Мех. Отд. Имп. Р. Техн. Общ. (въ Спб.) 22-го декабря 1890 г. кн. А. Гагаринъ сдѣлалъ сообщеніе о способахъ, которыми можно достичнуть въ фонографахъ неискажаемости рѣчи, закрѣпленія фонограммъ и болѣе громкаго воспроизведенія ими рѣчей, по сравненію со сказанными въ фонографѣ. Сущность предложенного въ этомъ сообщеніи проекта, никѣмъ еще, повидимому, не приведенаго въ исполненіе, заключается въ слѣдующемъ.

Въ 1878 г. въ журналѣ „The american journal of science and arts“ Блэкъ помѣстилъ описание приема и прибора для фотографированія колебаний звуко-чувствительной пластиинки, вызываемыхъ человѣческою рѣчью **); стальной штифтъ (проводка), прикрѣпленный къ центру вибрирующей пластиинки, передаетъ ея колебанія маленькому стальному зеркалу, отъ которого отражающійся пучекъ свѣта падаетъ на равномѣрно перемѣщающуюся полосу свѣточувствительной бумаги; послѣ фиксированія, на полосѣ получается фото-фонограмма рѣчи въ видѣ зигзага. Такую фотопонограмму кн. Гагаринъ предлагаетъ превратить посредствомъ свѣтотипіи (или—какъ замѣтилъ въ засѣданіи В. И. Срезневскій—непосредственно по способу Варнерке) въ выпуклый барельефъ; если затѣмъ ленту съ такою выпуклою кривою обрѣзать такъ, чтобы эта кривая находилась возлѣ края и свернуть въ плоскую спираль, то получится цилиндръ, на одномъ основаніи которого образуется спиральный жгобокъ съ волнобразнымъ дномъ, въ родѣ такого, какои чертитъ острѣе обыкновеннаго фонографа на оловянной бумагѣ, напр. въ плоскомъ фонографѣ Кросса (гдѣ фонограммы получаются не на поверхности вращающа-

*). См. „Зап. Имп. Русск. Техн. Общ.“ 1891, Апрѣль, стр. 48—58.

**). См. тамъ-же русскій переводъ статьи Блэка и рисунокъ его прибора.

гося цилиндра—какъ у Эдисона—, а на плоскости въ формѣ спирали). Съ такого основанія цилиндра можно снять гальванопластически стальной оттискъ, и такимъ образомъ получилась бы прочная металлическая фонограмма, которая, вложенная въ соответственно устроенный плоский фонографъ, позволила бы—по мнѣнію кн. Гагарина—услышать громко и отчетливо произнесеннымъ все то, что было скакано передъ пластинкой фотографа Блэка.

Было бы интереснымъ, конечно, выполнить все это на самомъ дѣлѣ и такъ полученную фонограмму подвергнуть опытному испытанію, но врядъ ли отъ такого пріема (слишкомъ сложнаго на практикѣ) можно ожидать хорошихъ результатовъ. Авторъ проекта говоритъ, что „условія, въ которыхъ совершенно свободно (?) колеблется штифтъ въ приборѣ Блэка, не заставляютъ его производить тяжелой работы изготавленія волнистаго дна канавки, а потому кривая Блэка, соотвѣтствуя дну канавки, отличается отъ нея полною естественностью (?). Такимъ образомъ я думаю устранить главную причину искаженія рѣчи фонографомъ“. Съ этимъ трудно согласиться, и преимущество естественности во всякомъ случаѣ скорѣе принадлежитъ канавкѣ Эдисона, чѣмъ фотографической кривой Блэка, полученной *искусственной* замѣнной вибраціей пластиинки качаніями въ ту и другую сторону зеркальца; притомъ, какъ бы ни была мала масса этого зеркальца, соединенная съ нимъ проволочкой пластиинка не можетъ вибрировать „совершенно свободно“. Отсюда—потеря чувствительности. Самъ Блэкъ говоритъ, что когда зеркальце было соединено съ пластиинкою воспринимающаго телефона и была снята фотографія пока „приборъ говорилъ слышно“, то полученная кривая оказалась почти прямой линіей и давала лишь самыя слабыя указанія на то, что зеркальце двигалось. „Отсюда—говорить Блэкъ—следуетъ, что есть ясно слышные элементы рѣчи, сопровождающіеся столь мелкими зазубринами волнъ, что ихъ этимъ способомъ записать нельзя“. —Не должно, наконецъ, упускать изъ виду и того важнаго обстоятельства, что свободный конецъ штифтика, прикрепленного къ вибрирующей пластиинкѣ фонографа, описываетъ въ пространствѣ такую кривую, которая не лежить въ одной плоскости, а потому никакая *плоская* кривая, какимъ бы пріемомъ она ни была получена, не можетъ въ точности изобразить всѣхъ углубленій и извилинъ такого закзага, какой этотъ конецъ выдавливаетъ, напримѣръ, на гладкой поверхности воска. Слѣдовательно *à priori* можно сказать, что и фонограмма, приготовленная по проекту кн. Гагарина, не воспроизведетъ всѣхъ звуковыхъ колебаній человѣческой рѣчи.

