

Обложка
ищется

Обложка
ищется

ВѢСТИНИКЪ ОПЫТНОЙ ФИЗИКИ И ЭЛЕМЕНТАРНОЙ МАТЕМАТИКИ.

31 Октября

№ 356.

1903 г.

Содержание: Нѣсколько соображений о периодическомъ законѣ элементовъ. Докладъ, прочитанный на 75 съездѣ нѣмецкихъ естествоиспытателей и врачей въ Кассельѣ (въ сентябрѣ 1903 г.) сэромъ William'омъ Ramsay'емъ.—О равныхъ наклонныхъ треугольника. Дм. Ефремова. — Наименшее отклоненіе призмою луча свѣта. Т. Науменко. — Научная хроника: Новый физико-химический журналъ. Распространенность радиоактивности. Новые сильные электромагниты Де-Маре. Новое примѣненіе рентгеновскихъ лучей. — Задачи для учащихся, №№ 400—405 (4 сер.). — Рѣшенія задачъ, №№ 306, 322, 325, 328 331. — Объявленія.

Нѣсколько соображеній о периодическомъ законѣ элементовъ.

Докладъ, прочитанный на 75-омъ съездѣ нѣмецкихъ естествоиспытателей и врачей въ Кассельѣ (въ сентябрѣ 1903 года)

сэръ William'омъ Ramsay'емъ.

(Переводъ съ нѣмецкаго).

Общеизвѣстно, что, если расположить элементы въ порядкѣ, соответствующемъ ихъ атомнымъ вѣсамъ, то они группируются въ опредѣленные классы; при этомъ къ одному и тому же классу относятся элементы, схожіе другъ съ другомъ по своимъ химическимъ и физическимъ свойствамъ. John Newlands, которому принадлежитъ первая (въ 1863 г.) попытка подобной группировки, раздѣлилъ всѣ элементы на семь классовъ; и такъ какъ каждый восьмой элементъ оказался схожимъ въ его ряду съ первымъ, то онъ назвалъ найденное имъ соотношеніе закономъ октавъ—“the Law of Octaves”. Вскорѣ послѣ того Дмитрій Менделѣевъ и Lothar Meuier развили независимо отъ него эту идею дальше. И, несмотря на все свое несовершенство, этотъ такъ называемый периодическій законъ до сихъ поръ принялъ въ наукѣ, какъ дающій лучшій, если не единственный методъ классификаціи элементовъ.

Я не стану останавливаться здѣсь на открытии Галлія, Германия и другихъ элементовъ, заполнившихъ пустыя мѣста въ этомъ послѣдовательномъ ряду; они образуютъ тріумфальную колесницу нашего учителя Менделѣева, болѣе чудесную, чѣмъ колесница блаженной памяти Basilius'a Valentinius'a*). Ибо цѣлью моей настоящей рѣчи является не изложение болѣе или менѣе широко известныхъ фактовъ, а нѣчто болѣе привлекательное: я желалъ бы обратить Ваше вниманіе на вопросы, еще не разъясненные.

Попытки обнаружить какую бы то ни было числовую закономѣрность между атомными вѣсами элементовъ—всѣ окончились неудачей. Отклоненія отъ значеній, которыхъ требовались различными теоріями, слишкомъ велики. Чтобы доказать справедливость этого утвержденія, достаточно привести нѣсколько значеній. Возьмемъ наудачу первый періодъ периодической системы элементовъ **):

Элементы и ихъ атомные вѣса	<i>Li</i> 7,03	<i>Be</i> 9,1	<i>B</i> 11,0	<i>C</i> 12,00	<i>N</i> 14,04	<i>O</i> 16	<i>F</i> 19	<i>Ne</i> 20
Разность Δ =	2,07	1,9	1,0	2,04	1,96	3	1	

или первую группу

Элементы и ихъ атомные вѣса	<i>Li</i> 7,03	<i>Na</i> 23,05	<i>K</i> 39,15	<i>Rb</i> 85,4	<i>Cs</i> 133
Разность Δ =	16,02	16,10	315,42	315,87	

Въ первомъ случаѣ разности колеблются между 1 и 3; во второмъ между 15,42 и 16,1. Если же взять другую группу или періодъ, то въ нѣкоторыхъ случаяхъ разность даже отрицательна; напр., разность между Аргономъ и Калиемъ равна—0,75 и между Теллуриемъ и Іодомъ, вѣроятно, также—0,75.

Какъ извѣстно, существуетъ много способовъ наглядного представленія этихъ закономѣрностей; каждый изъ этихъ способовъ имѣть свои преимущества, но я предпочитаю методъ Johnstone Stoney. Такъ какъ онъ Вамъ, вѣроятно, не извѣстенъ, то я позволю себѣ привести здѣсь его краткое описание. Каждому элементу, по Stoney, соответствуетъ определенного

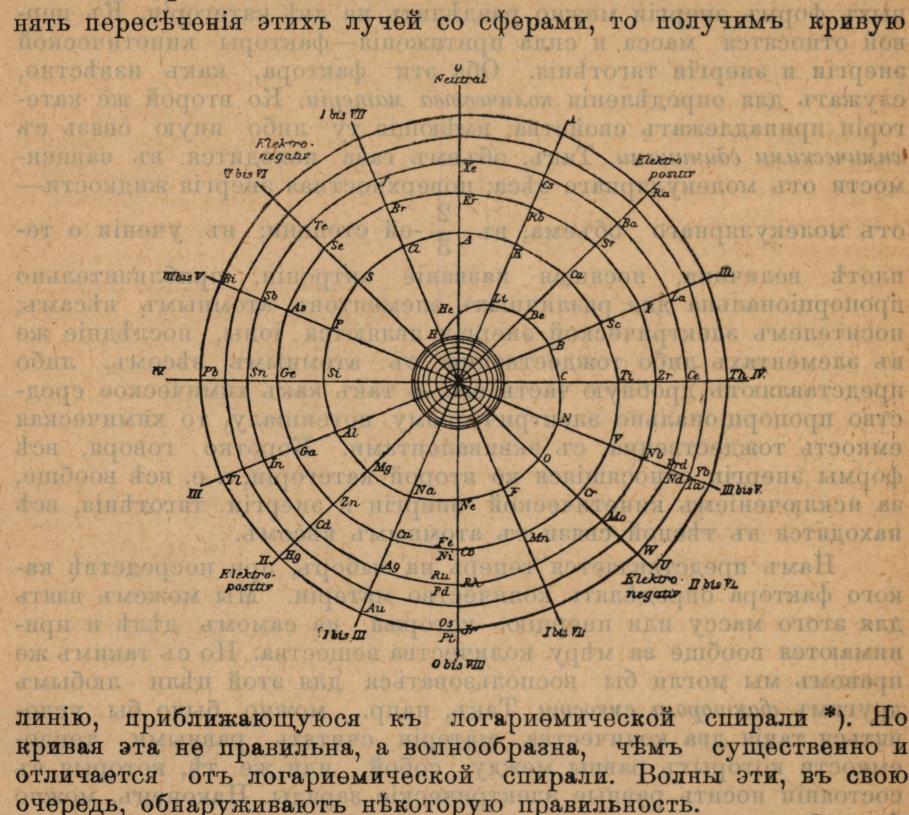
*) Basilius Valentinius — бенедиктинский монахъ, алхимикъ, жившій въ начаѣ XV-го вѣка въ Эрфуртѣ, въ монастырѣ св. Петра. Одно изъ важнѣйшихъ его сочиненій носитъ заглавіе „Тріумфальная Колесница Антимонія“.

(Прим. перев.).

**) Въ этихъ таблицахъ атомный вѣсъ кислорода предполагается равнымъ 16, водорода, следовательно, 1,008.

(Прим. перев.).

радіуса шаръ, объемъ котораго пропорціоналенъ атомному вѣсу этого элемента. Всѣ эти сферы расположены концентрически, какъ чешуи луковицы. Теперь проведемъ черезъ общій центръ шаровъ плоскость и въ ней черезъ тотъ же центръ проведемъ пучекъ 16 лучей, изъ которыхъ каждые два соседніе составляютъ уголъ въ $\frac{1}{4} d$. Если мы теперь станемъ послѣдовательно соединять пересѣченія этихъ лучей со сферами, то получимъ кривую



линию, приближающуюся къ логарифмической спирали *). Но кривая эта не правильна, а волнообразна, чѣмъ существенно и отличается отъ логарифмической спирали. Волны эти, въ свою очередь, обнаруживаютъ нѣкоторую правильность.

Этотъ результатъ можно представить еще въ иной формѣ. Отложимъ на прямой линіи подъ рядъ равные отрѣзки и, возвѣставъ въ концахъ ихъ перпендикуляры, нанесемъ на послѣднихъ длины, пропорціональныя кубичнымъ корнямъ изъ атомныхъ вѣсовъ элементовъ въ вышеуказанномъ порядкѣ. Если мы теперь соединимъ вершины этихъ перпендикуляровъ кривою, то получимъ волнообразную линию, волны которой приблизительно правильны.

