

№ 666.

Вѣстникъ Опытной Физики

и

Элементарной Математики,

издаваемый

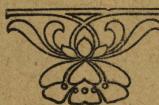
В. А. ГЕРНЕТОМЪ

подъ редакціей

Приватъ-доцента В. Ф. КАГАНА.

Второй серіи

VI-го семестра № 6.



ОДЕССА.

Типографія „Техникъ“—Екатерининская, 58.

1916.

ВѢСТНИКЪ ОПЫТНОЙ ФИЗИКИ И ЭЛЕМЕНТАРНОЙ МАТЕМАТИКИ.

Выходитъ 24 раза въ годъ отдѣльн. выпусками, въ 24 и 32 стр. каждый, подъ ред. прив.-доц. В. Ф. Кагана.

ПРОГРАММА ЖУРНАЛА: Оригинальныя и переводныя статьи изъ области физики и элементарной математики. Статьи, посвященныя вопросамъ преподаванія математики и физики. Опыты и приборы. Изъ записной книжки преподавателя. Научная хроника. Разныя извѣстія. Математическая мелочь. Библиографія; I. Рецензіи. II. Собственные сообщенія авторовъ, переводчиковъ и редакторовъ о выпущенныхъ книгахъ. III. Новости иностранной литературы. Темы для сотрудниковъ. Задачи на премію. Задачи для рѣшенія. Рѣшенія предложенныхъ задачъ съ фамиліями рѣшившихъ.

Статьи составляются настолько популярно, насколько это возможно безъ ущерба для научной стороны дѣла.

Предыдущіе семестры были рекомендованы: Учен. Ком. Мин. Нар. Пр.—для гимн. мужск. и женск., реальн. уч., прогимн., городск. уч., учит. инст. и семинарій; Главн. Упр. Военно-Учебн. Зав.—для военно-уч. заведеній; Учен. Ком. при Св. Синодѣ—для дух. семинарій и училищъ.

Въ 1913 г. журналь былъ признанъ Учен. Ком. Мин. Нар. Пр. заслуживающимъ вниманія при пополненіи библіотекъ среднихъ учебныхъ заведеній.

Пробный номеръ высылается за одну 10-коп. марку.

Отъ конторы редакціи.

Въ виду крайней дороговизны бумаги и всѣхъ работъ, сопряженныхъ съ изданіемъ журнала, подписная цѣна на 1917 годъ повышена до 8 рублей. Для учителей и учительницъ низшихъ учебныхъ заведеній, а также для учащихся подписная цѣна повышена до 5 рублей.

УСЛОВІЯ ПОДПИСКИ: Подписная цѣна съ пересылкой: за годъ 8 руб., за полгода 4 руб. Учителя и учительницы низшихъ училищъ и всѣ учащіе, выписывающіе журналъ непосредственно изъ конторы редакціи, платить за годъ 5 руб., за полгода 2 руб. 50 к. Допускается разсрочка подписной платы по соглашению съ конторой редакціи. Книгопродающимъ 5% уступки.

Тарифъ для объявлений: за страницу 30 руб.; при печатаніи не менѣе 3 разъ — 10% скидки, 6 разъ — 20%, 12 разъ — 30%.

Журналь за прошлые годы по 3 руб., а учащимся и книгопродающимъ по 2 руб. 50 коп. за семестръ. Отдѣльные номера текущаго семестра по 30 к., прошлыхъ семестровъ по 25 к.

Адр. для корреспонденціи: Одесса. Въ редакцію „ВѢСТНИКА ОПЫТНОЙ ФИЗИКИ“.

ВѢСТНИКЪ ОПЫТНОЙ ФИЗИКИ

Элементарной Математики.

№ 666.

Содержание: Введеніе въ ученіе объ основаніяхъ геометріи. Прив.-доц. В. Ф. Кагана. (Продолженіе). — Кинетическая теорія газовъ. Е. Бути. Исходные продукты, служащіе для производства взрывчатыхъ веществъ. А. Мэля. — Задачи №№ 355 — 358 (6 сер.). — Рѣшенія задачъ: № 311 (6 сер.). — Опечатки. — Объявленія.

Введеніе въ ученіе объ основаніяхъ геометріи.

Прив.-доц. В. Ф. Кагана.

(Продолженіе*).

§ 6. Наименование величины.

1. Въ п. 7 § 4-го мы дали опредѣленіе понятія о величинѣ. Согласно этому опредѣленію, комплексъ, составленный изъ тѣхъ или иныхъ элементовъ, претворяется въ величину, если мы устанавливаемъ между его элементами троекаго рода соотношенія, которых удовлетворяютъ постулатамъ I — VIII; эти соотношенія мы выражаемъ въ словахъ такъ: „*A* больше *B*“, „*A* равно *B*“, „*A* меньше *B*“, при чьемъ критеріи сравненія опредѣляютъ, какимъ изъ трехъ соотношений элементъ *A* связанъ съ элементомъ *B*. Однако, одинъ и тотъ же комплексъ можетъ быть часто претворяеть въ величину при различныхъ критеріяхъ сравненія. Такъ, напримѣръ, комплексъ, состоящий изъ людей, можетъ быть претворенъ въ величину по послѣдовательности моментовъ ихъ рожденія; но онъ можетъ быть претворенъ въ величину также при критеріяхъ сравненія, основанныхъ

* См. „ВѢСТНИКЪ“, № 664 — 665.

на относительномъ положеніи, которое примутъ головы сравниваемыхъ людей, когда мы поставимъ ихъ рядомъ на одной горизонтальной плоскости. Можно, конечно, указать и множество другихъ критеріевъ сравненія для элементовъ того же комплекса. Ясно, что при такихъ условіяхъ выражение „*A* больше *B*“ будетъ имѣть опредѣленное содержаніе только тогда, когда будутъ указаны тѣ критеріи сравненія, къ которымъ слово „больше“ относится. Поэтому по смыслу опредѣленія, содержащагося въ п. 7 § 4-го, мы должны были бы говорить, напримѣръ, такъ: „*A* больше *B* при критеріяхъ сравненія, основанныхъ на послѣдовательности моментовъ рожденія“ и т. п. Для сокращенія рѣчи, однако, языкъ выработалъ иную форму выраженія той же мысли. Именно, онъ вводитъ новые термины: „возрастъ“, „ростъ“ и т. п., и вмѣсто того, чтобы говорить: „*A* больше *B* при критеріяхъ сравненія, основанныхъ на послѣдовательности моментовъ рожденія“, говорить короче: „возрастъ лица *A* больше возраста лица *B*“, такъ что вторая фраза есть лишь сокращенное выражение первой. Точно такъ же говорятъ: „ростъ лица *A* больше роста лица *B*“ вмѣсто того, чтобы сказать: „*A* больше *B* при критеріяхъ сравненія, основанныхъ на положеніи головы и т. д.“.

Нужно ясно понимать, что нѣтъ возраста, нѣтъ роста, есть лишь люди, которыхъ мы сопоставляемъ при различныхъ критеріяхъ сравненія; какъ нѣтъ доброты, нѣтъ ума, нѣтъ старшинства — есть только лишь люди и различные ихъ свойства, которые служатъ для настъ критеріями сравненія.

2. Еще въ глубокой древности было хорошо извѣстно, что звукъ, издаваемый струной, мѣняется двояко: въ зависимости отъ напряженія струны и отъ размаха вызванного въ струнѣ колебанія; ухо всегда улавливало различие въ измѣненіи звука въ зависимости отъ измѣненія того или иного фактора. Измѣненія каждого фактора позволяли претворить комплексъ звуковъ въ величину, такъ какъ въ одномъ и въ другомъ случаѣ мы имѣемъ критеріи, удовлетворяющіе постулатамъ сравненія. Сообразно этому были созданы два понятія: „высота звука“ и „сила звука“. Вмѣсто того, чтобы говорить: „звукъ больше при критеріяхъ сравненія, опредѣляемыхъ напряженіемъ струны“, мы говоримъ: „звукъ имѣеть большую высоту“, „звукъ выше“; аналогично этому мы говоримъ: „звукъ сильнѣе“, „звукъ имѣеть большую силу“ вмѣсто того, чтобы говорить: „звукъ больше при критеріяхъ сравненія, опредѣляемыхъ амплитудой колебанія“.

Нѣтъ силы звука, нѣтъ высоты звука; есть только звуки, которые мы сравниваемъ между собою по различнымъ критеріямъ, и эти критеріи мы отмѣчаемъ терминами „высота“ и „сила“ звука.

Въ связи съ этимъ вмѣсто того, чтобы говорить, что совокупность звуковъ представляетъ собой одного рода величину при первыхъ критеріяхъ сравненія и другого рода величину при вторыхъ критеріяхъ, говорятъ, что въ первомъ случаѣ величину составляетъ высота звука, а во второмъ — сила звука. Величиной, такимъ образомъ, признается какъ бы не самый комплексъ элементовъ, а новое понятіе, введенное для различенія критеріевъ сравненія. Можно сказать

что вновь введенный терминъ становится наименованиемъ величины, соответственно тѣмъ критеріямъ сравненія, къ которымъ онъ отнесенъ.

Совершенно такое же значеніе имѣютъ понятія: объемъ, вѣсъ, температура, электрическое напряженіе и т. д. Нѣть объема, вѣса, температуры и т. д.; есть лишь физическая тѣла, которыхъ различно себя проявляютъ въ различныхъ условіяхъ; и эти различныя проявленія позволяютъ намъ установить различные критеріи сравненія, при помощи которыхъ комплексъ физическихъ тѣлъ (всѣхъ или нѣкоторыхъ) можетъ быть претворенъ въ величину; на одинъ и тотъ же комплексъ, различнымъ образомъ претворенный въ величину, мы смотримъ, какъ на различныя величины, которымъ мы даемъ различныя наименованія; такимъ образомъ возникаютъ понятія „объемъ“, „вѣсъ“, „температура“, „электрическое напряженіе“ и т. п.