III.

♦ Впечатлѣніе рельефности туманныхъ картинъ *). Въ засѣданіи Моск. Отд. Имп. Р. Техн. Общ. 11-го февраля тек. года В. Г. Фонъ-Бооль сдѣлалъ интересное сообщеніе о способѣ получения на экранѣ стереоскопическихъ изображеній при помощи волшебнаго фонаря. Этотъ способъ, придуманный покойнымъ французскимъ физикомъ Д'Альмейда и выведенный изъ забвенія въ прошломъ году Мольтени, состоитъ въ слѣдующемъ.

*) См. „Записки Моск. Отд. Имп. Р. Техн. Общ.“ 1891, вып. 1 и 2, стр. 52—55.

Два (прозрачные) изображения одного и того же предмета или ландшафта, приготовленные какъ для стереоскопа, при помощи двухъ одинаковыхъ волшебныхъ фонарей проектируются на общемъ экранѣ тѣкъ, чтобы они совпадали по возможности. При этомъ, по причинѣ не полной тождественности обоихъ рисунковъ, на экранѣ получается туманное изображеніе. Но если при помощи цветныхъ стеколъ окрасимъ оба изображенія въ дополнительные цвета, напр. когда передъ однимъ фонаремъ помѣстимъ зеленое стекло, а передъ другимъ—красное, и если сами надѣнемъ очки изъ стеколъ тѣхъ-же самыхъ дополнительныхъ цветовъ, то, смотря сквозь такія очки на экранъ, получимъ такое же впечатлѣніе рельефности изображенія, какъ и въ стереоскопѣ. Причина—понятна: если напр. изображеніе, предназначеннѣе для лѣваго глаза, окрашено въ зеленый цветъ, то, смотря на него лѣвымъ глазомъ сквозь зеленое стекло, мы будемъ его видѣть отчетливо, между тѣмъ какъ правый глазъ, смотрящій сквозь красное стекло, этого изображенія не увидить вовсе; точно также и наоборотъ: красное изображеніе, предназначеннѣе для праваго глаза, будетъ воспринято только этимъ глазомъ и останется невидимымъ для лѣваго.

Это остроумное рѣшеніе вопроса не такъ легко однажды достичжимо на практикѣ: опыты получены такимъ путемъ рельефныхъ изображений на экранѣ, произведенные недавно при Московскомъ Политехническомъ Музѣѣ гг. Фонть-Боолемъ и Репманомъ, убѣдили ихъ, что вся трудность заключается въ присканіи такихъ стеколъ, цвета которыхъ были бы дополнительными въ строгомъ значеніи этого слова; если это условіе не выполнено въ точности, то одинъ глазъ получаетъ нѣкоторые лучи и отъ второго, не для него предназначенаго изображенія, и иллюзія рельефности получается не полная. Въ виду этого затрудненія, которое въ особенности относится къ подборанію зеленаго стекла, г. Репманъ пытается замѣнить цветные стекла обыкновенными, но покрытыми окрашеннымъ слоемъ желатина или колloidума. Результаты этихъ попытокъ еще не были опубликованы.

III.