*) Логарифмической спиралью, какъ известно, называютъ кривую, которую описываетъ одинъ конецъ отрѣзка, другой конецъ котораго неподвиженъ, если отрѣзокъ этотъ, вращаясь непрерывно, растетъ пропорціонально логарифму описанного угла.

(Прим. перев.).

Но и эта попытка Stoney представить закономерность атомныхъ вѣсовъ формулой, какъ и многія другія, не выдерживаетъ строгой критики, такъ какъ отклоненія дѣйствительныхъ значеній отъ тѣхъ, которыя должна была бы дать указанная выше кривая, слишкомъ велики.

Если не ошибаюсь, Ostwald впервые обратилъ вниманіе химиковъ и физиковъ на то обстоятельство, что факторы различныхъ формъ энергіи можно раздѣлить на двѣ категоріи. Къ первой относятся масса и сила притяженія—факторы кинетической энергіи и энергіи тяготѣнія. Оба эти фактора, какъ известно, служатъ для опредѣленія количества матеріи. Ко второй же категоріи принадлежать свойства, имѣющія ту либо иную связь съ химическими единицами. Такъ, объемъ газа находится въ зависимости отъ молекулярного вѣса; поверхностная энергія жидкости—отъ молекулярного объема, въ $\frac{2}{3}$ -ей степени; въ ученіи о те-

плотѣ величина, носящая название энтропіи, приблизительно пропорціональна для различныхъ элементовъ атомнымъ вѣсамъ; носителемъ электрической энергіи являются іоны, послѣдніе же въ элементахъ либо тождественны съ атомнымъ вѣсомъ, либо представляютъ дробную часть его; а такъ какъ химическое сродство пропорціонально электрическому потенціалу, то химическая емкость тождественна съ эквивалентами. Коротко говоря, всѣ формы энергіи, относящіяся ко второй категоріи, т. е. всѣ вообще, за исключеніемъ кинетической энергіи и энергіи тяготѣнія, всѣ находятся въ тѣсной связи съ атомнымъ вѣсомъ.

Намъ представляется теперь на выборъ, при посредствѣ какого фактора опредѣлять количество матеріи. Мы можемъ взять для этого массу или инерцію, которая на самомъ дѣлѣ и принимаются вообще за мѣру количества вещества. Но съ такимъ же правомъ мы могли бы воспользоваться для этой цѣли любымъ другимъ факторомъ емкости. Такъ, напр., можно было бы уловиться такія два количества матеріи считать равными, теплопемкости которыхъ равны между собой, или же тѣ, которая въ состояніи носить равные электрические заряды. Наконецъ, можно было бы рассматривать равные „атомные вѣса“, какъ равные количества вещества. Но здѣсь мы наталкиваемся на тотъ неблагоприятный фактъ, что между массой и инерціей съ одной стороны и атомнымъ вѣсомъ съ другой не удается установить точной закономѣрной связи. Если бы послѣднее было возможно, наша проблема, если и не была бы еще решена, то, во всякомъ случаѣ, значительно упростилась бы.

Но что служитъ причиной тому, что попытки установить простыя соотношенія между атомными вѣсами элементовъ встрѣчаютъ непреодолимыя препятствія? До сихъ поръ всѣ эти попытки приведенія этихъ неправильностей въ математической порядокъ ни къ чemu не привели. Не заключается ли причина этого въ томъ, что вѣсъ, а съ нимъ и масса или инерція измѣнчивы? Что касается массы и вѣса, то оба эти фактора абсолютно

пропорциональны между собой; это вытекаетъ, напримѣръ, изъ постоянства движенія луны и земли въ теченіе безчисленнаго множества лѣтъ.

Но разсмотримъ послѣднее предположеніе объ измѣнчивости вѣса и массы поближе. И, если бы оказалось, что они дѣйствительно измѣняются, то за мѣру количества матеріи можно было бы принять атомный вѣсъ, если допустить, что послѣдній не измѣняется, въ то время какъ инерція и вѣсъ являются лишь преходящими свойствами вещества.

Существуетъ не мало изслѣдованийъ, имѣющихъ цѣлью установить, не зависитъ ли вѣсъ отъ температуры. Но не легко взвѣшивать горячее тѣло; если производить взвѣшиваніе въ воздухѣ, то возникаютъ потоки воздуха, которые служатъ причиной невѣрныхъ результатовъ; если же производить взвѣшиваніе въ такъ называемомъ пустомъ пространствѣ, то электрическое притяженіе и отталкиваніе и бомбардировка молекулъ мѣшаютъ получить достовѣрныя данныя. Изъ всѣхъ опытовъ, которые были, произведены въ этомъ направлении, мнѣ известенъ лишь одинъ, давшій любопытные результаты. Онъ былъ произведенъ *Bailey* при определеніи средней плотности земли; интересующей настѣль выводъ изъ результатовъ этого измѣренія былъ сдѣланъ *Hicksomъ* (*). Опыты *Bailey* производились по извѣстному методу при помощи крутильныхъ вѣсовъ и шаровъ изъ свинца, платины, цинка и т. д.; онъ произвелъ болѣе, чѣмъ 2000 наблюдений, которыхъ дѣлятся на 62 группы. Температура, господствовавшая во время этихъ измѣреній, была каждый день, вообще говоря, другая. *Hicks* расположилъ результаты *Bailey* въ ряды соотвѣтственно температурамъ, при которыхъ они были получены, и нашелъ, что средняя плотность земли правильно измѣняется съ измѣненіемъ температуры. Кривая, изображающая эту зависимость, вполнѣ правильна; укажемъ здѣсь лишь конечная значенія ея. При температурѣ $2,20^{\circ}\text{C}$ *Bailey* нашелъ для плотности земли значение 5,7296, а при 20°C 5,5828. Далѣе *Hicks* изслѣдовала возможные источники ошибокъ и показалъ, что между ними нѣтъ ни одной, которая могла бы оказать существенное влияніе на результаты. Итакъ, колебаніе значеній, найденныхъ *Bailey* при измѣненіи температуры, остается необъясненнымъ. Другие наблюдатели стремились избѣжать колебаній температуры при подобныхъ опытахъ; но я полагаю, что повтореніе этихъ измѣреній при различныхъ температурахъ заслуживаетъ особенного интереса.

Перейдемъ теперь къ замѣчательнымъ опытаамъ *Landolt*. Онъ поставилъ себѣ задачу определить, не измѣняется ли вѣсъ тѣль при химическихъ реакціяхъ; съ этой цѣлью два реагента взвѣшивались до и послѣ реакціи. При этомъ *Landolt* нашелъ въ однихъ случаяхъ положительное, въ другихъ отрицательное измѣненіе вѣса. Изслѣдованія эти еще не окончены. Замѣтимъ,

(*¹) Cambridge Philosophical Society; V, 156.

что, если смазать внутрення стѣнки сосудовъ, въ которыхъ проходитъ реакція, парафиномъ, то не получается никакого измѣненія вѣса. Теперь Landolt продолжаетъ эти опыты, пользуясь сосудами изъ плавленного кварца; этимъ устраивается возможность измѣненія объема, равно какъ и конденсація углекислоты или водяныхъ паровъ въ стѣнкахъ сосуда. Опыты эти весьма любопытны, и, независимо отъ того, дадутъ ли они положительные или отрицательные результаты, научное значеніе ихъ очень велико.

Менѣе известны, чѣмъ опыты Landolt, изслѣдованія Joly, профессора геологии въ Trinity College въ Дублинѣ, бывшаго ассистента безвременно скончавшагося Fitzgerald'a. Воспользовавшись указаніемъ послѣдняго, Joly повторилъ опыты Landolt, но модифицировалъ ихъ слѣдующимъ образомъ. Въ то время какъ Landolt пользовался силой притяженія земли, Joly изслѣдовалъ измѣненіе инерціи тѣла до и послѣ химической реакціи. Для этой цѣли реагенты помѣщались на одномъ изъ концовъ рычага крутильныхъ вѣсовъ, тогда какъ на другомъ концѣ помѣщались необходимыя гиры. При помощи особенного часового механизма сосудъ опрокидывался такъ, что реакція происходила въ полночь или въ полдень; при этомъ плечи вѣсовъ двигались съ наибольшою скоростью въ 30 километровъ въ секунду, въ направлениі движенія земли по ея орбите. Если бы при реакціи инерція веществъ увеличилась бы или уменьшилась, то необходимо должно было бы наблюдать замедленіе или ускореніе его движенія, что привело бы крутильные вѣсы въ движеніе; но ничего подобнаго не наблюдалось. При томъ сила, которая играетъ роль въ этихъ опытахъ, почти въ бесконечное число разъ больше, чѣмъ та, которую воспользовался Landolt. Поэтому мы вправѣ принять, что матерія, если позволено такъ выразиться, ничего не теряетъ и не выигрываетъ при химическихъ процессахъ. Или, точнѣе говоря, средства современной науки не въ состояніи обнаружить такого измѣненія.