3. Правильны ли изложенные взгляды съ гносеологической стороны или нѣть, это вопросъ, конечно, спорный. Но одно сомнѣнію не подлежитъ: для математика величина вполнѣ опредѣлена, когда указанъ комплексъ элементовъ и критеріи сравненія. Мы постараемся выяснить это на рядѣ примѣровъ.

4. Евклидъ претворяетъ совокупность отношений элементовъ одной и той же величины (напримѣръ, углы, отрѣзковъ и т. д.) вновь въ величину. Это значитъ, что каждая пара, скажемъ, отрѣзковъ разсматривается, какъ элементъ нѣкотораго комплекса, и этотъ комплексъ претворяется въ величину, который именуется „отношеніемъ отрѣзковъ“. Для Евклида отношеніе не есть число; это есть величина, которую онъ опредѣляетъ критеріями сравненія. Ниже это будетъ выяснено со всѣми необходимыми подробностями.

5. Разсмотримъ комплексъ, составленный изъ всѣхъ плоскихъ прямолинейныхъ фигуръ (многоугольниковъ). Будемъ говорить что многоугольникъ A стоять къ многоугольнику B въ отношеніи α , или что онъ равновеликъ многоугольнику B , если онъ можетъ быть разрѣзанъ на конечное число такихъ частей, что изъ послѣднихъ, расположая ихъ въ надлежащемъ порядке, можно составить многоугольникъ B (въ частности, слѣдовательно, если многоугольникъ A конгруэнтъ многоугольнику B). Будемъ говорить, что многоугольникъ A стоять къ многоугольнику B въ отношеніи β , если онъ можетъ цѣликомъ помѣститься внутри послѣднаго, или если какой-либо многоугольникъ A' , равновеликій первому, помѣщается цѣликомъ внутри многоугольника B или равновеликаго ему многоугольника B' . Наконецъ, будемъ говорить, что многоугольникъ A стоять къ многоугольнику B въ отношеніи γ , если внутри первого или внутри многоугольника A' , ему равновеликаго, цѣликомъ помѣщается многоугольникъ B или равновеликій ему многоугольникъ B' .

Можно показать, что эти критеріи сравненія удовлетворяютъ постулатамъ сравненія. Это и будетъ сдѣлано ниже. Вмѣстѣ съ тѣмъ совокупность многоугольниковъ претворяется въ величину, и этой величинѣ, т.-е. величинѣ, этими критеріями сравненія опредѣляемой,

даютъ название „площадь многоугольника“. При этомъ соотношение α выражаютъ словами: „площадь многоугольника A равна площади многоугольника B “; соотношение β выражаютъ словами: „площадь многоугольника A меньше площади многоугольника B “; наконецъ, соотношение γ выражаютъ словами: „площадь многоугольника A больше площади многоугольника B “.

Вт. этихъ критерияхъ сравненія заключается все определеніе площади, — математику ничего иного не нужно. И насколько это справедливо, можно видѣть изъ того, что самого понятія о площади можно было бы не вводить: можно было бы просто выражать соотношеніе α словами: „многоугольникъ A равенъ многоугольнику B “, а соотношенія β и γ — словами: „многоугольникъ A меньше (больше) многоугольника B “. Это не внесло бы въ геометрію никакихъ существенныхъ измѣненій; только лишь терминология стала бы нѣсколько иная.

Въ другихъ случаяхъ геометрія такъ и поступаетъ: она не вводить нового термина при претвореніи комплекса въ величину. Такъ, напримѣръ, устанавливая критерій сравненія для угловъ, мы просто говоримъ, уголъ A равенъ, больше или меньше угла B . Между тѣмъ и тутъ мы могли бы съ такимъ же успѣхомъ ввести новый терминъ для наименованія величины, — скажемъ: „растворъ угла“. Это, однако, не дѣлается, потому что углы въ геометріи претворяются въ величину только при одной системѣ критеріевъ сравненія. Напротивъ, дуги окружностей претворяются въ величину при двухъ существенно различныхъ системахъ критеріевъ, въ силу чего возникаютъ двѣ величины: „линейная величина“ дуги и „угловая величина“ дуги.

Терминъ „многоугольникъ A равенъ многоугольнику B “ употребляется обыкновенно лишь въ томъ случаѣ, когда многоугольники конгруэнтны; терминъ же „площадь“ выработался для того случая, когда рѣчь идеть о равенствѣ многоугольниковъ по критеріямъ сравненія, указаннымъ выше.

6. Ни одинъ физикъ не въ состояніи определенно отвѣтить на вопросъ, что такое электричество или что такое магнетизмъ. Существуютъ особыя проявленія физическихъ тѣлъ, при которыхъ мы называемъ ихъ состоянія электрическимъ и магнитнымъ; эти проявленія даютъ возможность установить рядъ величинъ по различнымъ критеріямъ сравненія; эти величины и составляютъ предметъ изученія физиковъ.

7. По большей части, изучаемыя въ математикѣ величины суть скаляры; иными словами, каждому значенію величины можно отнести число*).

При изученіи скалярныхъ величинъ можно начинать съ установлениія критеріевъ сравненія и потомъ уже каждому значенію величины относить число; о чистѣ, отнесенномъ къ данному значенію величины, тогда говорять, что оно измѣряетъ это значеніе.

*) Мы уже упомянули выше, что задача измѣренія не исчерпывается актомъ сопряженія величины съ численнымъ рядомъ. Здѣсь долженъ еще быть соблюдаемъ такъ называемый „аддитивный законъ“.

Но возможна и другая точка зрения, которая начинает съ претворенія комплекса въ скаляръ, т.-е. съ сопряженія элементовъ комплекса съ арифметическими числами: самое это число и признается „значениемъ“ величины; другими словами, это число есть то, что именуется тѣмъ терминомъ, который мы рассматриваемъ, какъ наименование величины. Съ этой точки зрения площадь прямоугольника, напримѣръ, есть не что иное, какъ произведеніе основанія и высоты, выраженныхъ въ извѣстныхъ единицахъ. Эта точка зрения можетъ быть проведена съ безукоризненной правильностью.

Мы не могли не коснуться вопроса, которому посвящены этотъ послѣдній пунктъ, хотя отчетливое его выясненіе мы можемъ дать лишь позже, когда эти идеи будутъ фактически проведены въ примѣненіи къ различнымъ величинамъ.

(Продолженіе слѣдуетъ).

Кинетическая теорія газовъ.

Часть I. Основанія теоріи.

1. Самымъ важнымъ изъ объектовъ нашего познанія, пріобрѣтенныхъ нами при помощи нашихъ чувствъ, является, безъ сомнѣнія, движение тѣлъ. Всякой механической работѣ соответствуетъ движение. всякая сила, действующая на свободное тѣло, вызываетъ движение; именно благодаря этому сила обычнымъ образомъ даетъ намъ знать о своемъ существованіи. всякое измѣреніе физической величины можно свести къ наблюдению движения. Все находится въ движении въ пространствѣ, наше окружающее. Можно ли сказать, что все есть движение?

Попытаться объяснить всю совокупность явлений при помощи движения, — вотъ какова должна быть самая конечная цѣль кинетической теоріи.

Для этого нужно, наряду съ движениями видимыми, рассматривать также движения невидимые, которыми, какъ полагаютъ, обладаютъ мельчайшія частицы матеріи (молекулы, атомы, ионы, электроны). Молекулярная гипотеза столь же стара, какъ и философія. Уже самые древніе философы говорили о движении въ пламени. Но только Даніэль Бернуlli (Bernoulli) положилъ основаніе настоящей кинетической теоріи (1738).

Гипотезы Бернуlli имѣли въ виду только объясненіе способности газовъ къ расширению, а также закона Мариотта. Очень

любопытно прослѣдить, какъ новая теорія сперва больше столѣтія находится въ забвениі, но затѣмъ возрождается и оплодотворяется трудами Клаузіуса (Klausius) и Максвелля (Maxwell) послѣ открытия принципа механическаго эквивалента теплоты. Съ этого времени успѣхи кинетической теоріи становятся непрерывными, а примѣненія ея — все болѣе многочисленными и разнообразными.

Въ настоящей статьѣ мы имѣемъ въ виду дать общее представление о кинетической теоріи газовъ въ ея теперешнемъ состояніи; при этомъ мы особенно внимательно разсмотримъ гипотезы, которыя легли въ основаніе этой теоріи, и вопросъ о степени точности, которой можно достигнуть благодаря ей при опредѣленіи размѣра молекулъ. Въ заключеніе мы укажемъ на трудности, на которыя наталкивается кинетическая теорія при попыткѣ разрѣшить нѣкоторыя проблемы, какъ, напримѣръ, проблему о тепловомъ излученіи.

2. Мы будемъ исходить изъ слѣдующихъ положеній:

- 1) газы и вообще всѣ материальныя тѣла прерывисты по своему строенію;
- 2) молекулы газовъ обладаютъ абсолютной упругостью;
- 3) стѣнки, съ которыми газы приходятъ въ соприкосновеніе, также обладаютъ по отношенію къ молекуламъ газовъ свойствами абсолютно упругихъ тѣлъ;
- 4) молекулы газовъ обладаютъ поступательными движениями, направленія которыхъ носятъ ссовершенно случайный характеръ, такъ что ни одно изъ направленій не имѣть какого-либо преимущества передъ другими.

Если принять эти гипотезы, то способность газовъ къ неограниченному расширенію можетъ быть объяснена поступательнымъ движениемъ молекулъ, которое ничѣмъ не нарушаются, поскольку молекулы не встрѣчаются съ твердой стѣнкой.

Давленіе, производимое газомъ на стѣнку, происходитъ отъ ударовъ молекулъ, отражаемыхъ этой стѣнкой. Давленіе это измѣряется средней величиной той силы, которую нужно приложить къ единицѣ поверхности стѣнки, чтобы уравновѣсить ударъ молекуль.