♦ **Магнитные спектры на поверхности воды** можно получить, пользуясь свойствами капиллярности. Всякому известно, что сухую, не смоченную еще стальную иголку можно помѣстить на поверхности воды такъ, что она не тонетъ; то же самое удается и съ опилками желѣзными или стальными. Приблизивъ тогда подковообразный магнитъ къ плавающимъ опилкамъ такъ чтобы полюсы его находились надъ поверхностью воды, замѣтимъ какъ опилки расположатся вдоль линій магнитныхъ силъ и образуютъ красивый узоръ спектра. Послѣ удаленія магнита вся эта система опилокъ, слегка намагниченная, сама собою расположится въ плоскости магнитнаго меридіана.

III.

ПЕРЛЫ УЧЕБНОЙ ЛИТЕРАТУРЫ.

Руководство къ физикѣ. Въ объемѣ курса среднихъ учебныхъ заведеній. Сообразно съ новѣйшими изысканіями составилъ *В. Полкотыцкий*, Преподаватель Варшавской 4-ой гимназіи. Рекомендовано въ качествѣ руководства къ физикѣ

ученымъ комитетомъ М. Н. П. и учебнымъ комитетомъ при Св. Синодѣ. Издание 2-ое исправленное и дополненное. Варшава, 1884.

Приведенное заглавіе книги можетъ ввести въ заблужденіе неопытнаго читателя. Съ одной стороны можетъ показаться соблазнительнымъ, что элементарное руководство составлено по новѣйшимъ изысканіямъ; съ другой стороны рекомендаций такого компетентнаго учрежденія, какъ ученый комитетъ М. Н. П., стоящаго на стражѣ интересовъ педагогическаго дѣла, покажется иному читателю достаточнаго гарантію въ томъ, что книга г. Полкотыцкаго дѣйствительно можетъ, его руководить при изученіи предмета.

Желающему пользоваться книгою г. Полкотыцкаго слѣдуетъ сперва познакомиться съ рецензіями на нее, появившимися въ Журналѣ Министерства Народнаго Просвѣщенія, въ которыхъ она рѣшительно осуждается"). Свои рецензіи неизвѣстный авторъ заканчиваетъ слѣдующими сильными словами: „Книги вредны запрещаютъ. Нельзя не выразить самаго искренняго сожалѣнія, что книга г. Полкотыцкаго запрещена быть не можетъ, хотя она, несомнѣнно, должна быть причислена къ книгамъ крайне вреднымъ“.

Въ отвѣтъ на эти рецензіи г. Полкотыцкій напечаталъ на дняхъ „Разборъ рецензій“, относящихся къ его сочиненіямъ, въ которыхъ отвергаетъ всѣ упреки рецензента Ж. М. Н. П. Въ заключеніе своего „Разбора“ г. Полкотыцкій говоритъ слѣдующее. „Одною изъ основныхъ причинъ настроенія критика является приложеніе къ нашимъ руководствамъ научныхъ основаній, почерпнутыхъ изъ проявленій и преобразованій энергіи въ природѣ. Онъ явно возстаѣтъ противъ приложенія къ ученію, такъ называемаго, (sic) „послѣдняго слова науки“ и взамънъ совѣтуетъ (sic): указывать учащимся на нѣсколько одновременныхъ гипотезъ и на трудность выбора между ними“..... „Такая приверженность нашего критика къ законочлой рутинѣ вѣроятно вытекаетъ изъ его поверхностныхъ познаній по физикѣ. Ему не извѣстны ни свойства міроваго эфира, ни свойства газовъ“..... „Мы постоянно слѣдимъ за развитіемъ науки и стараемся исправлять и дополнять добытія результаты во всякомъ новомъ изданіи“.

Непосвѣщенному читателю, которому попадется подъ руки одинъ только „Разборъ“, можетъ показаться, что рецензентъ Ж. М. Н. П. напрасно нападаетъ на г. Полкотыцкаго и что онъ, „воспользовавшись своимъ авторитетнымъ положеніемъ“, строить ему козни съ единственную цѣлью „затормозить его книгамъ доступъ въ учебныя заведенія“, где онъ, „на основаніи одобренія“ ученаго комитета М. Н. П. и учебнаго комитета при Св. Синодѣ, стали было „послѣдовательно пріобрѣтать употребительность“.