Но прежде, чѣмъ перейти къ слѣдующему пункту настоящаго доклада, я долженъ сдѣлать еще два замѣчанія. Во-первыхъ, я хочу обратить вниманіе на существенное различіе между опытами Landolt и Joly. Въ опытахъ первого увеличеніе вѣса можетъ произойти попросту оттого, что изъ некоторое количество находившагося сначала извѣнѣ вещества тѣмъ либо инымъ путемъ проникло внутрь сосуда. При опытахъ же Joly этотъ источникъ ошибокъ исключается; замедленіе (или ускореніе) движенія тѣла въ направленіи движенія земли можетъ получиться только тогда, когда инерція данного количества вещества действительно воз-

зопасительна, что значитъ, что это количество вещества не можетъ

расла (или уменьшилась) бы. Проникновение вещества извне сосуда внутрь не оказалось бы никакого влияния на результаты опыта; ибо, где бы ни находилось вещество, оно обладает въ каждый моментъ скоростью земли.

Во-вторыхъ, я желалъ бы упомянуть еще о критическомъ замѣчаніи Rayleigh'a; онъ полагаетъ, что, если бы измѣненіе инерціи было возможно, то мы могли бы создавать энергию, прои-водя химическое соединеніе на уровнѣ земли и разлагая затѣмъ соединенные вещества высоко надъ поверхностью ея. Но вѣдь можно представить себѣ, что этотъ пріемъ обратимъ и что созиданію механической энергии соотвѣтствовала бы соотвѣтствующая потеря тепловой.

Теперь я перейду къ опытаамъ, имѣющимъ цѣлью изслѣдоватъ, не измѣняется ли атомный вѣсъ элементовъ.

Прежде всего упомяну объ опытахъ г-жи Aston, которые нѣсколько лѣтъ тому назадъ были произведены подъ моимъ руководствомъ; они не были обнародованы, такъ какъ я не могъ устранить сомнѣнія въ ихъ точности. Если бы результаты ихъ были вѣрны, то мы имѣли бы въ нихъ доказательство того, что атомный вѣсъ азота при нѣкоторыхъ реакціяхъ мѣняется *).

Второе изслѣдованіе въ этомъ же направленіи я произвелъ вмѣстѣ съ Steele. Большинство методовъ, при посредствѣ которыхъ опредѣляется атомный вѣсъ, можно назвать *динамическими*. Какое-нибудь соединеніе разлагаются, и послѣ того, какъ одинъ изъ заключавшихся въ немъ элементовъ соединился съ какими-либо другими элементами, атомный вѣсъ которыхъ уже извѣстенъ, взвѣшиваются новое соединеніе. Единственный способъ точного определенія атомного вѣса *статически* основывается на определеніи молекулярного вѣса при посредствѣ плотности паровъ. Но этотъ методъ можно примѣнять только для „постоянныхъ“ газовъ; для другихъ соединеній обыкновенные способы определенія плотности паровъ недостаточно точны. Но, несмотря на это, Steele удалось устранить это препятствіе. Сначала мы полагали, что для такого метода годны всѣ элементы, дающіе газообразные соединенія при 100°; но надежды наши не оправдались. Мы достигли точности въ $1/3000$. При этомъ мы нашли, что, если даже и принять во вниманіе поправку Daniel'a Berthelot, измѣрив сжимаемость паровъ, молекулярный вѣсъ не согласуется съ тѣмъ его значеніемъ, которое вычисляется изъ атомного вѣса, а всегда больше этого значенія. Мы произвели опыты, показавшіе, что примѣненные при нашемъ измѣненіи тѣла были чисты и что они не прилипали къ стѣнкамъ сосуда; опыты эти дѣлаютъ также малоѣроятнымъ предположеніе объ ассоціаціи молекулъ газа въ болѣе сложныя молекулы. Остаются еще двѣ воз-

* Мы позволили себѣ выпустить въ переводѣ болѣе подробное описание послѣдняго опыта, какъ имѣющее лишь весьма специальный интересъ.

можная гипотеза для объяснения этой разницы въ атомныхъ вѣсахъ; одна состоять въ томъ, что жидкое состояніе можетъ имѣть мѣсто даже и при весьма маломъ давлениі и при относительно высокихъ температурахъ. Другая, которую я привожу только для полноты изложенія, предполагаетъ, что элементы, заключающіеся въ одномъ и томъ же соединеніи, могутъ имѣть различный атомный вѣсъ, въ зависимости отъ той либо другой группировки и числа атомовъ. Но это послѣднее предположеніе врядъ ли заслуживаетъ вниманія.

Итакъ, мы видѣли, что, по всей вѣроятности, неѣть основаній сомнѣваться въ постоянствѣ вѣса и инерціи. Что же касается атомнаго вѣса, то, можетъ быть, онъ и не постояненъ; во всякомъ случаѣ, опыты въ этомъ направлѣніи заслуживаютъ интереса.

Когда я имѣль счастіе вмѣстѣ съ лордомъ Rayleigh'емъ и Taver'sомъ открыть индифферентные газы атмосферы, первое время я предполагалъ, что элементы эти помогутъ разрѣшить нашу проблему о зависимости атомныхъ вѣсовъ между собой. Такъ какъ газы эти индифферентны, то возникла надежда, что причины неправильностей въ атомныхъ вѣсахъ другихъ элементовъ, можетъ быть, отсутствуютъ для нихъ. Но надежда эта не оправдалась. Атомные вѣса элементовъ этой группы не болѣе закономѣрно слѣдуютъ другъ за другомъ, чѣмъ это имѣть мѣсто для другихъ элементовъ. Вотъ соответствующая таблица разностей:

Элементы и ихъ атомные вѣса	<i>He</i>	<i>Ne</i>	<i>A</i>	<i>Kr</i>	<i>Xe</i>
	3,96	19,92	39,92	81,76	128,0
Разность Δ	15,96	20,00	41,84	46,24	

Закономѣрность атомныхъ вѣсовъ этихъ элементовъ, какъ видно изъ таблицы, такая же грубая, какъ и для другихъ элементовъ. При этомъ атомные вѣса трехъ первыхъ членовъ этой группы известны съ большою степенью точности. Гелий освобождался отъ другихъ газовъ при помощи жидкаго водорода; при этомъ оказалось, что въ немъ оставались слѣды Аргона и Криптона: эти элементы должны были заключаться, понятно, въ минералахъ содержащихъ Гелий. Неонъ подвергался дробной перегонкѣ при помощи жидкаго водорода и былъ совершенно лишенъ примѣси Аргона. Аргонъ, въ свою очередь, былъ освобожденъ отъ другихъ болѣе легкихъ, равно какъ и болѣе тяжелыхъ газовъ путемъ дробной перегонки посредствомъ жидкаго воздуха. Такъ что эти числа мы можемъ считать вполнѣ достовѣрными. Атомный вѣсъ Криптона не былъ известенъ съ достаточною точностью, но за послѣднее время я изготовилъ большія количества этого газа и произвелъ новое определеніе плотности. Прежніе результаты давали значенія 40,82 и 40,73; послѣдняя же измѣренія даютъ для атомнаго вѣса 40,81. Плотность Ксенона я

надѣюсь вскорѣ опредѣлить еще разъ; но приготовленіе этого газа требуетъ огромной затраты труда, такъ какъ въ 170 миллионахъ объемовъ газообразного воздуха содергится лишь одинъ объемъ Ксенона. Итакъ, мы можемъ принять вышеприведенные числа за точныя, и при этомъ, какъ видно изъ таблицы, между ними нѣть точной закономѣрности.

Даже и физическія свойства этихъ элементовъ лишь весьма грубо удовлетворяютъ требованиямъ періодического закона. Бывшій мой ученикъ Cuthbertson составилъ слѣдующую таблицу коэффиціентовъ преломленія (при чемъ значенія для сѣры и фосфора опредѣлены имъ самимъ):

Элементы	Преломляемость	Отношеніе	Ошибка въ процен- тахъ
	для воздуха = 1	для $H=1$	
Гелий . . (He)	0,1238	0,25	- 4,4
Неонъ . . (Ne)	0,2345	0,5	+ 0,9
Аргонъ . . (A)	0,968	2,0	- 2,2
Криптонъ (Kr)	1,450	3,0	- 2,0
Ксеноны (Xe)	2,364	5,0	+ 0,1
	для $H = 1$	для $Cl=2$	
Хлоръ . . (Cl)	0,768	2	0,0
Бромъ . . (Br)	1,125	3	- 2,4
Іодъ . . . (J)	1,920	5	0,0
	для $H = 1$	для $O=1$	
Кислородъ (O_2)	0,270	1	0,0
Сѣра . . . (S_2)	1,110	4	+ 2,7
	для $H = 1$	для $N=1$	
Азотъ . . . (N_2)	0,297	1	0,0
Фосфоръ (P_2)	1,202	4	+ 1,1

Хотя числа эти довольно близки къ тѣмъ, которыя требуетъ періодический законъ, но отклоненія столь же велики для не-дѣятельныхъ газовъ, какъ и для другихъ элементовъ. Замѣтимъ, кстати, что значенія сопротивленія одинаковыхъ чиселъ атомовъ проникновенію свѣтовыхъ лучей, если расположить ихъ въ рядъ, соотвѣтствующій атомнымъ вѣсамъ элементовъ, обнаруживаются больше правильности, чѣмъ значенія самихъ атомныхъ вѣсовъ.