Законъ Маріотта также объясняется весьма простымъ образомъ. Не прибѣгая къ вычислению, достаточно замѣтить, что, при прочихъ равныхъ условіяхъ, давленіе пропорционально числу ударовъ, приходящихся въ единицу времени на единицу поверхности. Если предположить, что всѣ линейные размѣры сосуда, въ которомъ помѣщается газъ, увеличились въ отношеніи r , но что при этомъ количество газа и средняя скорость его молекулъ остались безъ измѣненія, то въ томъ же отношеніи увеличится путь любой молекулы отъ одной стѣнки до другой и продолжительность этого пути. Слѣдовательно, общее число ударовъ въ единицу времени измѣнится въ отношеніи, обратномъ числу r . Уже вслѣдствіе этого давленіе газа должно было бы уменьшиться въ отношеніи, обратномъ числу r . Но такъ какъ, при увели-

ченій лінійнихъ размѣровъ въ r разъ, поверхность стѣнки увеличивается въ r^2 разъ, то давленіе, отнесенное къ единице поверхности стѣнки, должно еще измѣниться въ отношеніи, обратномъ числу r^2 . Въ концѣ концовъ, стало быть, давленіе измѣнится въ отношеніи, обратномъ числу r^3 , т.-е. въ отношеніи, обратномъ объему, занимаемому газомъ.

Мы видимъ, съ какой легкостью можно примѣнить теорию къ объясненію явлений, на основании которыхъ она была построена.

3. Мы не можемъ представить непрѣложныхъ доказательствъ въ пользу того, что матерія прерывиста, что она состоить изъ молекулъ и атомовъ, которые мы не можемъ ни видѣть ни считать непосредственно. Нѣтъ ничего явно абсурднаго въ представленіи о матеріи непрерывной, дѣлимой до бесконечности, способной расширяться и сокращаться отъ различныхъ причинъ, но такая гипотеза совершенно бесплодна, въ то время какъ привычная для насъ атомистическая гипотеза оказалась удивительно плодотворной какъ въ физикѣ такъ и въ химії.

4. Можно составить себѣ различные представленія о молекулахъ. Напримеръ, можно ихъ свести къ силовымъ центрамъ, настоящимъ геометрическимъ точкамъ, обладающимъ массой и распространяющимъ свое дѣйствіе по всему пространству согласно известнымъ законамъ разстоянія.

Въ кинетической теоріи молекулы являются маленькими тѣлами, обладающими массой и занимающими некоторый объемъ. Онъ способны дѣйствовать на разстоянії; но до поры до времени мы будемъ предполагать, что дѣйствіе ихъ ограничивается ударами въ собственномъ смыслѣ этого слова. Онъ обладаютъ непроницаемостью, которую раньше считали свойствомъ матеріи вообще. Предположимъ, напримѣръ, что молекулы имѣютъ сферическую форму: тогда ихъ центры не могутъ приблизиться одинъ къ другому на разстояніе, меньшее, чѣмъ двойной радиусъ. Точно такъ же молекулу считаютъ совершенно неспособной къ расширенію.

Мы приписываемъ молекуламъ абсолютную упругость (§ 2). Правда, и шаръ изъ слоновой кости и каучуковый мячъ оба обладаютъ упругостью; но въ то время, какъ послѣдній въ теченіе короткаго времени удара замѣтнымъ образомъ подвергается значительной деформаціи, для обнаружения деформаціи шара изъ слоновой кости приходится пустить въ ходъ точные приборы. Въ виду того, что имѣются различные степени деформаціи, представляется допустимымъ представить себѣ въ предѣлѣ тѣло упругое и въ то же время не подвергающееся деформацій. Такимъ абсолютно упругимъ тѣломъ представляютъ себѣ обыкновенно молекулу.

Однако, не дадимъ словамъ обмануть себя. Если реакція упругости беретъ начало въ деформаціи, какъ это обыкновенно предполагаютъ, то тамъ, где нѣтъ деформаціи, не можетъ быть и упругости. Такимъ образомъ, предполагая, что молекула, даже одноатомная,

обладает упругостью, мы предполагаемъ вмѣстѣ съ тѣмъ, что она способна къ деформаціи и, по аналогіи съ матеріей вообще, состоить изъ частей, способныхъ перемѣщаться однѣ по отношенію къ другимъ. Действительно, мы знаемъ въ настоящее время, что атомъ можетъ распадаться, выдѣляя электроны. Нельзя больше представлять себѣ его недѣлимъ.

Мы ограничимся тѣмъ предположеніемъ, что деформація молекулы въ моментъ удара настолько мала, что неѣтъ необходимости вводить ее въ большинство вычислений. Изъ настоящаго изслѣдованія мы исключимъ всѣ случаи, въ которыхъ атомъ способенъ распадаться.

5. Кинетическая теорія газовъ приводить къ кинетической теоріи твердыхъ тѣлъ, — теоріи, въ настоящее время лишь слабо-намѣченной. Предполагается, что твердая стѣнка представляетъ изъ себя прерывистое скопленіе молекулъ, между которыми существуетъ такая связь, при которой онѣ, несмотря на быстрыя движенія, не могутъ значительно удалиться отъ нѣкотораго опредѣленного положенія равновѣсія.

Мы предположили (§ 2), что столкновеніе газовой молекулы со стѣнкой, даже и не обладающей упругостью, какъ, напримѣръ, свинцовой, является столкновеніемъ абсолютно упругимъ. Ограничимся тѣмъ, что укажемъ на возникающую здѣсь трудность. Въ данномъ случаѣ въ столкновеніи, вѣроятнѣе всего, принимаетъ участіе лишь одна изъ молекулъ стѣнки. Это столкновеніе можетъ быть абсолютно упругимъ, хотя бы столкновеніе, въ которомъ участвуетъ опредѣленная часть стѣнки, таковымъ не было.

6. Газовая молекула, находящаяся въ состояніи поступательного движенія, обладаетъ опредѣленной кинетической энергией. Вслѣдствіе упругихъ столкновеній между молекулами, скорость каждой молекулы при каждомъ столкновеніи измѣняется какъ по величинѣ, такъ и по направлению. При этомъ энергія переходитъ лишь отъ одной молекулы къ другой, но общее количество энергіи всей массы газа остается безъ измѣненія.

Приходится принять, что даже въ весьма разрѣженномъ газѣ число молекулъ въ 1 кб. см. чрезвычайно значительно (§ 19). Такимъ образомъ, обменъ энергіи происходитъ непрерывно. Скорость отдѣльной молекулы измѣняется въ каждый моментъ свою величину и свое направление, подчиняясь исключительно законамъ случая. Объяснимъ, какъ это слѣдуетъ понимать.

Очевидно, что, если бы намъ были известны начальныя положенія и скорости всѣхъ молекулъ, то не было бы места случайности, т.-е. можно было бы предвидѣть всѣ послѣдовательныя столкновенія, и траекторія каждой молекулы могла бы быть указана заранѣе *). Но такъ какъ эти начальныя данныя намъ совершенно не-

*) Само собою понятно, что, какъ только число молекулъ будетъ больше нѣсколькихъ единицъ, выполнение вычисленій превзойдетъ человѣческія силы, хотя теоретически оно вполнѣ возможно.

известны, то мы ничего не можем предвидеть, поскольку дело касается отдельной молекулы. Мы знаем только то, что ея траектория иметь видъ какъ бы запутанныхъ каракулей, начертанныхъ безъ всякой цели и какъ бы только въ свое удовольствие какимъ-либо празднымъ школьникомъ. Отклонение молекулы отъ своего начального положенія будетъ то увеличиваться, то уменьшаться. Такимъ образомъ, ея результирующее перемѣщеніе въ направленіи, которое предвидѣть нельзя, будетъ весьма незначительнымъ въ сравненіи со средней скоростью ея движенія по каждому изъ прямолинейныхъ отрѣзковъ, изъ которыхъ составляется ея траекторія. Этимъ объясняется медленность диффузіи газовъ.

Если мы разсмотримъ совокупность молекулъ, которая въ известный моментъ занимаютъ весьма незначительное пространство вокругъ какой-либо точки, то нужно считать, что движеніе будетъ разбрасывать молекулы во все стороны, при чмъ заранѣе нельзя будетъ указать какое-либо преимущественное направление. Въ этомъ незначительномъ пространствѣ ихъ замѣнять другія молекулы, которые только-что были расположены по различнымъ направленіямъ и на различныхъ разстояніяхъ, не поддающихся нашему опредѣленію. Общее число молекулъ въ рассматриваемомъ незначительномъ пространствѣ должно быть то болѣе, то менѣе значительнымъ. Если бы наши экспериментальные методы позволяли намъ достаточно далеко производить дѣленіе пространства и времени, то мы убѣдились бы въ томъ, что число это измѣняется самимъ причудливымъ образомъ.

Но дѣло въ томъ, что наименьшій объемъ, доступный нашимъ измѣреніямъ, содержитъ такое чудовищно огромное число молекулъ, и послѣднія такъ часто мѣняются въ теченіе наименьшаго доступного нашимъ измѣреніямъ промежутка времени, что мы въ результатахъ безконечно сложныхъ комбинацій всегда получаемъ лишь среднія величины. Здѣсь встречаются всѣ возможные случаи столкновенія молекулъ, при чмъ эти столкновенія повторяются огромное число разъ: получается уравновѣшиваніе, тѣмъ болѣе совершенное, чмъ значительнѣе общее число столкновеній. Въ конечномъ счетѣ средняя, доступная нашему измѣренію, величина весьма мало колеблется около нѣкотораго опредѣленного значенія, при чмъ эти колебанія становятся ниже погрѣшностей, неизбѣжныхъ при нашихъ измѣреніяхъ. Такимъ образомъ, при данномъ давленіи и данной температурѣ въ каждой единицѣ объема нѣкотораго газа всегда будетъ заключаться одна и та же масса его.

Ясно, что, согласно нашей теоріи, равномѣрная плотность опредѣленной массы газа, находящейся въ равновѣсіи, есть чѣмто кажущееся, вытекающее изъ закона среднихъ значеній. Иллюзией такого же рода и такого же происхожденія является и положеніе о равенствѣ давленій вокругъ какой-либо точки (принципъ Паскаля). Всѣ законы, относящіеся къ газамъ, носятъ такой же характеръ. За видимой правильностью, устанавливаемой наблюденіемъ, скрываются явленія, не представляющія никакой правильности, но дающія при нашемъ наблю-

деніі нѣкоторое среднее значение, колебанія которого ускользають отъ нашего измѣренія.