Чтобы вывести читателя „Разбора“ изъ заблужденія, я приведу нѣкоторыя мѣста изъ „Руководства“ г. Полкотыцкаго, сохрания и орографію автора.

Начнемъ съ электричества. Вотъ что говорить г. Полкотыцкій о новыхъ электрическихъ единицахъ на стр. 374.

„Вскорѣ мы увидимъ, что электрический токъ можетъ производить механическую работу и наоборотъ всякая механическая работа можетъ быть преобразована въ электрическій токъ. Такъ какъ за единицу мѣры механической работы принять килограммометръ, то для измѣренія электрическихъ силъ (?) нужно было

^{*)} Журналъ М. Н. П. Ноябрь 1884, Апрѣль 1887 и Декабрь 1890. Эти рецензіи одобрены учен. комитетомъ М. Н. П., какъ то явствуетъ изъ подстрочного примѣчанія къ послѣдней рецензіи: „Помѣщаемыя здѣсь рецензіи имѣлись въ виду ученымъ комитетомъ Мин. Нар. Просв.“

избрать подобную же единицу мѣры. По рѣшенію конгресса электрологовъ (sic) за основаніе для электрическихъ измѣреній приняты: сантиметръ, граммъ и секунда (C. G. S.) т. е. сантиметрограммъ (!!). Поэтому сантиметрограммъ есть такая сила, которая въ 1' (?) поднимаетъ одинъ граммъ на высоту одного сантиметра; она обозначается C. G. S. (!) и наз. абсолютной единицею электрическихъ измѣреній (?!).

Изъ этой тирады, составленной, очевидно, по послѣднему слову науки, мы узнаемъ, что миопические электрологи, собравшись въ 1881 г. на конгрессъ, изобрѣли сантиметрограммъ (конгрессъ, какъ извѣстно, отмѣтилъ сантиметрограммъ какъ единицу работы) въ качествѣ миопической единицы электрическихъ измѣреній.

На выписанное мѣсто было обращено вниманіе рецензента Ж. М. Н. П. По этому поводу г. Полкотыцкій въ своемъ „Разборѣ“ говорить (стр. 8): „Критикъ утверждаетъ, что объясненіе новыхъ единицъ представляетъ чрезвычайныя трудности и почти не мыслимо въ средн. уч. заведеніяхъ. Все, что мы обѣ этомъ говоримъ на стр. 374, онъ называетъ множествомъ несообразностей по поводу, какъ мы догадываемся, случайной ошибки, сдѣланной нами и состоящей въ томъ, что сантиметрограммъ названъ силой, вмѣсто работой“.

Г. Полкотыцкій догадывается невѣрно, ибо сантиметрограммъ или сантиметрограммъ (авторъ употребляетъ обѣ орографіи) не единица работы въ той системѣ, которую онъ излагаетъ. Кромѣ того, догадываясь и подсовывая работу вмѣсто силы, г. Полкотыцкій кривить душою. Развѣ предыдущее изложеніе станетъ вѣрѣ, если вмѣсто „силы“ мы скажемъ „работа“? Вѣдь это одно и тоже! Правда, по мнѣнию г. Полкотыцкаго работа вообще лучше силы, но въ сущности между работою и силою нѣть никакой разницы!

Чтобы читатель не подумалъ, что я брежу, спѣшу привести выписку со стр. 244 книги г. Полкотыцкаго.

„Пока пріймемся за рѣшеніе этого вопроса (какую работу можетъ совершать всякая (sic) единица теплоты?) посмотримъ сначала, (sic) какъ измѣряются механическія силы. Самою точною мѣрою всякой механической силы служить величина совершающей ею работы; поэтому весьма часто вмѣсто выраженія механическая сила употребляется выраженіе механическая работа (?!), которая, какъ продуктъ силы, является ея настоящей мѣрою (!) и, какъ такая, разматривается во всѣхъ практическихъ случаяхъ (!). Понятіе сила имѣть значеніе отвлеченнѣе, понятіе работа становится вещественнымъ и соизмѣримымъ (!); такимъ образомъ мы имѣемъ возможность отвлеченные понятія переводить въ вещественные (!) и измѣрять ихъ самыми точными образомъ (?). Такъ какъ механическая работа состоитъ обыкновенно въ движениіи извѣстныхъ тяжестей, то поэтому ея величина измѣряется не только въсомъ движимой тяжести, но и пространствомъ, проходимымъ въ единицу времени (!)..... Вообще величина механической силы или работы выражается произведеніемъ вѣса на пространство, проходимое имъ въ одну секунду“.