Послѣ всего сказанного естественно возникаетъ вопросъ: Не слѣдуетъ ли оставить вопросъ о зависимости между атомными вѣсами, какъ неразрѣшимый? Я полагаю, что все-таки нѣть! Но основанія моихъ надеждъ на разрѣшеніе нашей проблемы носятъ пока еще столь гипотетической характеръ, что я колеблюсь

говорить здѣсь обѣ этомъ предметѣ. Но да будетъ мнѣ позволено разъ пофантазировать. И фантазія имѣть свое положительное значение: если бы опыты не предшествовали идеи, то никакой прогрессъ науки не былъ бы возможенъ.

Итакъ, мы ставимъ вопросъ: Есть ли основаніе предполагать, что атомные вѣса элементовъ могутъ меняться? Существуютъ ли экспериментальная доказательства того, что атомные вѣса уменьшаются или увеличиваются? Мы видимъ, или, по крайней мѣрѣ, оно кажется такъ, что все въ природѣ перемѣнчиво. Горы становятся равнинами; виды животныхъ улучшаются или дегенерируютъ; даже звѣзды обращаются въ туманности, или, наоборотъ, туманности сгущаются въ звѣзды. Все находится въ движениі, все развивается и меняться съ теченіемъ времени. Неужели только атомы неизменны?

Но, можетъ быть, мы ждемъ отъ науки слишкомъ многаго. Геологическія измѣненія становятся замѣтными черезъ миллионы лѣтъ; а жизнь наша коротка. Можетъ быть, мы напрасно думаемъ обнаружить нашими средствами измѣненіе вѣса при одной реакціи; напрасно попросту потому, можетъ быть, что лишь черезъ 3000 лѣтъ, скажемъ, измѣненіе отношенія вѣсовъ серебра и хлора могло бы стать замѣтнымъ для нашихъ инструментовъ.

Но въ самое послѣднее время возникла надежда на то, что проблема наша все-таки можетъ быть решена.

(Продолженіе следуетъ).

О РАВНЫХЪ НАКЛОННЫХЪ ТРЕУГОЛЬНИКА.

Дм. Ефремова (Иваново-Вознесенскъ).

1. Даѣ равнныя прямые, проведенные изъ одной вершины треугольника до пересѣченія съ противоположной стороной его, мы будемъ называть *равными наклонными* этого треугольника.

Изъ трехъ вершинъ треугольника можно провести шесть равныхъ наклонныхъ.

М. Мајсен въ статьѣ *Sur quelques rapports entre les triangles et les coniques* *), исходя изъ свойствъ параболы, вписанной въ четыреугольникъ, доказалъ замѣчательное свойство шести равныхъ наклонныхъ треугольника.

Въ настоящей замѣткѣ я предлагаю элементарное доказательство теоремы Мајсенъа и дополняю ее некоторыми вычислениями.

*¹) Nouv. Ann. 1903, Mai.

2. Теорема Мајсен'a. Средины шести равныхъ наклонныхъ треугольника находятся на одной окружности, описанной около ортоцентра треугольника.

Пусть AA' , AA'' , BB' , BB'' , CC' , CC'' (фиг.) суть шесть равныхъ наклонныхъ треугольника ABC , такъ что

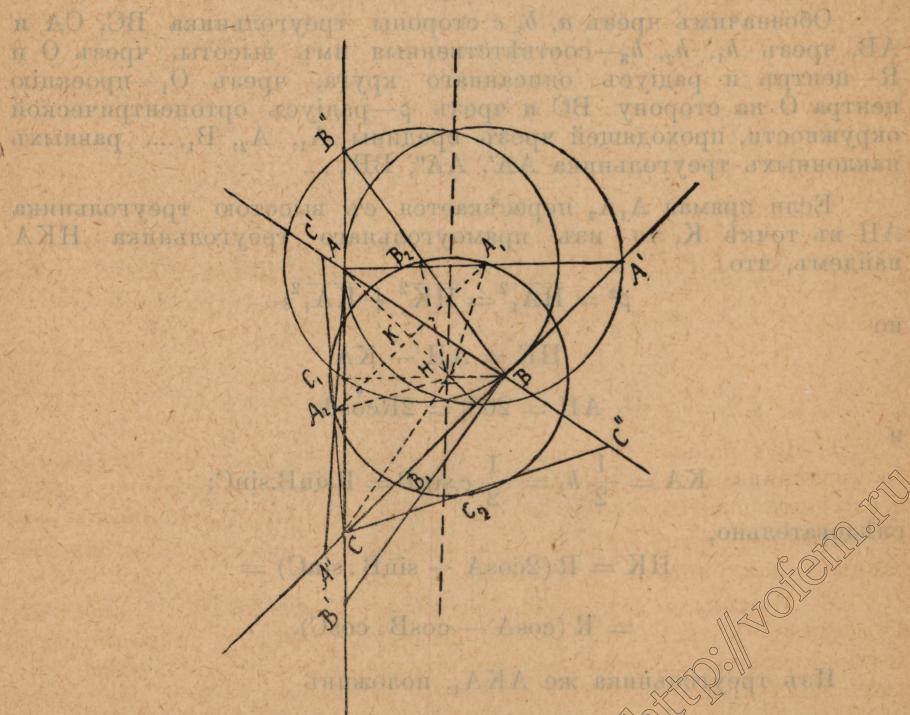
$$AA'=AA''=BB'=BB''=CC'=CC''.$$

Обозначимъ средины ихъ соотвѣтственно чрезъ A_1 , A_2 , B_1 , B_2 , C_1 , C_2 .

Очевидно, что отрѣзокъ A_1A_2 параллеленъ сторонѣ треугольника BC и дѣлится пополамъ высотою треугольника, опущенною на эту сторону. Поэтому, обозначивъ ортоцентръ треугольника чрезъ H , получимъ:

$$HA_1 = HA_2.$$

Далѣе разсмотримъ четыреугольникъ $ABA'B''$. Точки A_1 и B_2 суть средины діагоналей этого четыреугольника, а потому радикальная ось окружностей, имѣющихъ діаметрами діагонали



четыреугольника AA' и BB'' , перпендикулярна къ прямой A_1B_2 и, вслѣдствіе равенства этихъ окружностей, дѣлить отрѣзокъ A_1B_2 пополамъ; но эта радикальная ось совпадаетъ съ прямую

Обера четыреугольника и потому проходитъ чрезъ ортоцентръ треугольника H^*); слѣдовательно,

$$HB_2 = HA_1 = HA_2.$$

Такимъ образомъ убѣждаемся, что всѣ точки $A_1, A_2, B_1, B_2, C_1, C_2$, находятся на равныхъ разстояніяхъ отъ ортоцентра H , что и требовалось доказать.

3. Слѣдствіе. Радикальная ось каждой пары окружностей, имѣющихъ диаметрами равныя наклонные треугольника, всѣ пересѣкаются въ ортоцентрѣ этого треугольника.

Ибо радикальная ось каждой пары такихъ окружностей, вслѣдствіе равенства ихъ, дѣлить пополамъ прямую, соединяющую ихъ центры.

4. Всякую окружность, описанную около ортоцентра треугольника, условимся называть ортоцентрическимъ окружностямъ этого треугольника.

Обозначимъ чрезъ a, b, c стороны треугольника BC, CA и AB , чрезъ h_1, h_2, h_3 —соответственная имъ высоты, чрезъ O и R —центръ и радиусъ описанного круга, чрезъ O_1 —проекцію центра O на сторону BC и чрезъ ρ —радиусъ ортоцентрической окружности, проходящей чрезъ средины A_1, A_2, B_1, \dots равныхъ наклонныхъ треугольника AA', AA'', BB', \dots

Если прямая A_1A_2 пересѣкается съ высотою треугольника AH въ точкѣ K , то изъ прямоугольного треугольника NKA найдемъ, что

$$\rho^2 = \overline{HA_1}^2 = \overline{HK}^2 + \overline{KA_1}^2;$$

но

$$HK = AH - KA,$$

$$AH = 200_1 = 2R\cos A$$

и

$$KA = \frac{1}{2} h_1 = \frac{1}{2} c \cdot \sin B = R \sin B \cdot \sin C;$$

слѣдовательно,

$$\begin{aligned} HK &= R(2\cos A - \sin B \cdot \sin C) = \\ &= R(\cos A - \cos B \cdot \cos C). \end{aligned}$$

Изъ треугольника же AKA_1 , положивъ

$$AA' = AA'' = BB' = \dots = 2m,$$

^{*)} См. „Новая геометрия тр-ка“ Д. Ефремова. 1903 г. Изд. „Вѣстника Оп. Физ.“ Стран. 72.