7. Указанные выводы въ такой мѣрѣ отличаются отъ нашихъ обычныхъ представлений, что экспериментальное подтверждение ихъ, хотя бы и косвенное, становится весьма желательнымъ. Такое подтверждение, и притомъ весьма вѣское и замѣчательное, мы находимъ въ одномъ явленіи, остававшемся долгое время неразгаданнымъ, а именно — въ такъ называемомъ броуновскомъ движеніи. Мы встрѣчаемъ здѣсь поразительное совпаденіе всѣхъ характерныхъ признаковъ, которые мы приписываемъ молекулярному движению.

Вначалѣ броуновское движеніе наблюдали внутри растительныхъ клѣтокъ (1828); но его обнаруживаютъ всюду, гдѣ весьма мелкая твердая частицы плаваютъ въ жидкости: въ мелкозернистыхъ коллоидахъ, эмульсіяхъ, газахъ, въ которыхъ взвѣшена достаточно тонкая пыль — твердая или жидкая. Эти движенія можно наблюдать при помощи микроскопа или ультра-микроскопа. Можно ихъ даже фотографировать и кинематографировать. Если слѣдить за движениемъ одной какой-либо частицы, то можно замѣтить тѣ безконечно запутанныя каракули, о которыхъ мы говорили выше (§ 6). Движеніе отличается весьма оживленными, въ высшей степени причудливымъ характеромъ.

Но особенно характернымъ признакомъ броуновского движенія является его безграничная продолжительность. Какимъ мы его наблюдаемъ сегодня на предоставленномъ самому себѣ препаратѣ, такимъ мы его будемъ наблюдать завтра и черезъ десять лѣтъ. Многіе были бы склонны ошибочно называть это вѣчнымъ движениемъ. Внѣшнія обстоятельства не имѣютъ никакого вліянія на броуновское движение. Амплитуда его зависитъ только отъ величины частицъ и отъ температуры.

Поле зрењія, которое можетъ быть сужено помощью діафрагмы, и глубина которого, также весьма малая, сводится къ интервалу, опредѣляемому установкой на фокусѣ микроскопа, — это поле занимаетъ весьма незначительный объемъ. Въ каждый данный моментъ оно заключаетъ въ себѣ частицы въ числѣ, достаточно маломъ для того, чтобы пересчитать ихъ однимъ взглядомъ. Число это колеблется въ довольно широкихъ предѣлахъ. То, скажемъ, имѣются двѣ или три частицы, то ихъ цѣлыхъ десять. Всѣ эти измѣненія столь быстры, столь неправильны, что быстро утомляющіеся глаза и вниманіе наблюдателя нуждаются въ частомъ отдыхѣ.

Въ теченіе долгаго времени не удавалось найти удовлетворительного объясненія для броуновского движенія. Оно не объясняется ни теченіями въ жидкости, происходящими отъ разности температуръ, ни вліяніемъ капиллярности, ни воздействиѳмъ электрическихъ силъ и т. п. Наоборотъ, движеніе это становится вполнѣ понятнымъ, если считать его происходящимъ въ силу молекулярного движенія, съ которымъ его роднить безграничная продолжительность.

Частица эмульсии по отношению к молекуламъ окружающей жидкости представляетъ собою то же самое, что очень большой камень по отношению къ песчинкѣ. Въ самомъ дѣлѣ, представимъ себѣ, что тѣло большихъ размѣровъ со всѣхъ сторонъ обстрѣливается цѣльнымъ роемъ снарядовъ, обладающихъ большой скоростью и очень небольшой массой. По мѣрѣ того, какъ рой снарядовъ будетъ становиться все болѣе густымъ, удары, не имѣя никакого опредѣленного направленія, будутъ все болѣе стремиться взаимно уравновѣсить свои эффекты; впрочемъ, это уравновѣшиваніе никогда не будетъ полнымъ. Въ результатѣ обстрѣливаемое тѣло получитъ рядъ беспорядочныхъ толчковъ, обладающихъ небольшой амплитудой и ритмомъ, гораздо болѣе медленнымъ, чѣмъ ритмъ отдѣльныхъ ударовъ (см. § 21).

Если объемъ бомбардируемаго тѣла будетъ увеличиваться, то и взаимное уравновѣшиваніе ударовъ будетъ становиться болѣе полнымъ. Если тѣло приобрѣтетъ чрезвычайно большие размѣры, то уравновѣшиваніе сдѣлается въ значительной степени совершеннымъ, а результирующее движение перестанетъ быть замѣтнымъ.

Согласно этому, броуновское движеніе должно ускоряться или замедляться сообразно тому, будуть ли эмульгированныя частицы большихъ или меньшихъ размѣровъ. Мы это на самомъ дѣлѣ и наблюдаемъ. Очень маленькая частицы обладаютъ крайне живымъ и стремительнымъ движениемъ; этотъ эффектъ, связанный съ уменьшеніемъ размѣра частицъ, все болѣе усиливается, пока, наконецъ, эти частицы, вслѣдствіе слишкомъ малыхъ своихъ размѣровъ, перестаютъ быть видимыми въ ультрамикроскопъ.

Частицы опредѣленной величины должны обладать тѣмъ большей скоростью движенія, чѣмъ значительнѣе средняя скорость ударяющихъ молекулъ, т. е., какъ мы это увидимъ дальше (§ 8), чѣмъ выше температура. Это опять-таки мы наблюдаемъ въ дѣйствительности.

Итакъ, не будемъ спорить противъ очевидности. Наше объясненіе броуновскаго движенія является вполнѣ согласующимся съ дѣйствительностью. Молекулярное движеніе, которое служитъ причиной броуновскаго движенія, должно перестать казаться намъ чѣмъ-то гипотетическимъ. Мы вполнѣ склонны считать его явленіемъ реальнымъ.

8. Опять учить насъ, что, когда мы сжимаемъ газъ, онъ нагревается, а когда мы его расширяемъ, онъ охлаждается (адіабатическое сжатіе или расширение). Должны ли мы ожидать этого эффекта на основаніи нашихъ гипотезъ? Молекула, которая обычнымъ образомъ ударяется объ опускающійся поршень во время фазы сжатія, отражается отъ него вслѣдствіе измѣненія знака ея относительной скорости (равной суммѣ собственной ея скорости и скорости поршня). Ея абсолютная скорость, такимъ образомъ, увеличивается. Обратное происходитъ тогда, когда поршень подымается, т.-е. во время фазы расширения. Когда сжатіе или расширение заканчиваются, отраженіе опять становится нормальнымъ, т.-е. средняя скорость молекулъ, увеличившаяся или уменьшившаяся вслѣдствіе сжатія или расширения, не претерпѣваетъ уже дальнѣйшихъ измѣненій.

Въ нашихъ гипотетическихъ положеніяхъ (§ 2) нѣтъ рѣчи о температурѣ; средняя скорость молекулъ есть данное, которому мы вольны дать какое угодно объясненіе. Такъ какъ измѣненіе этой скорости связано съ измѣненіемъ того, что условились называть температурой, и такъ какъ скорость увеличивается и уменьшается вмѣстѣ съ увеличеніемъ и уменьшеніемъ температуры, то, значитъ, температура есть функция молекулярной скорости.

Сравненіе формулъ, добытыхъ путемъ эксперимента, съ формулами, полученными на основаніи кинетической теоріи, показываетъ, что температура, отсчитываемая отъ -273° и выраженная въ градусахъ Цельсія (абсолютная температура), пропорциональна квадрату средней скорости молекулярного движения.

Такимъ образомъ, температуру нужно считать свойствомъ, выражающимъ нѣкоторое среднее состояніе. Въ теченіе одного и того же мгновенія въ массѣ газа, находящейся въ кинетическомъ равновѣсіи, имѣются молекулы, быстро движущіяся, и молекулы, движущіяся медленно. Одна и та же молекула въ теченіе весьма короткаго времени проходитъ черезъ цѣлый рядъ большихъ и малыхъ скоростей. Такимъ образомъ, если бы разматривать массу газа достаточно малыхъ размѣровъ и въ теченіе достаточно короткаго времени, то средняя скорость и, слѣдовательно, температура должны были бы при этомъ подвергаться неправильнымъ колебаніямъ, которые при условіяхъ нашего экспериментированія совершиенно неощутимы.

Понятіе о температурѣ нельзія распространять на отдельную молекулу, рассматриваемую изолированно въ массѣ газа.

9. Въ термодинамикѣ абсолютная температура опредѣляется при помощи принципа Карно (Carnot).

Соответственно этому, въ случаѣ газовъ принципъ Карно является необходимымъ слѣдствиемъ гипотезъ, положенныхъ въ основаніе кинетической теоріи (§ 2), и опредѣленія, данного температурѣ согласно этой теоріи (§ 8). Принципъ Карно, какъ и понятіе о температурѣ, относится только къ опредѣленной массѣ газа, рассматриваемой въ теченіе опредѣленного промежутка времени. По отношенію же къ единичной молекулѣ принципъ этотъ не имѣть содержанія.

Уже Максвеллъ (Maxwell) выразился, что духъ, достаточно ловкій, способный жонглировать молекулами, ни во что не ставилъ бы принципъ Карно и могъ бы вызывать въ массѣ газа, находящейся въ температурномъ равновѣсіи, замѣтныя температурные разности, не затрачивая никакой работы.

10. Количество теплоты, развиваемой газовой массой при ея адіабатическомъ сжатіи, пропорционально этой массѣ и приращенію температуры, т.-е., согласно предыдущему, оно пропорционально приращенію средней живой силы молекулярного движения и, слѣдовательно, работѣ, приложенной къ рукояткѣ поршня съ цѣлью вызвать сжатіе газа. Здѣсь, въ примѣненіи къ частному случаю, мы имѣемъ дѣло съ принципомъ механическаго эквивалента теплоты.