Изъ послѣднихъ строкъ ясно, что сила и работа измѣряются одинаково, а потому эти величины однородны; слѣдовательно замѣна одной другой ничего не измѣняется.

Нужно-ли прибавлять чтонибудь къ приведенной выпискѣ? Пожалѣмъ только о томъ, что г. Полкотыцкій, усердно гоняясь за последними словами науки, не усвоилъ себѣ ея первыхъ словъ.

Въ механическомъ отдѣлѣ встрѣчается еще курьезтъ, это выводъ Ньютона-скаго закона квадратовъ разстояній (excusez du peu). Вотъ онъ (стр. 36):

„Чтобы доказать справедливость этого закона, положимъ, что въ точкѣ А

находится материальное тело: оно производить притяжение по всем направлениямъ, следовательно оно находится въ центрѣ шаровыхъ поверхностей, до которыхъ по направлениямъ радиусовъ распространяются его притяженія (!?). Означимъ двѣ такія поверхности чрезъ с и С, а притяженія на нихъ чрезъ F и f; очевидно (?), количество притяженія (?) на поверхностяхъ с и С одинаково (!?); но эти поверхности растутъ какъ квадраты радиусовъ,—следовательно притяженія на нихъ уменьшаются въ томъ же отношеніи, т. е. $F:f=R^2:r^2$ (!??).

Двѣсти лѣтъ законъ квадратовъ разстояній принимается какъ геніальная догадка Ньютона, но г. Полкотыцкій „не приверженецъ закона нѣкой рутины“, онъ идетъ дальше своего вѣка и даетъ доказательство этого закона; доказательство это можетъ быть было бы прекраснымъ, если бы г. Полкотыцкій не забылъ дать опредѣленіе того, что онъ разумѣеть подъ количествомъ притяженія, и доказать равенство этихъ количествъ на обѣихъ сферахъ; но такъ какъ г. Полкотыцкій не представилъ ни того, ни другого, то онъ доказалъ лишь свою совершенную неспособность различать гипотезу отъ выводимыхъ изъ нея слѣдствий.

На сколько можно догадываться по туманнымъ выраженнымъ г. Полкотыцкаго, онъ, какъ и всѣ добрые люди, принялъ законъ Ньютона извѣстнымъ и притяженія на сферахъ положилъ

$$F = \frac{A}{R^2}, \quad f = \frac{A}{r^2},$$

затѣмъ умножилъ ихъ на соответствующія поверхности сферъ:

$$FS = A \frac{4\pi R^2}{R^2}, \quad fs = A \frac{4\pi r^2}{r^2};$$

эти „количества притяженій“ оказываются дѣйствительно равными, такъ что

$$F:f:s:S=r^2:R^2.$$

Переходъ тѣла изъ жидкаго состоянія въ газообразное г. Полкотыцкій описываетъ яркими красками и съ такими подробностями, которыя ему одному удалось подсмотрѣть. Вотъ что онъ пишетъ на стр. 40.