находимъ, что

$$\overline{KA_1}^2 = \overline{AA_1}^2 - \overline{AK}^2 =$$

$$= m^2 - R^2 \sin^2 B \cdot \sin^2 C;$$

поэтому

$$\rho^2 = R^2 (2 \cos A - \sin B \sin C)^2 + m^2 - R^2 \sin^2 B \sin^2 C;$$

отсюда

$$\rho^2 = m^2 - 4R^2 \cdot \cos A \cdot \cos B \cdot \cos C.$$

По этой формулѣ опредѣляется радиусъ ортоцентрической окружности данного треугольника, проходящей чрезъ средины его равныхъ наклонныхъ данной длины $2m$.

Для прямоугольного треугольника по этой формулѣ находимъ, что

$$\rho = m.$$

Въ случаѣ равнобедренного треугольника, когда

$$\angle B = \angle C = 90^\circ - \frac{A}{2},$$

$$\rho^2 = m^2 - 4R^2 \cdot \cos A \cdot \sin^2 \frac{A}{2}.$$

Для правильного треугольника

$$\rho^2 = m^2 - \frac{1}{2} R^2.$$

5. Величина равныхъ наклонныхъ треугольника не можетъ быть вполнѣ произвольна; она должна быть не менѣе наибольшей изъ высотъ треугольника; поэтому, если

$$h_1 > h_2 > h_3,$$

то

$$2m \geqslant h_1.$$

При $2m = h_1$ равные наклонные AA' и AA'' совпадаютъ съ высотою h_1 , а средины ихъ A_1 и A_2 со срединою этой высоты K ; следовательно, радиусъ соответственной ортоцентрической окружности въ этомъ случаѣ будетъ

$$\rho_0 = HK = R(\cos A - \cos B \cdot \cos C).$$

Понятно, что это есть радиусъ *наименьшей* ортоцентрической окружности, проходящей чрезъ средины равныхъ наклонныхъ треугольника.

Для прямоугольного треугольника, у котораго

$$\angle C = 90^\circ \text{ и } \angle A < \angle B,$$

изъ этой формулы получимъ

$$\rho_0 = R \cos A = \frac{1}{2} b.$$

Въ случаѣ равнобедренного треугольника, когда

$$\angle B = \angle C > \angle A,$$

$$\rho_0 = R \cdot \left(1 - 3 \sin^2 \frac{A}{2} \right).$$

отъ ампера

честоп

всего

Для правильного треугольника

$$\rho_0 = \frac{1}{4} R.$$

отъ ампера

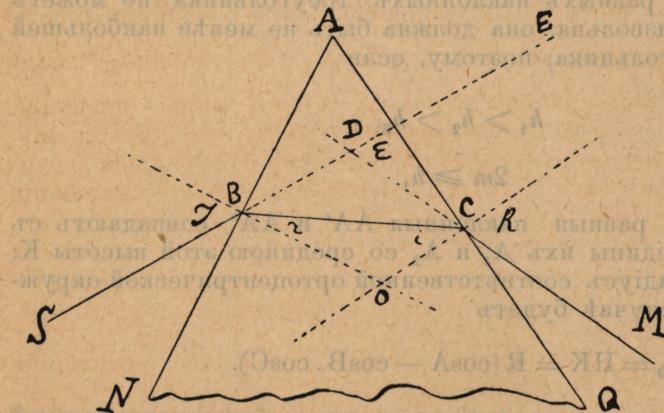
Наименьшее отклоненіе призмою луча свѣта.

T. Науменко въ Тифлисъ.

Предлагаемый элементарный выводъ условій, при которыхъ получается наименьшее отклоненіе луча свѣта призмою, легко можетъ быть введенъ въ каждый курсъ физики для среднихъ учебныхъ заведеній и служить прекраснымъ примѣненіемъ тригонометрическихъ формулъ, изученіе которыхъ относится точно такъ же, какъ и учение о свѣтѣ, къ курсу VII класса гимназій.

Имѣемъ призму NAQ изъ вещества, показатель преломленія котораго n .

Пусть JBCM ходъ луча, встречающаго на своемъ пути нашу призму; J и K углы паденія и преломленія луча при входѣ въ призму; i и R — углы при вы-



ходѣ луча изъ призмы. Очевидно, что всѣ эти четыре угла острые. Уголъ EDM = ϵ — уголъ отклоненія призмы. Такъ какъ около четырехугольника ABCD, имѣющаго при точкахъ B и C углы прямые, можно описать окружность, то преломляющей уголъ призмы

$$A = r + i \dots \dots \dots (1).$$

Далѣе, уголъ ε внѣшній для треугольника BDC и поэтому

$$\varepsilon = (J - r) + (R - i) = J + R - (r + i)$$

откуда $J + R = \varepsilon + (r + i) = \varepsilon + A \dots . (2)$.

Кромѣ того, по закону Декарта, имѣемъ:

$$\frac{\sin J}{\sin r} = n \dots . (3) \text{ и } \frac{\sin i}{\sin R} = \frac{1}{n} \dots . (4),$$

откуда $\sin J = n \sin r$ и $\sin R = n \sin i$;

складывая эти равенства, получаемъ:

$$\sin J + \sin R = n(\sin r + \sin i), \text{ что}$$

преобразуемъ такъ:

$$2 \sin \frac{J+R}{2} \cos \frac{J-R}{2} = 2n \sin \frac{r+i}{2} \cos \frac{r-i}{2};$$

это, на основаніи равенствъ (1) и (2), даетъ:

$$\sin \frac{\varepsilon+A}{2} \cos \frac{J-R}{2} = \left(\sin \frac{A}{2} \cos \frac{r-i}{2} \right) \cdot n$$

$$\text{Такимъ образомъ, } \sin \frac{\varepsilon+A}{2} = n \sin \frac{A}{2} \cdot \frac{\cos \frac{r-i}{2}}{\cos \frac{J-R}{2}},$$

откуда видно, что уголъ отклоненія призмы зависитъ отъ n , $\sin \frac{A}{2}$ и отношенія $\cos \frac{1}{2}(r-i) : \cos \frac{1}{2}(J-R)$; но n и $\sin \frac{A}{2}$ величины постоянныя для данной призмы, отношеніе же—величина переменная; поэтому, съ измѣненіемъ величины этого отношенія, измѣняется и величина отклоненія призмы, и наименьшая величина угла ε соотвѣтствуетъ наименьшему значенію отношенія

$$\frac{\cos \frac{1}{2}(r-i)}{\cos \frac{1}{2}(J-R)}.$$

Докажемъ, что наименьшая величина нашего отношенія равна единицѣ и имѣеть мѣсто, когда $J=R$.

Здѣсь могутъ представиться три случая:

I. Если $J > R$, то и $\sin J > \sin R \dots . (5)$.

Перемноживъ равенства (3) и (4), получаемъ: $\sin J \sin i = \sin R \sin r$, откуда, на основаніи неравенствъ (5):

$$\sin i < \sin r \text{ и } r > i.$$

Изъ равенствъ (4) и (3) получаемъ также:

$$\sin J - \sin R = n(\sin r - \sin i), \text{ откуда:}$$

$$(5) \quad 2 \cos \frac{J+R}{2} \sin \frac{J-R}{2} = 2n \cos \frac{r+i}{2} \sin \frac{r-i}{2} \text{ и,}$$

по предыдущему:

$$(6) \quad \sin \frac{J-R}{2} \cos \frac{A+\varepsilon}{2} = n \cos \frac{A}{2} \sin \frac{r-i}{2}, \text{ т. е.}$$

$$\frac{\sin \frac{1}{2}(J-R)}{\sin \frac{1}{2}(r-i)} = n \frac{\cos \frac{A}{2}}{\cos \frac{1}{2}(A+\varepsilon)}.$$

Замѣтивъ теперь, что $n > 1$ и $\cos \frac{1}{2} A > \cos \frac{1}{2}(A+\varepsilon)$, поэтому что $A+\varepsilon > A$, можемъ написать:

$$\frac{\sin \frac{1}{2}(J-R)}{\sin \frac{1}{2}(r-i)} > 1, \text{ т. е. } \sin \left(\frac{J-R}{2} \right) > \sin \frac{1}{2}(r-i)$$

откуда $J-R > r-i$, а

$$\cos \frac{J-R}{2} < \cos \frac{r-i}{2}, \text{ т. е.}$$

въ этомъ случаѣ отношение $\frac{\cos \frac{1}{2}(r-i)}{\cos \frac{1}{2}(J-R)} > 1$.