Въ кинетической теорії этотъ принципъ вытекаетъ изъ того толкованія, которое мы даемъ тепловымъ явленіямъ.

Въ противоположность принципу Карно, принципъ механическаго эквивалента теплоты, который здѣсь представляется собою не что иное, какъ принципъ живыхъ силъ, примѣняется даже къ единичной молекулѣ и не знаетъ никакихъ ограничений.

11. До сихъ поръ мы говорили только о поступательномъ движении молекулъ. Это единственное движение, которое мы должны рассматривать, если мы уподобляемъ молекулы совершенно гладкимъ шарамъ, такъ какъ послѣдніе при столкновеніяхъ, центральныхъ или непротивоположныхъ, не могутъ пріобрѣсти движенія вращенія вокругъ своей оси*). Этотъ теоретическій случай, повидимому, вполнѣ соответствуетъ строенію нашихъ одноатомныхъ газовъ. Напротивъ, молекулы сложныя — напримѣръ, двухатомныя — могутъ, благодаря столкновеніямъ, пріобрѣтать движенія вращенія вокругъ своей оси, если ихъ представлять себѣ въ видѣ гимнастическихъ шаровъ, двѣ главныя массы которыхъ удерживаются всегда на одномъ и томъ же разстояніи одна отъ другой при помощи неизмѣняемой связи; они могутъ также приходить въ колебательное движение, если предположить, что оба атома подъ вліяніемъ взаимодѣйствія нормально находятся въ равновѣсіи, но что они способны приближаться и удаляться одинъ отъ другого при вѣнчанемъ толчкѣ.

При этихъ условіяхъ каждое столкновеніе молекулъ можетъ сопровождаться трансформаціей поступательного движенія въ движение вращательное, колебательное, или наоборотъ. Но если рассматривать опредѣленную массу газа въ теченіе опредѣленного промежутка времени, то установится почти полное равновѣсіе, такъ что въ среднемъ количество живой силы каждого изъ трехъ видовъ движенія — поступательного, вращательного и колебательного — въ отдельности останется все время однимъ и тѣмъ же.

Существенная разница между случаями многоатомныхъ и одноатомныхъ молекулъ состоитъ въ томъ, что при повышеніи или пониженіи температуры, т.-е. при увеличеніи или уменьшеніи скорости поступательного движенія, мы въ первомъ случаѣ будемъ имѣть также соответствующее измѣненіе живой силы вращательного и колебательного движенія. Другими словами, живая сила поступательного движенія есть здѣсь лишь часть всей живой силы, обусловливающей температуру газа. Отношеніе между тѣмъ и другимъ видомъ живой силы представляетъ собою величину постоянную.

Такимъ образомъ, для полной характеристики многоатомного газа съ калориметрической точки зрѣнія, нужно, въ отличие отъ случая одноатомнаго газа, ввести еще одинъ числовой коэффициентъ. Отъ этого коэффициента зависитъ отношеніе между величинами, выражющими теплоемкость (при постоянныхъ давлениі и объемѣ), которое,

*). Они могли бы обладать съ самаго начала индивидуальными движеніями вращенія, которые не модифицировались бы подъ вліяніемъ ихъ взаимныхъ столкновеній.

будучи равнымъ $\frac{5}{3}$ для всѣхъ одноатомныхъ газовъ, для другихъ газовъ выражается числами меньшими и притомъ различными, въ зависимости отъ механическаго строенія молекулы.

12. Съ точки зрѣнія термометрической состояніе массы газа можно считать во всѣхъ случаяхъ вполнѣ опредѣленнымъ, если дается масса молекулы m , число молекулъ n въ единицѣ объема и средняя скорость u молекулярнаго движенія. Такимъ образомъ, состояніе даннаго газа зависитъ только отъ двухъ независимыхъ переменныхъ n и u , вмѣсто которыхъ можно взять объемъ v единицы массы и абсолютную температуру T , или же давленіе p и температуру T . Между тремя переменными величинами p , v и T существуетъ соотношеніе, называемое уравненіемъ состоянія газа, въ которомъ фигурируетъ только одинъ специальный коэффиціентъ, а именно — масса единицы объема газа при нормальныхъ условіяхъ.

Отсюда слѣдуетъ, что всѣ газы подчиняются однимъ и тѣмъ же законамъ сжатія и расширенія (законы Маріотта и Гэ-Люссака).

13. Теорія, существенныя черты которой мы только-что изложили, относится къ совершеннымъ газамъ. Извѣстно, что въ дѣйствительности всѣ газы въ большей или меньшей мѣрѣ отклоняются отъ законовъ Маріотта и Гэ-Люссака. Какъ видоизмѣнить теорію для того, чтобы вполнѣ приспособить ее къ результатамъ эксперимента? Концепція Бернулли отличается большой гибкостью. Въ предыдущемъ изложеніи мы неявно предположили, что, въ сравненіи съ объемомъ, занимаемымъ газомъ, можно совершенно пренебречь объемомъ, занимаемымъ молекулами. Мы предполагали также, что молекулы могутъ дѣйствовать одна на другую только при помощи удара. А между тѣмъ иногда — напримѣръ, въ теоріи капиллярности — приходится принимать, что взаимодѣйствіе молекулъ происходитъ и на разстоянії; впрочемъ, это взаимодѣйствіе очень быстро уменьшается по мѣрѣ увеличенія разстоянія между молекулами, такъ что на практикѣ при всѣхъ разстояніяхъ, доступныхъ нашимъ способамъ измѣренія, его можно считать равнымъ нулю.

Принимая для каждого вида молекулъ соответствующій ему молекулярный объемъ, а также специальный коэффиціентъ, характеризующій притяженіе молекулъ, Ванъ-деръ-Ваальсъ (Van-der-Waals) теоретически вывелъ весьма замѣчательное уравненіе состоянія, содержащее три специальныхъ коэффиціента вмѣсто одного (§ 12). Это уравненіе съ достаточной точностью выражаетъ экспериментальные законы сжатія и расширенія не только рассматриваемаго газа, но также и жидкости, получающейся при его скрѣженіи. Оно предвидѣть существованіе критической точки; наконецъ, она внушила своему автору знаменитую теорему о соотвѣтствующихъ состояніяхъ, имѣющую болѣе общій характеръ, чѣмъ формула, изъ которой онъ эту теорему вывелъ.

Формулу Ванъ-деръ-Ваальса отнюдь нельзя считать совершенной: она далеко не исчерпываетъ всѣхъ выводовъ, которые можно сдѣлать на основаніи кинетической теоріи. Ничто не обязываетъ насъ ограничиваться тремя специальными постоянными, характеризующими

жидкость. Число и роль этихъ постоянныхъ должны зависѣть отъ всѣхъ особенностей строенія молекулъ, хотя бы отъ тѣхъ изъ нихъ, о которыхъ мы узнаемъ, напримѣръ, изъ химическихъ формулъ.

Такимъ образомъ, мы должны считать, что кинетическая теорія способна въ этомъ отношеніи къ неограниченному совершенствованію, и можемъ надѣяться, что она вполнѣ соответствуетъ своему объекту. Не останавливаясь больше на этомъ пунктѣ, мы будемъ въ дальнѣйшемъ вести нашъ изложеніе въ совсѣмъ другомъ направленіи. Этимъ сдѣлаемъ во второй части нашей статьи.

(Окончаніе слѣдуетъ).

Исходные продукты, служащіе для производства взрывчатыхъ веществъ.

А. Мэля.

Слѣдя за успѣхами въ области органической химіи, нельзя въ настоящее время обойти молчаніемъ того шага впередь, который сдѣлала Франція въ области химической промышленности. Хотя всѣ усилия страгы были направлены въ сторону обороны, все же не безпользно будетъ вспомнить о той удивительной работѣ, которая была совершена въ вышеуказанной области въ теченіе нѣсколькихъ мѣсяцевъ. Не нужно создавать себѣ иллюзій на счетъ состоянія химической промышленности во Франціи до войны. За немногими исключеніями не существовало почти фабрикъ, которые могли бы доставлять большія количества исходныхъ продуктовъ, необходимыхъ для изготавленія взрывчатыхъ веществъ. Правда, нельзя было предвидѣть, что такъ страшно возрастѣтъ потребленіе нитрированныхъ ароматическихъ соединеній, употребляемыхъ для начинки нашихъ снарядовъ. Но въ пользу французовъ говорить то обстоятельство, что, какъ только выяснилась необходимость изготавлять эти продукты въ огромномъ количествѣ, они взялись за работу съ той энергией и съ той способностью къ творчеству, которая такъ характерна для французского ума.

О томъ, что предпринимается въ этомъ направленіи въ Германіи, мы почти ничего не знаемъ. Но всѣ согласны въ томъ, что до войны въ области химической промышленности господство нѣмцевъ было неоспоримымъ. Ихъ заводы, добывавшіе исходные продукты, употребляемые для изготавленія взрывчатыхъ веществъ: бензолъ, толуоль, феноль, крезолы, нафталинъ, функционировали уже тогда самыемъ безупречнымъ образомъ, такъ что вся ихъ дальнѣйшая заслуга должна была состоять лишь въ томъ, чтобы продолжать и расширять свое производство. По отношенію къ некоторымъ веществамъ, какъ, напримѣръ, азотная кислота и хлорокъ, Германіи, безъ сомнѣнія, приходилось

дѣлать во время войны нѣкоторая усилія. Понятно, что, въ виду уменьшенія ввоза нитратовъ, вызванного блокадой, нѣмцы должны были потрудиться надъ тѣмъ, чтобы развить на практикѣ процессъ окисленія амміака по способу Остwaldа (Ostwald) и усилить фабрикацію азотной кислоты по норвежскому способу. Далѣе, говорять, что для замѣны хлопка, идущаго на изготавленіе бездымнаго пороха, въ Германіи производилась обработка древесины съ цѣлью полученія чистой клѣтчатки, легко поддающейся нитрификації. Такая обработка, безъ сомнѣнія, сопряжена съ огромными, но все же преодолимыми трудностями. Самое большое затрудненіе при очищеніи клѣтчатки состоитъ въ отдѣленіи отъ нея солей, различныхъ веществъ и т. д. Извѣстно, что клѣтчатка, подвергающаяся нитрификації, должна отличаться большой степенью чистоты; вполнѣ понятно, какой сложной химической обработкѣ слѣдуетъ подвергать древесину, чтобы достичь желаемаго результата.