„Внутри жидкой массы движение всякой частицы стѣснено со всѣхъ сторонъ окружающими, но на поверхности частицы притягиваются сосѣдними только съ нижней стороны; съ верхней же стороны они находятся въ свободномъ состояніи (?) и потому постепенно испаряются, т. е. превращаются въ газообразное состояніе. Чтобы видѣть (?) движение частицъ въ этомъ новомъ состояніи, внесемъ въ комнату открытый сосудъ съ нагрѣтою водою. Немедленно замѣтимъ испареніе воды: ея частицы въ большемъ (sic) количествѣ (sic) отдѣляются отъ поверхности, образуютъ небольшой туманъ, подымаящійся все выше и выше, наконецъ исчезаютъ (кто? частицы?). Это любопытное зрѣлище представляется необыкновенно поучительнымъ (!),—всякая частица, отдѣляясь отъ воды и являемая взглядомъ замѣтною (sic) въ туманѣ, представляетъ группу молекулъ; эта группа распадается на части, наконецъ на отдѣльные молекулы и совершенно исчезаетъ передъ глазами, расходясь въ воздухѣ въ видѣ совершенно чистаго, весьма тонкаго и незамѣтнаго газа, называемаго водянымъ паромъ. Сначала молекулярныя группы движутся медленно, какъ выночные лошади (!?); потомъ постепенно облегчаются и ускоряютъ свой ходъ; наконецъ летятъ, какъ самые быстрые рысаки“ (!?).

Рецензентъ Ж. М. Н. П. упрекаетъ за это мѣсто г. Полкотыцкаго; послѣдній полагаетъ, что вся его вина заключается въ сравненіи. Не забудемъ, что это пишется въ гимназическомъ учебникѣ т. е. въ книгѣ, предназначеннай для такого читателя, который если чего нибудь не пойметъ, то старается запомнить, принимая на вѣру каждое слово учебника; не видавши никогда движенія частицъ тумана или пара, онъ подумаетъ, что г. Полкотыцкій одаренъ хорошимъ зрѣніемъ и видѣлъ все то, что онъ описалъ; не будучи иппологомъ, онъ подумаетъ, что г. Полкотыцкій глубокій знатокъ въ породахъ лошадей. Молодость довѣрчива! но хорошо-ли пользоваться ея легковѣріемъ?

Но сиѣшь окончить и сдѣлаю послѣднюю выписку (стр. 489).

„Мы видѣли, что причина преломленія свѣта зависитъ отъ неодинаковой плотности эфира въ различныхъ средахъ. Теперь мы видимъ, что цвѣтные лучи преломляются неодинаково. Отъ чего же это происходитъ? Чтобы отвѣтить на этотъ вопросъ, вспомнимъ, что свѣтъ есть движеніе эфирныхъ волнъ, совершающихъ весьма быстрыя колебанія,—эти колебанія, сообщаясь болѣе плотному эфиру, уменьшаютъ свою амплитуду (sic), т. е. свои размахи, и такимъ образомъ уменьшаютъ длину всякой волны (!?!); слѣдовательно волны, получая меньшій объемъ (?!), отключаются встрѣченнымъ сопротивленіемъ отъ первоначального направлениія и такимъ образомъ обнаруживаются (sic) преломленіе свѣта. Поэтому наиболѣше (sic) должны преломляться тѣ лучи свѣта, которые производятся наиболѣшимъ (sic) числомъ эфирныхъ колебаній.“ и т. д.

Не знаю какъ другой кто, а я не могу достаточно налюбоваться всею этого тирадою: какая логичность разсужденія и сила аргументаціи, какая краткость и ясность изложенія! Всѣ попытки, сдѣланныя разными учеными для разрѣшенія труднаго вопроса о дисперсіи, столь сложны и неудовлетворительны, что не находять мѣста въ обыкновенныхъ учебникахъ; а между тѣмъ г. Полкотыцкому удалось разрѣшить этотъ вопросъ двумя строчками и это, конечно, потому что онъ не „обладаетъ поверхностными познаніями по физикѣ“. Какъ жаль, что г. Полкотыцкій не живъ до Френеля, Коши и др.; онъ своими простыми рѣженіями трудныхъ вопросовъ избавилъ бы ихъ отъ головоломной работы надъ многими задачами!

П. Зиловъ (Варшава).

ЗАДАЧИ.

№ 208. Ромбъ, диагонали которого равны 2,4 цм. и 1 цм., вращается около оси, проходящей черезъ вершину острого угла перпендикулярно большей его диагонали. Оредѣлить объемъ и поверхность происходящаго при такомъ вращеніи тѣла. (Заимств.) III.