II. Точно такъ же, если $J < R$, то $r < i$; вычитаниемъ равенства (3) изъ (4) получаемъ $\sin R - \sin J = n(\sin i - \sin r)$.

Дѣлая здѣсь преобразованія, подобныя предыдущимъ, получимъ:

$$\frac{\sin \frac{R-J}{2}}{\sin \frac{i-r}{2}} = n \frac{\cos \frac{A}{2}}{\cos \frac{\varepsilon+A}{2}} > 1,$$

откуда

$$R-J > i-r \text{ и}$$

$$(6) \quad \frac{\cos \frac{1}{2}(i-r)}{\cos \frac{1}{2}(R-J)} = \frac{\cos \frac{1}{2}(r-i)}{\cos \frac{1}{2}(J-R)} > 1.$$

III. Наконецъ, если $J = R$, то и $r = i$, а отношение

$$\frac{\cos \frac{1}{2} (r-i)}{\cos \frac{1}{2} (J-R)} = \frac{1}{1} = 1.$$

Итакъ, отклоненіе призмы имѣть наименьшую величину, когда $J = R$, т. е., когда уголъ паденія луча равенъ углу его выхода изъ призмы.

Изъ равенства (2) прямо слѣдуетъ, что численная величина наименьшаго отклоненія призмы равна $2J - A$, а, съ помощью этого, легко опредѣлить и показатель преломленія призмы изъ

формулы

$$n = \frac{\sin \frac{\epsilon + A}{2}}{\sin \frac{A}{2}}.$$

НАУЧНАЯ ХРОНИКА.

Новый физико-химический журналъ. Въ скоромъ времени начнетъ выходить новый журналъ „Physikalisch-chemisches Centralblat“¹, имѣющій цѣлью давать рефераты работы по физической химії всего міра. Предполагается, что, большею частию, авторы сами будутъ присыпать въ редакцію рефераты своихъ работъ. Редактируется журналъ приватъ-доцентомъ высшей технической школы въ Дармштадтѣ Dr. Rudolph i.

Распространенность радиоактивности. Уже давно возникалъ вопросъ, является ли радиоактивность свойствомъ, присущимъ исключительно радию, торию и урану, или и другіе элементы обладаютъ тѣмъ же свойствомъ, только менѣе ярко выраженнымъ. Чѣмъ подробнѣе становятся изслѣдованія, тѣмъ больше и больше приходится склоняться къ мысли, что радиоактивность гораздо болѣе распространена въ мірѣ, чѣмъ это казалось сначала. Въ недавнее время начали появляться работы, доказывающія, что самые обыкновенные материалы, какъ стекло, глина, олово, пластина и т. п., являются въ слабой степени радиоактивными, обладаютъ способностью іонизировать воздухъ. Съ другой стороны, и почва обладаетъ способностью испускать радиоактивныя эманациіи, дѣлающія соприкасающійся съ ней воздухъ проводникомъ. Вопросъ о радиоактивности обыкновенныхъ материаловъ занимались Дж. Дж. Томсонъ, Макъ-Леннанъ и Струттъ, но только работа послѣдняго появилась въ печати. Приборъ его, въ существенныхъ чертахъ, состоялъ изъ цилиндрическаго сосуда, въ

центре которого помещалась вертикальная изолированная медная проволока. Въ верхней части этой проволоки былъ прикрепленъ золотой листочекъ, отклонявшійся подъ влияніемъ заряда, сообщаемаго особымъ весьма остроумнымъ приспособленіемъ проволокѣ извнѣ. Передъ началомъ опыта изъ сосуда былъ выкачанъ воздухъ и провѣрена изоляція проволоки. Оказалось, что золотой листочекъ въ теченіе нѣсколькихъ часовъ оставался совершенно неподвижнымъ. Затѣмъ въ цилиндрѣ былъ впущенъ воздухъ, и листочекъ сейчасъ же пришелъ въ движение. Для изслѣдованія дѣйствія различныхъ матеріаловъ внутрення стѣнки цилиндра выкладывались этими матеріалами, и наблюдалась потеря заряда съ проволоки. Оказалось, что скорость снятія заряда различна для разныхъ матеріаловъ. Такъ, для одного образца олова листочекъ передвигался, на 3,3 дѣленія шкалы въ 1 часъ, а для другого на 2,3; для серебра перемѣщеніе было 1,6 дѣленія, для цинка—1,2, для свинца—2,2, чистой меди—2,3; о иденной—1,7; для алюминія—1,4 и для трехъ разныхъ образцовъ платины соотвѣтственно 2,0, 2,9 и 3,9. Всѣ эти числа были получены по нѣсколько разъ. Интересны различія, полученные для разныхъ образцовъ одного и того же вещества. Оказалось, что образцы, напр., олова, взятые отъ одного и того же листа, давали всегда одинаковое снятіе заряда, а отъ различныхъ листовъ—разныя величины снятія. Эта несомнѣнная разница въ числахъ доказывается, по мнѣнію Струтта, что здѣсь дѣло не въ произвольной іонизаціи воздуха, а въ радиоактивныхъ эманаціяхъ стѣнокъ сосуда. Однако, эта радиоактивность необыкновенно слаба, и контрольный опытъ показалъ, что азотокислый уранъ при такой же поверхности, какъ испытанный образецъ наиболѣе активной платины, окажалъ бы дѣйствіе въ 3000 разъ болѣе сильное. Если принять во вниманіе, что радиъ почти въ 100000 разъ активнѣе урана, то невольно напрашивается мысль: не являются ли причиной наблюденной активности просто мельчайшія крупишки радія, случайно попавшія на испытуемый тѣлѣ? Рѣшить этотъ вопросъ можно только, изслѣдовавъ природу испускаемыхъ разными тѣлами лучей. Струттъ и попробовалъ это сделать, воспользовавшись для изслѣдованія поглощеніемъ лучей воздухомъ. Тутъ оказалось, что поглощаемость лучей, испускаемыхъ разными матеріалами, различна, и даже для отдѣльныхъ образцовъ одного и того же вещества лучи отличаются не только по количеству, но и по качеству. Между прочимъ, лучи, испускаемые оловомъ и цинкомъ, оказались похожими на α -лучи урана, но все-таки заметно отъ нихъ отличающимися. Такой результатъ заставляетъ склониться къ мысли о самостоятельной активности изслѣдованныхъ матеріаловъ. Къ весьма интереснымъ результатамъ въ томъ же направлениі пришли Эльстеръ и Гейтель. Имъ уже давно удалось показать, что воздухъ въ погребахъ, глубокихъ ямахъ и шахтахъ гораздо болѣе іонизированъ, чѣмъ на поверхности земли. До сихъ поръ оставался только нерѣшеннымъ вопросъ о происхожденіи этой іонизаціи. Напрашивались два предположенія:

либо воздухъ самъ обладаетъ способностью становиться радиоактивнымъ, либо источникомъ находящихся въ немъ, повидимому, эманаций является земля. Однако, въ случаѣ правильности первого предположенія, радиоактивность воздуха въ любомъ мѣстѣ въ погребахъ должна быть одна и та же, между тѣмъ поставленные Эльстеромъ и Гейтелеемъ опыты показали обратное. Измѣренія проводимости воздуха въ разныхъ мѣстахъ Германіи дали весьма различныя значенія. Такимъ образомъ, составъ стѣнъ и пола погребовъ или пещерь имѣетъ несомнѣнное вліяніе на іонизацію находящагося въ нихъ воздуха. Тогда Эльстеръ и Гейтель начали изслѣдовать воздухъ, извлеченный изъ глубины почвы въ разныхъ мѣстностяхъ. Оказалось, что такой воздухъ обладаетъ весьма различными степенями активности, но всегда большими, чѣмъ свободный воздухъ. Наконецъ, Эльстеръ и Гейтель подвергли изслѣдованію образцы самой почвы. Оказалось, что они очень сильно активны. Отдельная разная составная части почвы, наблюдатели получили глину, активность которой сначала ослабѣла, но затѣмъ, черезъ короткій промежутокъ времени, опять достигла прежней величины. Повидимому, въ этой глине находилось какое-то активное вещество, котораго, однако, не удалось выдѣлить. Изслѣдованія на радиоактивность мѣла, морской и карлсбадской соли, тяжелаго шпата,—дали отрицательные результаты. Только горшечная глина показала какъ будто легкую активность. Такимъ образомъ, въ землѣ, повидимому, находится какое-то радиоактивное вещество, связанное съ глинистыми составными частями ея. Эти наблюденія находятъ подтвержденіе въ работѣ Кука, который замѣтилъ ясно выраженную активность въ кирпичахъ. Интересно, что выдѣляющійся изъ большой глубины на вулканической почвѣ углекислый газъ обладаетъ ясно выраженной радиоактивностью, между тѣмъ какъ добываемый обычнымъ путемъ совершенно неактивенъ. Любопытно также еще одинъ опытъ Эльстера и Гейтеля. Они помѣщали въ вырытыхъ въ землѣ ямахъ разныя вещества, заключенные въ полотняный мѣшокъ, и оставляли ихъ на нѣсколько недѣль. По прошествіи этого срока, изъ всѣхъ веществъ только глина стала радиоактивной. Радиоактивность эта была наведеной, такъ какъ съ теченіемъ времени уменьшалась. Итакъ, несомнѣнно, что въ землѣ заключаются какія-то радиоактивныя вещества, опредѣлить которыя является интересной, но трудной задачей. Наблюденія Эльстера и Гейтеля подтверждаются и работами Макъ-Леннана. Изслѣдуя радиоактивность воздуха близъ поверхности земли, онъ замѣтилъ, что послѣ выпаденія снѣга она рѣзко уменьшается и въ то же время снѣгъ,—главнымъ образомъ, его нижняя поверхность,—является активнымъ. Прикрывая поверхность земли, онъ защищаетъ воздухъ отъ прониканія радиоактивныхъ эманаций и принимаетъ ихъ въ себя. Почти такъ же, но въ болѣе слабой степени дѣйствуетъ и дождь. Всѣ эти изслѣдованія еще слишкомъ новы, чтобы изъ нихъ можно было вынести какіе-нибудь несомнѣнныя и опредѣленные взгляды на радиоактивность, но про-