Какъ уже указано выше, активность химической промышленности во Франціи обратилась, главнымъ образомъ, въ сторону работы на пользу войны. Большая заслуга французского вѣдомства взрывчатыхъ веществъ состоитъ въ томъ, что оно сразу обратило вниманіе на то затруднительное положеніе, въ которое поставила страну огромная потребность во взрывчатыхъ веществахъ, и что оно создало могучія организаціи, которая въ настоящее время даютъ возможность эту потребность удовлетворить. Въ этой своей трудной задачѣ вѣдомство встрѣтило полную поддержку со стороны Комиссіи взрывчатыхъ веществъ и, кромѣ того, пріобрѣло дѣятельного и весьма просвѣщенного руководителя въ лицѣ предсѣдателя этой Комиссіи проф. Галлера (Haller).

Продукты ароматического ряда, необходимые для производства взрывчатыхъ веществъ, а именно — бензолъ, толуоль, ксиолы (особенно мета-соединеніе), феноль, крезолы, нафталинъ, добывались раньше, главнымъ образомъ, изъ каменноугольнаго дегтя. Въ то время, какъ добываніе этихъ веществъ въ Германіи достигло чрезвычайныхъ размѣровъ благодаря большому развитию въ этой странѣ производства кокса, во Франціи вещества эти добывались въ весьма незначительныхъ количествахъ. Здѣсь до войны сухая перегонка приблизительно 4 миллиновъ тоннъ каменного угля, производившаяся съ цѣлью полученія свѣтильного газа, давала, въ среднемъ, ежегодно 200 000 тоннъ дегтя, изъ которыхъ можно было извлечь 3600 тоннъ бензола. Производство кокса для цѣлей металлургической промышленности ежегодно поглощало около 4 миллионовъ тоннъ угля; при этомъ получалось 160 000 тоннъ дегтя, изъ которыхъ можно было извлечь 1600 тоннъ бензола. Всего бензола за годъ можно было получать 5200 тоннъ.

Но вмѣсто того, чтобы получать три главныхъ углеводорода каменноугольнаго дегтя отдѣльно и, следовательно, въ чистомъ видѣ, ограничивались тѣмъ, что при помощи простой перегонки получали неочищенный бензолъ, который въ большей своей части употреблялся просто въ качествѣ „карбурирующаго“ вещества. Въ настоящее время этотъ неочищенный бензолъ совсѣмъ перестали употреблять для подобной цѣли; онъ подвергается очисткѣ и служить исключительно для

изготовленија взрывчатыхъ веществъ. Чистый бензолъ, послѣ превращенія его въ динитро-соединеніе, можетъ употребляться для производства взрывчатыхъ веществъ типа Фавье (Favier); для этого динитросоединеніе смѣшиваются съ азотнокислымъ аммоніемъ. Кромѣ того, бензолъ служить основнымъ продуктомъ для производства синтетического фенола, изъ которого можно получить мелинитъ, а также хлоро-динитро-бензолъ; а потому бензолъ представляеть собою весьма важный сырой продуктъ, добываніе котораго нужно было организовать въ широкихъ размѣрахъ. Изъ всѣхъ соединеній ароматического ряда наиболѣе удобнымъ для выработки взрывчатыхъ веществъ является въ настоящее время толуолъ. Тринитро-производное послѣдняго можетъ быть поставлено наряду съ мелинитомъ въ смыслѣ его пригодности для начинки снарядовъ; одно время можно было даже думать, что оно совсѣмъ вытѣснить мелинитъ. Тринитротолуолъ, или „толитъ“^{*)}, обладаетъ нѣсколькими преимуществами: точка его плавленія ниже точки плавленія мелинита (82° вместо 123°), и потому имъ легко начинять снаряды. Его нечувствительность къ удару и къ присутствію металловъ и его значительная сокрушительная сила должны были сдѣлать изъ него взрывчатое вещество высшаго качества. При воздействиіи запала изъ гремучей ртути онъ взрывается съ большой силой, выдѣляя характерный черный дымъ, который появляется тогда, когда бомбы, заряженныя тринитротолуоломъ, разрываются подъ водой; дымъ этотъ происходит отъ неполнаго сгоранія углерода молекулъ.

Артиллерія быстро оцѣнила преимущества толита и пропагандировала его съ первыхъ же дней войны. Тотчасъ же стали изыскивать всѣ способы, съ помощью которыхъ можно было бы добывать толуолъ. Мы увидимъ сейчасъ, какъ эта цѣль была достигнута.

Нитрированіе толуола, есть, пожалуй, единственное затрудненіе, которое стоитъ на пути къ изготовлению этого взрывчатаго вещества. Въ самомъ дѣлѣ, орто- и пара-мононитро-соединенія, равно какъ и динитро-соединеніе съ точкой плавленія въ 70° , легко получать при помощи воздействиія на толуолъ дымящейся азотной и сѣрной кислотами въ равныхъ количествахъ. Иначе обстоитъ дѣло при полученіи тринитро-соединенія: при этомъ приходится въ теченіе нѣсколькихъ часовъ нагревать динитро-соединеніе при температурѣ, близкой къ 100° , со смѣсью сѣрной и азотной кислотъ. Вслѣдствіе своей плавкости и плотности нитро-производное имѣетъ тенденцію выдѣлиться на поверхность жидкости, такъ что смѣсь кислотъ съ трудомъ воздействиуетъ на него. Въ виду этого приходится поддерживать жидкую массу въ довольно интенсивномъ движеніи, для того чтобы динитротолуолъ былъ взвѣшенъ въ нитрирующей смѣси. Этотъ процессъ требуетъ времени и сопровождается потерей паровъ азотной кислоты, которую время отъ времени приходится пополнять. Между прочимъ, нитрированіе почти всегда бываетъ неполнымъ; нѣкоторое количество динитротолуола не вступаетъ въ реакцію. Въ результатѣ получается

^{*)} Техническое название тринитротолуола въ Россіи — тротиль.

смѣсь динитро- и тринитротолуола, которую приходится подвергать цѣлому ряду дробныхъ кристаллизаций въ алкоголѣ, чтобы получить соединеніе, плавающее при $80 - 82^{\circ}$. Эти кристаллизации, если хотять получить вполнѣ чистый продуктъ, всегда продолжительны и, вслѣдствіе потери алкоголя, дорого обходятся. А между тѣмъ выяснилось, что нѣть необходимости стремиться къ получению абсолютно чистаго соединенія, и что можно съ успѣхомъ пускать въ ходъ тринитротолуоль, плавающей при 78° .

Нитрованіе метаксилола можетъ быть достигнуто съ болѣйшей легкостью. Если на этотъ углеводородъ ароматического ряда воздѣльствовать на холода смѣсью азотной и серной кислотъ, то получается динитро-соединеніе, плавающее при 93° . Если же ту же смѣсь нагрѣть до 100° при легкомъ помѣшиваніи, то въ теченіе нѣсколькихъ минутъ получаются тринитрометаксилоль, плавающей при 171° . Это кристаллы очень мелкие, мягкие на ощупь и легко дающіе плотную массу. Они взрываются уже при сильномъ нагреваніи, а особенно сильно — въ присутствіи окисляющей соли. Поэтому на это тринитро-соединеніе смотрятъ, какъ на продуктъ, способный сдѣлаться источникомъ новыхъ взрывчатыхъ веществъ.

Напротивъ, параксилоль даетъ только динитро-соединеніе. Въ этой формѣ его можно употреблять, смѣшивая съ окисляющей солью, какъ, напримѣръ, съ азотокислымъ аммониемъ. Онъ представляется собою взрывчатое вещество напоминающее по своимъ сокрушительнымъ свойствамъ взрывчатыя вещества Фавье.

Наравнѣ съ бензоломъ и толуоломъ, также и пара- и метаксилолы должны были вырабатываться въ промышленности. Изъ какихъ источниковъ черпались эти вещества?

Выше мы указали на то, что каменноугольный деготь представляетъ собою весьма важный продуктъ, изъ которого можно извлекать бензолъ. Но главной составной частью легкихъ маселъ, добываемыхъ изъ дегтя, служить бензолъ. Толуолъ содержится въ нихъ приблизительно въ три раза меньшемъ количествѣ, чѣмъ бензолъ. Тонна угля при перегонкѣ даетъ приблизительно литръ толуола. Ксилолы содержатся въ гораздо меньшемъ количествѣ; наибольшую часть ксилоловъ составляетъ метаксилоль; по Фиттигу (Fittig) послѣдній составляетъ 90% этихъ продуктовъ, въ то время какъ пара-соединеніе составляетъ лишь 10% . Эти цифры, повидимому, болѣе близки къ истинѣ, чѣмъ цифры Якобсена (Jacobsen), который даетъ $30 - 40\%$ для мета-соединенія и $20 - 25\%$ для пара-соединенія. Дѣло въ томъ, что, какъ известно, мета-соединенія вообще имѣютъ тенденцію образовываться въ преобладающемъ передъ другими соединеніями количествѣ, когда полученіе этихъ веществъ происходитъ при высокой температурѣ.

Понятно, что, при огромной потребности въ вышеуказанныхъ ароматическихъ углеводородахъ, обработка 5000 тоннъ легкаго масла, получающагося изъ каменноугольного дегтя, не можетъ дать намъ эти продукты въ достаточномъ количествѣ. Поэтому стали дѣлать попытки извлекать эти углеводороды изъ другихъ веществъ, въ которыхъ они содержатся въ весьма малыхъ количествахъ.