№ 209. Рѣшить уравненіе

$$\sqrt[3]{(1+x)^2} - \sqrt[3]{(1-x)^2} = \sqrt[3]{1-x^2}.$$

I. Каменскій (Пермь).

№ 210. Показать, что если

$$(1 + \cos\alpha \cos\beta)(1 - \cos\alpha \cos\gamma) = 1 - \cos^2\alpha,$$

то

$$\operatorname{tg}\beta/2 = \frac{\operatorname{tg}\gamma/2}{\operatorname{tg}\alpha/2}.$$

И. Вонсикъ (Воронежъ).

№ 211. Даны двѣ окружности, пересѣкающіяся въ точкѣ В. Чѣрезъ эту точку проведены сѣкущія АВС и А'ВС', пересѣкающія одну изъ окружностей въ точкахъ А и А', а другую—въ С и С'. Найти геометрическое мѣсто пересѣченія прямыхъ АА' и СС'.

П. Свѣнниковъ (Троицкъ).

№ 212. Данъ треугольникъ АВС. Чѣрезъ неподвижную точку D, взятую на одной изъ его сторонъ, напр. на АС, проводимъ перемѣнную сѣкущую А'DC', пересѣкающую стороны въ точкахъ А' и С'. Около треугольниковъ ADA' и CDC' описываемъ окружности. Требуется найти геометрическое мѣсто второй точки пересѣченія этихъ окружностей.

П. Свѣнниковъ (Троицкъ).

РѢШЕНИЯ ЗАДАЧЪ.

№ 45 (2-ой серіи). Чѣрезъ точку М, взятую внутри шара радиуса r на разстояніи d отъ его центра О, проведены три взаимно перпендикулярныя плоскости. Требуется опредѣлить сумму площадей круговъ, полученныхыхъ въ пересѣченіи шара этими плоскостями.

Пусть чѣрезъ М проходятъ плоскости Р, Q и S ($P \perp Q$, $P \perp S$ и $Q \perp S$), разстояніе которыхъ отъ центра О будуть соотвѣтственно x , y и z . Тогда, очевидно, что

$$x^2 + y^2 + z^2 = d^2.$$

Квадраты радиусовъ круговъ, полученныхыхъ въ пересѣченіи шара плоскостями Р, Q и S, будуть, соотвѣтственно:

$$r^2 - x^2, \quad r^2 - y^2 \text{ и } r^2 - z^2.$$

Сумма площадей круговъ:

$$\pi(r^2 - x^2) + \pi(r^2 - y^2) + \pi(r^2 - z^2)$$

или

$$\pi(3r^2 - d^2).$$

Условие возможности задачи:

$$d \leq r\sqrt{3}.$$

Учен. Троицк. г. (7) П. О.

№ 47 (2-ой серіи). Исключить α изъ уравнений:

$$bx \sin 3\alpha = r^2 \sin \alpha$$

$$by \sin 3\alpha = r^2 \cos \alpha.$$

Раздѣливъ первое уравненіе на второе, найдемъ, что
 $\frac{x}{y} = \operatorname{tg} \alpha$,
откуда

$$(\ast) \quad \operatorname{Sin} \alpha = \frac{\pm x}{\sqrt{x^2 + y^2}}, \quad \operatorname{Cos} \alpha = \frac{\pm y}{\sqrt{x^2 + y^2}},$$

Возвысимъ теперь оба данныя уравненія въ квадратъ и сложимъ результаты почленно, тогда

$$\operatorname{Sin}^2 3\alpha = \frac{r^4}{b^2(x^2 + y^2)}$$

или

$$\operatorname{Sin}^2 \alpha (3\operatorname{Cos}^2 \alpha - \operatorname{Sin}^2 \alpha)^2 = \frac{r^4}{b^2(x^2 + y^2)};$$

замѣня здѣсь $\operatorname{Sin} \alpha$ и $\operatorname{Cos} \alpha$ ихъ величинами, получимъ, наконецъ, такое выраженіе:

$$\frac{x(3y^2 - x^2)}{x^2 + y^2} = \pm \frac{r^2}{b},$$

не содержащее уже α .