долженіе ихъ, навѣрное, будетъ содѣйствовать проясненію нашихъ взглядовъ на этотъ все еще темный и неопределенный вопросъ.

Новые сильные электромагниты Де-Маре. Когда электромагнитъ возбуждается не однимъ слоемъ витковъ проводника, а несколькими, то вѣнчіе слои производятъ болѣе слабое дѣйствіе, будучи расположены дальше отъ сердечника, между тѣмъ какъ на нихъ уходитъ большая длина провода, чѣмъ на внутренніе слои. Вслѣдствіе этого, безполезно увеличивается сопротивленіе цѣпи и вѣсь затраченной на электромагнитъ проволоки. Было сдѣлано уже много болѣе или менѣе удачныхъ попытокъ устраниТЬ эти недостатки и построить сильные электромагниты при наименьшихъ затратахъ на матеріаLь и на энергию. Вопроcъ обыкновенно рѣшался тѣмъ, что, вмѣсто одного большого электромагнита, строилась система болѣе мелкихъ, соединенныхъ однимъ общимъ полюснымъ наконечникомъ. Однако, нельзя признать этотъ способъ рѣшенія вопроса достаточно экономнымъ, такъ какъ длина мѣдного провода очень мало уменьшается, и отдѣльные магниты, дѣйствуя другъ на друга, ослабляютъ общій силовой потокъ. Недавно изобрѣтенная система Де-Маре состоитъ въ осо-бомъ расположениіи обмотки, помѣщающейся не только снаружи сердечника, но и внутри его. Построивъ два электромагнита, одинъ обычнымъ способомъ, а другой—по своему способу, и затративъ на оба по вполнѣ одинаковому количеству жѣлѣза и мѣди, Де-Маре нашелъ, что, при затратѣ одинаковой энергіи 8 ваттъ (4 амп. 2 в.), обыкновенный электромагнитъ способенъ удержать вѣсь въ 1059 гр., а построенный по его системѣ—9600 гр. Магнитные спектры, полученные для обоихъ электромагни-тovъ, показали, что у электромагнита Де-Маре поле несравненно болѣе равномѣрное, чѣмъ у электромагнита обыкновенного типа.

(“Электричество”).

Новое примѣненіе рентгеновскихъ лучей. Ассистентъ госпиталя во Фрейбургѣ д-ръ Штегманъ (Stegmann) открылъ способъ по-лученія снимковъ съ внутреннихъ органовъ человѣческаго тѣла при помощи рентгеновскихъ лучей.

Почти всѣ части человѣческаго тѣла для рентгеновскихъ лучей, какъ извѣстно, проницаемы; чтобы сдѣлать ихъ непрони-цаемыми, д-ръ Штегманъ впрыскиваетъ въ кровеносные сосуды или въ отдѣльныя части тѣла непроницаемое для рентгеновскихъ лучей вещество (эмulsionia изъ висмута въ оливковомъ маслѣ). Пользуясь этимъ методомъ, д-ръ Штегманъ получилъ снимки он-дѣлкаго, почечныхъ сосудовъ, желчнаго протока и т. п.

(“Электротехникъ”).

ЗАДАЧИ ДЛЯ УЧАЩИХСЯ.

Рѣшенія всѣхъ задачъ, предложенныхъ въ текущемъ семестрѣ, будуть помѣщены въ слѣдующемъ семестрѣ.

№ 400 (4 сер.). Пересѣчь данный треугольникъ ABC прямою, встрѣчающей стороны AB , AC и продолженіе стороны BC соответственно въ точкахъ D , E и F такъ, чтобы площади фігуръ ADE и ECF имѣли данныя значенія.

И. Александровъ (Тамбовъ)

№ 401 (4 сер.). Рѣшить уравненіе

$$8\sin\frac{x}{8}\cos\frac{x}{8}\sqrt{1-4\sin^2\frac{x}{8}\cos^2\frac{x}{8}}\sqrt{1-16\cos^2\frac{x}{8}\sin^2\frac{x}{8}}\sqrt{1-4\sin^2\frac{x}{8}\cos^2\frac{x}{8}}=\frac{1}{2}.$$

Л. Ямпольскій (Braunschweig).

№ 402 (4 сер.). Высота AD треугольника ABC равна его основанію BC ; опредѣлить предѣлы, между которыми можетъ измѣняться при этомъ условіи отношеніе сторонъ AB и AC .

Евг. Григорьевъ (Казань).

№ 403 (4 сер.). Показать, что если a есть приближенный корень квадратный съ точностью до единицы изъ числа A , и если положить

$$A = a^2 + R,$$

то корень квадратный изъ A заключается между

$$a + \frac{R}{2a+1} \text{ и } a + \frac{R}{2a}. \quad (\text{Задача } 18 \text{ из } \text{ИМ} \text{ (Заимств.)})$$

№ 404 (4 сер.). Показать, что при всякомъ цѣломъ нечетномъ значеніи a число $a^4 + 7(7 - 2a^2)$ дѣлится на 64.

(Заимств.).

№ 405 (4 сер.). Съ аэростата пущенъ въ море безъ начальной скорости полый желѣзный шарт. Шартъ всплылъ на поверхность воды черезъ 25 секундъ послѣ того, какъ онъ въ нее погрузился. Опредѣлить высоту, на которой находился аэростатъ, если дано, что вѣсъ шара равенъ 2 килограммамъ, объемъ его равенъ двумъ литрамъ, а плотность морской воды равна 1,1. Треніе шара о воздухъ и о воду не принимается въ разсчетѣ.

Л. Ямпольскій (Braunschweig).

РѢШЕНИЯ ЗАДАЧЪ.

№ 306 (4 сер.). Изъ данной точки M , лежащей внутри данного угла ABC , описать, какъ изъ центра, окружность, отсыкающую отъ прямыхъ AB и BC отрезки, находящіеся въ данномъ отношеніи.

Опустимъ изъ точки M перпендикуляры MN и MK соответственно на

прямые AB и BC , и пусть PQ и RS отрезки, отсекаемые соответственно искомой окружностью на этих прямых. Полагая данное отношение отрезков равным $\frac{m}{n}$, имеем:

$$\frac{PQ}{RS} = \frac{m}{n} = \frac{\overline{2}}{\overline{RS}} = \frac{PN}{RK} \quad (1).$$

Таким образом, задача приводится к построению двух прямолинейных треугольников PNM и RKM , катеты которых MN и MK даны, вторые катеты которых PN и RK находятся (см. (1)) в данном отношении $\frac{m}{n}$, и гипотенузы которых MP и MR равны, какъ радиусы одного и того же круга.