Первая мысль, которая пришла въ голову, состояла въ томъ, чтобы извлечь изъ свѣтильного газа содержащіяся въ немъ бензолъ, который обусловливаетъ освѣтительную способность этого газа, а также его теплотворные свойства. Извѣстно, что кубический метръ свѣтильного газа можетъ увлекать 30 гр. бензола, содержащаго, въ свою очередь, 8 — 10 гр. толуола. Изъ опытовъ, произведенныхъ на газовомъ заводѣ Бирмингама, слѣдуетъ, что при помощи промыванія можно легко выдѣлить до 25 гр. бензола, и что при температурѣ въ 15° можно извлечь все количество толуола, если продолжительность процесса и поверхности соцрікосновенія достаточно велики.

Это промываніе свѣтильного газа Франція недавно сдѣлала обязательнымъ путемъ издания закона. Правда, для этого потребуются большія и весьма дорогія приспособленія, но объ этомъ не придется жалѣть, если при ихъ помощи будутъ достигнуты желаемые результаты. Въ Парижѣ ежедневно добывается свѣтильного газа сколько 1 200 000 кб. м. и 600 000 кб. м. для пригородовъ. Большиіе газовые заводы Лиона, Марселя, Бордо, Тулузы производятъ ежедневно отъ 700 000 до 800 000 кб. м. свѣтильного газа.

Предполагая, что путемъ промыванія можно будетъ извлечь 20 гр. неочищенного бензола изъ 1 кб. м., мы получимъ, что ежедневно добывается 50 тоннъ бензола, изъ которыхъ, въ свою очередь, можно будетъ извлечь приблизительно отъ 10 до 15 тоннъ толуола. Столь значительныя цифры позволяютъ думать, что потребности текущаго момента въ широкой мѣрѣ удовлетворены. Но промываніе свѣтильного газа можно будетъ осуществить не сразу, такъ какъ установка многочисленныхъ специальныхъ аппаратовъ можетъ быть произведена лишь постепенно.

Обратили также вниманіе на то, что и нефть можетъ служить источникомъ для добыванія бензола. Не всѣ сорта нефти подходятъ для этой цѣли. Можно пользоваться, главнымъ образомъ, лишь тѣми сортами, которые во фракціяхъ, получающихся при температурѣ отъ 80° до 150°, содержатъ ароматическіе углеводороды. Въ этомъ отношеніи нефть острова Борнео, безъ сомнѣнія, представляетъ собою очень важный продуктъ. Уже давно нѣмцы пользовались этой нефтью съ цѣлью получения бензола, толуола, ксилоловъ и т. д. Фабрика, построенная въ Роттердамѣ, ежедневно давала нѣсколько тоннъ продукта, перегнанного изъ нефти Борнео.

Эти продукты перегонки не составляютъ и сотой доли необработанной нефти; они содержатъ приблизительно отъ 15% до 20% ароматическихъ углеводородовъ; остальное количество состоится изъ алифатическихъ углеводородовъ. При помощи послѣдовательной ректификаціи въ аппаратахъ съ колоннами удается извлечь изъ этихъ фракцій смѣси углеводородовъ, содержащія, приблизительно, отъ 60% до 70% бензола, кипящаго почти при 80°, вслѣдъ за этимъ другія смѣси, содержащія почти въ той же пропорціи толуоль, киноварь почти при 111°, и, наконецъ, ксилолы съ точкой кипѣнія между 135° и 140°, также смѣшанныя съ соединеніями жирнаго ряда.

Однако, полученные такимъ образомъ продукты могутъ служить для получения нитро-производныхъ ароматическихъ углеводородовъ. Въ

случаѣ, напримѣръ, продукта, содержащаго толуолъ, сначала получають моно-нитротолуолъ при помощи воздействиа дымящейся азотной кислоты на холоду. При этомъ углеводороды жирнаго ряда не подвергаются измѣненіямъ. Для опредѣленія ихъ отъ нитрированного продукта прибѣгаютъ къ помощи водяныхъ паровъ, которые ихъ увлекаютъ. Остающійся мононитротолуолъ, перегнанный и высушенный, въ дальнѣйшемъ переводится въ ди- и тринитросоединеніе.

Въ Saint-Louis du Rhône основана фабрика для ректификаціи фракцій изъ нефти Борнео; ежедневно фабрика эта перегоняетъ нѣсколько тоннъ съ цѣлью извлечения изъ получающихся продуктовъ соединеній, поддающихся нитрированію.

Можно ли надѣяться добыть углеводороды ароматического ряда (бензола, толуола, ксилоловъ), исходя изъ различныхъ естественныхъ продуктовъ или остатковъ, получающихся въ промышленности? Извѣстенъ способъ фабрикаціи легкихъ нефтяныхъ маселъ изъ маселъ тяжелыхъ, такъ называемый „cracking“ (расщепленіе). Фабрикамъ фирмъ Standard Oil Company при примѣненіи этого способа удается получать значительное количество этихъ легкихъ маселъ. При этомъ способѣ происходятъ настоящія пирогенные измѣненія въ химическомъ составѣ, подобная тѣмъ, которыя были изучены Бертельо (Berthelot). Способъ „cracking“, который вначалѣ примѣнялся въ грубой формѣ, давалъ сравнительно незначительное количество легкихъ маселъ. Но все возраставшее потребленіе послѣднихъ привело къ тому, что крупныя нефтяныя фирмы предприняли рационально поставленное изслѣдованіе этого способа, и въ настоящее время мы хорошо знаемъ условія пирогенного разложенія тяжелыхъ маселъ нефти. Какъ можно было думать и a priori, температура и давленіе играютъ важную роль при методѣ „cracking“. Если перегонять углеводороды жирнаго ряда, обладающіе высокой точкой кипѣнія, напримѣръ, большей, чѣмъ 350°, то уже при обыкновенномъ давленіи они начинаютъ подвергаться измѣненіямъ въ своемъ химическомъ составѣ. При увеличеніи давленія точка кипѣнія этихъ углеводородовъ повышается и химическая измѣненія въ нихъ становятся болѣе глубокими. Такимъ образомъ, съ наибольшимъ успѣхомъ способъ „cracking“ можетъ быть осуществленъ при наличности болѣе высокой температуры и болѣе высокаго давленія. Но понятно, что увеличеніе давленія ограничено нѣкоторымъ предѣломъ, такъ какъ и сопротивленіе котловъ также имѣетъ свою границу, а увеличеніе температуры связано съ возрастающимъ расходомъ топлива. Наилучшіе результаты были получены при температурѣ между 500° и 700° и при давленіи отъ 4 до 6 атмосферъ. При болѣе высокихъ температурахъ начинаетъ получаться чистый углеродъ, а количество свѣтильного газа перегоняемыхъ продуктовъ уменьшается. Опытъ показалъ, что методъ „cracking“ представляетъ собою не что иное, какъ процессъ уменьшенія количества водорода въ соединеніяхъ, обрабатываемыхъ по этому способу.

Въ этомъ, повидимому, состоитъ, главный химический процессъ, но послѣдний сопровождается также распадениемъ углеводородовъ тяжелыхъ на углеводороды легкіе, а также конденсаціей, которая всегда даетъ очень тяжелые продукты, весьма бѣдные водородомъ и

богатые углеродомъ; послѣдніе представляютъ собою нечто въ родѣ смолъ, устилающихъ въ концѣ процесса дно котловъ и препятствующихъ тому, чтобы полное превращеніе тяжелыхъ продуктовъ въ легкіе происходило въ одинъ пріемъ. По истеченіи извѣстнаго промежутка времени процессъ приходится остановить, а содержимое котловъ — подвергнуть новому нагреванію въ другомъ аппаратѣ.

Бакинская нефть, какъ извѣстно, состоитъ изъ циклическихъ полиметиленовыхъ соединеній. Если подвергнуть ее процессу „cracking“, то, вслѣдствіе отнятія водорода отъ легкихъ углеводородовъ, происходящихъ отъ расщепленія углеводородовъ тяжелыхъ маселъ, мы должны получить бензолъ, толуолъ и ксилолы. Съ этой цѣлью въ мѣстахъ добыванія указанной нефти были устроены соотвѣтствующія приспособленія. Но до настоящаго времени здѣсь не получено удовлетворительныхъ результатовъ.

Примѣненіе катализитическихъ методовъ дало бы, безъ сомнѣнія, болѣе удовлетворительные результаты. Углеводороды освѣтительныхъ маселъ и мазутовъ Кавказа легко переходить въ бензолъ и его гомологи при катализитическомъ участіи нѣкоторыхъ металловъ; при фракціонированіи можно получить смѣсь углеводородовъ ароматическихъ и неизмѣненныхъ циклическихъ гексаметиленовыхъ углеводородовъ. Эту смѣсь можно будетъ утилизировать такимъ же образомъ, какъ и нефть Борнео, такъ какъ нитрированіе коснется лишь ароматическихъ соединеній; циклические метиленовые углеводороды не измѣняются при воздействиіи на нихъ азотной кислотой на холodu, даже при употребленіи смѣси азотной и сѣрной кислотъ.

Если каменноугольный деготь, лишенный, благодаря обыкновенной обработкѣ, своихъ непосредственно утилизируемыхъ продуктовъ, какъ-то: бензола, феноловъ, нафталина, подвергнуть катализитическому воздействиію нѣкоторыхъ металловъ, то онъ снова можетъ дать извѣстное количество бензола. Эта реакція можетъ поднять количество добываемаго изъ дегтя бензола съ 2% до 4½%. Значеніе этой реаціи станетъ еще болѣе понятнымъ, если мы примемъ во вниманіе, что остатки дегтя послѣ катализа можно вполнѣ утилизировать для тѣхъ цѣлей, для которыхъ онъ предназначенъ.

Пользуясь этими катализитическими методами, можно будетъ значительно повысить добываніе бензола. Но не надо забывать, что для примѣненія этихъ методовъ на практикѣ потребуется еще много времени и повторныхъ испытаній. Дѣло въ томъ, что температуры, при которыхъ происходитъ катализъ, часто очень высоки и приближаются къ тѣмъ, при которыхъ начинается распадъ. Отложеніе углерода на катализаторѣ есть одинъ изъ факторовъ, съ которымъ также слѣдуетъ считаться.