И. Вонсикъ (Ворон.). Учен.: Курск. г. (8) *И. Ф.*, Курск. р. уч. (6) *Л. Е.* Кременч. р. уч. (7) *А. Д.* и *Л. Т.*, Тверск. р. уч. (6) *Н. А.*

№ 63 (2-ой серіи). Даны три точки: А—вершина треугольника, М—средина основанія и Н—точка пересѣченія трехъ высотъ; постройте по этимъ даннымъ треугольникъ.

Изъ точки М проводимъ прямую перпендикулярную къ АН и другую прямую параллельную АН. На второй прямой откладываемъ отрезокъ МО= $\frac{1}{2}$ АН. Точка О будетъ центромъ описанной окружности около искомаго \triangle -ка. Точки пересѣченія этой окружности съ первой прямой будутъ вершинами искомаго треугольника.

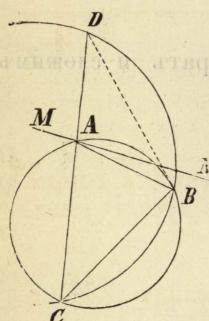
П. Свѣнниковъ (Троицкъ). Ученица Курск. г. *В. Россовская*; ученики: Курск. г. (5) *К. ІІ.*, (7) *Л. Л.*, (8) *И. Ф.*, Курск. р. уч. (6) *Л. К.*, Тифл. 2-ой г. (7) *М. А.*, Кременч. р. уч. (7) *А. Д.* и *Л. Т.*

№ 492. Построить треугольникъ по основанію, углу противъ основанія и суммѣ площадей: квадрата, построенного на другой сторонѣ и прямоугольника, построенного на этой сторонѣ и на третьей.

На данной прямой BC строимъ дуги, вмѣщающія углы A и $\frac{A}{2}$. Затѣмъ, принимая точку C (фиг. 43) за начало, строимъ фигуру, обратную окружности BCDB, по модулю

Фиг. 43.

$$b^2 + bc = b(b+c) = m^2 *$$



т. е. радиусомъ = m изъ точки C пересѣчимъ большую окружность и, соединивъ прямую точки пересѣченія, получимъ хорду MN, которая въ пересѣченіи съ меньшою окружностью дастъ 3-ю вершину искомаго треугольника. Въ самомъ дѣлѣ, пусть MN пересѣкаетъ окружность BCAB въ точкѣ A; проведемъ прямые CAD, DB и BA; имѣмъ

$$\angle ABD = \angle ADB = \frac{A}{2},$$

вслѣдствіе чего $AD = AB$. Далѣе, свойства окружности BCDB и прямой MN даютъ: $CA \cdot CD = m^2$ или $CA(CA+AD) = m^2$, или, наконецъ $b(b+c) = m^2$. Итакъ треугольникъ ABC удовлетворяетъ даннымъ условіямъ. Задача допускаетъ два рѣшенія, одно, или совсѣмъ не имѣть рѣшеній, такъ какъ вершина A опредѣляется пересѣченіемъ прямой съ окружностью.

С. Блажско (Мск.), Н. Волковъ (Спб.).

№ 544. Построить параллелограмъ возможно малаго периметра такъ, чтобы одна его вершина лежала на данной прямой, а двѣ смежныя съ нею вершины—въ двухъ данныхъ видахъ прямой и по одну ея сторону точкахъ.

Пусть данная прямая будетъ AB, а С и D двѣ точки вида ея. Изъ С опустимъ перпендикуляръ CM на AB и продолжаемъ его такъ чтобы $MC_1 = MC$. Тогда соединяемъ C_1 и D, а точку K пересѣченія C_1D и AB соединяемъ съ С. Проведя теперь изъ С и D прямые $CF \parallel DK$ и $DF \parallel CK$, получимъ искомый параллелограмъ.

А. Кочанъ и И. Вонсикъ (Ворон.). Уч. Ворон.-к. к. (7) Г. У. и Н. В.

*) См. статью „Обратныя фигуры“ въ №№ 13, 15 „Вѣстника“, сем. II, стр. 6 и 51.

Редакторъ-Издатель Э. К. Шпачинскій.

Дозволено цензурою. Кіевъ, 20 Мая 1891 г.

Типо-литографія Высочайше утвержденія Товарищества И. Н. Кушнеревъ и К°.

Обложка
ищется

Обложка
ищется