Предполагая задачу решенной и имѣя въ виду, кроме того, случай $m \neq n$, отложимъ на продолженіи KM отрезокъ $MN' = MN$ и проведемъ $N'P' = NP$ въ направлении, перпендикулярно къ MN' , и при томъ такъ, чтобы точки P' и R лежали по одну сторону отъ прямой MK ; затѣмъ соединимъ точки R и P' прямой, которую продолжимъ до встречи съ прямой KM въ точкѣ X . Тогда имѣемъ (см. (1)):

$$\frac{XN'}{RK} = \frac{P'N'}{RK} = \frac{PN}{RK} = \frac{m}{n} \quad (2).$$

Затѣмъ опустимъ перпендикуляръ MT на основаніе PR равнобедренного треугольника $P'MR$ и проведемъ прямую $TU \parallel RK$ до встречи въ точкѣ Y съ прямой $N'K$; тогда

$$\frac{PT}{TR} = \frac{N'Y}{RK} = 1; N'Y = \frac{N'K}{2} \quad (3).$$

Изъ всего сказанного вытекаетъ построение: на продолженіи KM отложимъ $MN' = MN$, дѣлимъ отрезокъ $N'K$ въ точкѣ X винишымъ образомъ въ отношении $\frac{m}{n}$ (см. (2)) и изъ средины Y отрезка $N'K$ (см. (3)) проводимъ $UY \parallel RK$; затѣмъ строимъ на отрезкѣ MX , какъ на диаметрѣ, окружность, и точку встрѣчи ея T съ прямой UY соединяемъ съ точкой M прямой. Опишемъ изъ точки M радиусомъ MT окружность: эта окружность и есть искомая. Задача возможна лишь тогда, если отношение $\frac{m}{n} > 1$ и $\frac{MN}{MK} < 1$ или, на-

оборотъ, $\frac{m}{n} < 1$ и $\frac{MN}{MK} > 1$; только въ этихъ случаяхъ точка Y лежить между точками M и X . Если же $m=n$, то задача возможна лишь при $MN = MK$ (и наоборотъ); въ этомъ случаѣ всякая окружность, проходящая центръ и M , удовлетворяетъ вопросу. Весьма просто задача решается приложениемъ алгебры къ геометрии. Полагая $MP=x$, $MN=a$, $MK=b$, имеемъ (см. (1))

$$\frac{x^2 - a^2}{x^2 - b^2} = \frac{m^2}{n^2},$$

откуда

$$x = \sqrt{\frac{m^2b^2 - a^2n^2}{m^2 - n^2}} = \sqrt{m \left(\frac{mb^2}{m^2 - n^2} - \frac{a^2n^2}{m(m^2 - n^2)} \right)} \quad (4).$$

Формула (4) легко приводитъ къ построению x и къ изслѣдованию задачи.

Л. Ямпольский (Одесса); Я. Дубновъ (Одесса); А. Запкинъ (Самара); Г. Огановъ (Эривань); И. Плотникъ (Одесса).

№ 322 (4 сер.). Существует ли система нумерации, въ которой число 1121 есть точный кубъ?

Предполагая, что основаніе системы, по которой написано число 1121, равно x , имѣемъ:

$$1121 = x^3 + x^2 + 2x + 1.$$

Исходя изъ неравенствъ (следуетъ замѣтить, что, по условію, $x > 0$)

$$x^3 < x^3 + x^2 + 2x + 1 < x^3 + 3x^2 + 3x + 1,$$

или

$$x^3 < 1121 < (x+1)^3,$$

мы находимъ, что, при произвольномъ основаніи системы нумерации, число 1121 не есть точный кубъ, такъ что нѣтъ основанія системы нумерации, въ которой число 1121 являлось бы точнымъ кубомъ.

Г. Олановъ (Эривань); Н. С. (Одесса).

№ 325 (4 сер.). Доказать, что во всякомъ прямоугольномъ треугольнике высота, проведенная къ гипотенузѣ, равна суммѣ радиусовъ круговъ, вписаныхъ въ данный треугольникъ и въ два треугольника, на которые онъ разбивается высотою.

(Задача изъ *Journal de Mathématiques élémentaires*).

Пусть A — вершина прямоугольного треугольника ABC , $AD = h$ его высота, a, b, c — соотвѣтственно лежащія противъ угловъ A, B, C стороны, $BD = c'$ и $DC = b'$ отрѣзки гипотенузы, r, r' и r'' радиусы круговъ, вписанныхъ соотвѣтственно въ треугольники ABC, ABD и ACD . По извѣстной формулы, обозначая $a+b+c$ черезъ $2p$, имѣемъ:

$$r = (p-a) \operatorname{tg} \frac{A}{2} = p - a = \frac{a+b+c}{2} - a = \frac{b+c-a}{2} \quad (1).$$

Примѣняя эту же формулу къ треугольникамъ ABD и ACD , получимъ:

$$r' = \frac{h+c'-c}{2}, \quad r'' = \frac{h+b'-b}{2} \quad (2).$$

Складывая почленно равенства (1) и (2) и замѣчая, что $b'+c'=a$, получимъ:

$$r + r' + r'' = \frac{2h + b + c - a - c - b + (b' + c')} {2} = \frac{2h - a + a} {2} = h = AD.$$

И. Плотниковъ (Одесса); Г. Олановъ (Эривань); Л. Ямпольскій (Одесса); А.

Занкинъ (Самара); Я. Дубиновъ (Вильна); Н. Гончаровъ (Короча); Н. Сагателовъ (Шуша).

№ 328 (4 сер.). Если a есть цѣлое число, квадратъ котораго имеетъ видъ $5n-1$ (n — цѣлое число), то произведение xu имѣихъ чиселъ, удовлетворяющихъ уравненію

дополнится на 5.

Перенося $2ay^2$ во вторую часть, находимъ:

$$x^2 = 2ay^2 + 1 \quad (1).$$

Всякому цѣлому числу можно дать одинъ изъ видовъ: $5k, 5k+1, 5k+2$, гдѣ k — число цѣлое; по возвышенніи этого ряда чиселъ въ квадратъ, мы убеждаемся, что лишь числа вида $5k \pm 2$ даютъ по возвышенніи число вида

$5n-1$, где n —число цѣлое. Итакъ, согласно съ условіемъ задачи,

$$a = 5k \pm 2 \quad (2),$$

гдѣ k —циѣлое число. Предположимъ теперь, что y не дѣлится на 5; тогда y есть число вида

$$5k \pm 1, \quad 5k \pm 2 \quad (3).$$

Возвышеніемъ этого ряда чиселъ въ квадратъ убѣждаемся, что

$$y^2 = 5m \pm 1 \quad (4),$$

гдѣ m —число цѣлое.

Вставляя изъ равенствъ (2) и (4) значенія a и y^2 , получимъ:

$$\begin{aligned} x^2 &= 2(5k \pm 2)(5k \pm 1) + 1 = \\ &= 5[10k^2 + (\pm 4 \pm 1)k] \pm 4 + 1, \\ x^2 &= 5M \pm 4 + 1 \quad (5), \end{aligned}$$

гдѣ M —число цѣлое, а потому (см. (5)) можно сдѣлать лишь два предположенія: либо

$$x^2 = 5M + 5 = 5(M+1) \quad (6),$$

либо

$$x^2 = 5M - 3 \quad (7).$$

Предположеніе (7) невозможно, такъ какъ квадраты чиселъ, кратныхъ 5, даютъ при дѣленіи на 5 въ остаткѣ 0, а не кратныхъ 5 (см. (4)) — даютъ остатокъ ± 1 , такъ что квадратъ цѣлаго числа при дѣленіи на 5 не можетъ давать въ остаткѣ (-3) . Поэтому (см. (6)) x^2 , а следовательно, и x и xy дѣлится на 5. Мы полагали, что y не кратно 5; если же y кратно 5, то xy тоже кратно 5, такъ что xy при условіяхъ, указанныхъ въ задачѣ, всегда дѣлится на 5.

Я. Дубновъ (Вильна); Н. С. (Одесса).

№ 331 (4 сер.). Доказать, что, при всякомъ цѣломъ значеніи a , число

$$(a^2+3a+1)^2 - 1$$

дѣлится на 24.

(Займств. изъ *Journal de Mathématiques élémentaires*).

Послѣ ряда преобразованій

$$\begin{aligned} (a^2+3a+1)^2 - 1 &= (a^2+3a+2)(a^2+3a) = (a+1) \cdot (a+2) \cdot a \cdot (a+3) = \\ &= a(a+1)(a+2)(a+3) \end{aligned}$$

замѣчаемъ, что предложенное выраженіе, при цѣломъ значеніи a , приводится къ произведению четырехъ послѣдовательныхъ цѣлыхъ чиселъ a , $a+1$, $a+2$ и $a+3$ и потому дѣлится, по пачѣстной теоремѣ, на произведение 1.2.3.4=24.

А. Закинъ (Самара); Л. Ямпольскій (Одесса); Р. Домбровскій (Петербургъ); Н. Кунинъ (ст. Константиновская); Н. Готлибъ (Митава); В. Винокуръ (Москва); Я. Дубновъ (Вильна); Г. Оланянъ (Эривань); С. Адамовичъ (Двинскъ); А. Ческій (Слуцкъ); Л. Гальперинъ (Бердичевъ); И. Плотниковъ (Одесса).

Редакторы: В. А. Циммерманъ и В. Ф. Наганъ.

Издатель В. А. Гернетъ.

Дозволено цензурою, Одесса 18-го Ноября 1903 г.

Типографія Бланкоиздательства М. Шпенцера, Ямская, д. № 64.

Обложка
ищется

Обложка
ищется