При помощи катализа можно получать бензолъ изъ нѣкоторыхъ естественныхъ продуктовъ. Опыты, преисполненные отчасти промышленными цѣлями, позволяютъ надѣяться, что на практикѣ будутъ получаться значительныя количества очень чистыхъ ароматическихъ продуктовъ, среди которыхъ будутъ преобладать толуолъ и ксилолъ.

Подобно бензолу, толуолу и ксилоламъ (пара и мета), въ качествѣ первичныхъ продуктовъ для изготавленія взрывчатыхъ веществъ

употребляются также феноль и нафталинъ. Извлечение фенола изъ каменноугольной смолы производится въ настоящее время во Франції; достигли того, что получаютъ кристаллический феноль, плавящійся при 38° — 40° . Промышленность еще ничего не сдѣлала для того, чтобы отдельить другъ отъ друга три вида крезоловъ.

Но, кромѣ этого способа получения фенола, создана еще фабрикація синтетического фенола, достигающая приблизительно 40 тоннъ въ день.

Нафталинъ, превращенный въ моно- и динитронафталины, употребляется въ смѣси съ азотнокислымъ аммониемъ для начинки снарядовъ. Это и есть взрывчатое вещество Фавье, нечувствительное къ удару, не измѣняющееся подъ влияниемъ температуры и съ трудомъ воспламеняющееся. Вещество это, какъ и всѣ типы взрывчатыхъ веществъ Фавье, до самыхъ послѣднихъ лѣтъ употреблялось лишь въ видѣ патроновъ. Шнейдеръ (Schneider) принадлежитъ идея употреблять его для начинки снарядовъ, откуда происходитъ терминъ „шнейдеритъ“, который въ настоящее время примѣняется по отношенію къ смѣси нитронафталиновъ и азотнокислого аммонія.

Понятно, что нитрированіе нафталина должно производиться лишь надъ вполнѣ чистымъ продуктомъ. Такой продуктъ и доставляется въ настоящее время во Франції заводами, поставленными въ этомъ отношеніи въ прекрасныя условія.

Мы видимъ, какая большія усилия были сдѣланы для полученія химическихъ органическихъ продуктовъ, нужныхъ для войны; можно сказать, что и въ отношеніи неорганическихъ веществъ работа была не менѣе энергичной. Но все-таки необходимо еще дальше развить достигнутые результаты.

Дѣло въ томъ, что нужды войны поглощаютъ все производство, между тѣмъ какъ промышленность далеко не обладаетъ всѣми необходимыми для нея продуктами.

Чувствуется недостатокъ въ красящихъ веществахъ; цѣны фармацевтическихъ продуктовъ достигаютъ баснословныхъ размѣровъ; производство искусственныхъ духовъ совершенно остановилось.

Вещества, на которыхъ мы указали, а именно — бензолъ, толуоль, ксилолы, феноль и нафталинъ, являются исходными продуктами, необходимыми также для изготавленія красящихъ веществъ и большинства фармацевтическихъ препаратовъ. Поэтому слѣдуетъ все болѣе и болѣе развивать промышленность, добывающую эти исходные продукты. Какъ бы велико ни было перепроизводство въ этой области, оно не будетъ бесполезнымъ; напротивъ, оно въ самой высокой степени будетъ способствовать обновленію химической промышленности во Франціи, такъ какъ и послѣ войны въ распоряженіи страны останутся фабрики, которые будутъ по доступной цѣнѣ доставлять исходные продукты, необходимые для развитія производства красокъ, духовъ и фармацевтическихъ продуктовъ.

ЗАДАЧИ ПАР

Подъ редакціей проф. Е. Л. Буницкаго.

№ 355 (6 сер.). Уравненіе

$$\sin x + \cos x = \sqrt{2} \sin 2x$$

рѣшено слѣдующимъ образомъ. Представивъ данное уравненіе въ видѣ

$$\sin x + \cos x = \sqrt{2} [(\sin x + \cos x)^2 - 1],$$

опредѣлили значения суммы $\sin x + \cos x$, а именно:

$$\sin x + \cos x = \sqrt{2}, \quad \sin x + \cos x = -\frac{1}{\sqrt{2}},$$

и подставили каждое изъ этихъ значений суммы $\sin x + \cos x$ въ первоначальное уравненіе. Затѣмъ разрѣшили полученный такимъ путемъ уравненія

$$\sin 2x = 1 \quad \text{и} \quad \sin 2x = -\frac{1}{2}$$

при помощи формулы

$$x = (4n+1) \cdot 45^\circ, \quad x = n \cdot 90^\circ - (-1)^n 15^\circ,$$

гдѣ n есть произвольное цѣлое число. Показать, что найденный результатъ содержитъ постороннія рѣшенія, объяснить ихъ появление, и дать правильное рѣшеніе предложенного уравненія.

B. Ревзинъ (Сумы).

№ 356 (6 сер.). Рѣшить въ цѣлыхъ числахъ уравненіе

$$18x^8y^2 - 40x^2y^2 + 18x^3 - 31x^2 + 18x - 40 = 0.$$

H. C. (Одесса).

№ 357 (6 сер.). Вычислить площадь трапециі $ABCD$, параллельныя стороны которой суть BC и AD , по даннымъ площадямъ q и Q треугольниковъ BOC и AOD , гдѣ O есть точка встрѣчи діагоналей трапециі.

№ 358 (6 сер.). Рѣшить уравненіе

$$(ax^2 + bx + c)^2 = x^2(mx^2 + bx + c).$$

(Занмств.)

РѢШЕНИЯ ЗАДАЧЪ.

отвршннн П. Э. фопл № 1948 додП

№ 311 (б сер.). Два коалиции *A* и *B* ведутъ войну между собою. Нейтральные и государствъ находятся въ нерѣшительности, при чёмъ дано, что рѣзко изъ нихъ навѣрно не присоединяются къ коалиции *A*, а другія къ навѣрно не присоединяются къ коалиции *B*. Сколько новыхъ положений можетъ оказаться въ этой войнѣ въ зависимости отъ поведенія и вышепомянутыхъ государствъ?

Каждое изъ *p* государствъ, которыя по условію не присоединяются къ коалиціи *A*, можетъ либо оставаться нейтральнымъ, либо присоединиться къ коалиціи *B*, и каждая изъ этихъ двухъ возможностей создаетъ новое положеніе въ рассматриваемой войнѣ, а потому всевозможныя комбинаціи каждой изъ этихъ двухъ возможностей для каждого изъ упомянутыхъ *p* государствъ создаетъ 2^p новыхъ положеній, такъ какъ нейтральность каждого изъ нихъ можетъ комбинироваться съ присоединеніемъ каждого изъ нихъ къ коалиціи *B*. Подобнымъ же образомъ комбинаціи нейтральности каждого изъ *k* государствъ, которая навѣрно не присоединяется къ коалиціи *B*, или же присоединенія каждого изъ нихъ къ коалиціи *A* создаютъ 2^k новыхъ положеній. Для каждого же изъ остальныхъ $n - p - k$ государствъ представляются три возможности: оставаться нейтральнымъ, выступить на сторонѣ коалиціи *A*, или же выступить на сторонѣ коалиціи *B*, и комбинаціи каждой изъ этихъ трехъ возможностей для каждого изъ этихъ $n - p - k$ государствъ создаютъ 3^{n-p-k} различныхъ новыхъ положеній. Комбинируя 2^p различныхъ возможностей для *p* государствъ первой группы съ каждой изъ 2^k возможностей второй группы, а также съ каждой изъ 3^{n-p-k} возможностей, находимъ, что число всѣхъ различныхъ новыхъ положеній, — включая и невмѣшательство въ войну всѣхъ *n* государствъ, — равно $2^p \cdot 2^k \cdot 3^{n-p-k}$, т.е. $2^{p+k} \cdot 3^{n-p-k}$; если же интересоваться лишь существенно новыми съ военной точки зрѣнія положеніями, то, исключивъ случай нейтральности всѣхъ *n* государствъ, находимъ, что число возможныхъ новыхъ положеній равно $2^{p+k} \cdot 3^{n-p-k} - 1$.

M. Шебаршинъ (Дѣйствующая армія); *G. Михневич* (Одесса); *B. Поповъ* (Валки).

$0 = 01 - 081 + 2 \cdot 16 - 5 \cdot 11 + 2 \cdot 3 \cdot 01 - 2 \cdot 5 \cdot 81$

(секретно) О. К.

О п е ч а т к и.

- 1) Въ условіи задачи № 287 (б сер.) въ № 641—642 «Вѣстника» вмѣсто $-V^2(x-1)$ слѣдуетъ читать $+V^2(x-1)$.
- 2) Въ условіи задачи № 349 (б сер.) въ № 663 «Вѣстника» вмѣсто $= -f(x, y)$ слѣдуетъ читать $= -f(y, x)$.
- 3) Въ рѣшеніи задачи № 310 (б сер.) въ № 664—665 «Вѣстника» на стр. 120 вмѣсто № 301 слѣдуетъ читать № 310.

Редакторъ прив.-доц. *В. Ф. Каганъ*.

Издатель *В. А. Гернетъ*.

Дозволено военной цензурой.

Типографія „Техникъ” — Одесса, Екатерининская, 58.

Вышел № 12 (Декабрь) журнала

СОВРЕМЕННЫЙ МИРЪ

26-й годъ изданія.

Ежемѣсячный литературный и политический журналъ.

При постоянномъ участіи Г. Алексинскаго, Л. Добронравова, Ник. Йорданскаго
Л. Клейнбorta, I. Larскаго, Евг. Ляцкаго, Г. Плеханова и Евг. Чирикова.

Редакція. 40-тие дѣятельности Г. В. Плеханова. Н. Рожковъ. Тридцатые годы
Евг. Ляцкій. Бабушкина тайна. Ген. Шенсенъ. Принципы войны. Л. Добронравовъ
Провинциальные очерки. За мѣсяцъ. Факты и документы. А. Селивановъ. Хищники
О. Фелиппъ. Печаль вѣковъ. Г. Френсень. Исторія одного похода. Г. Галина, А. Ли-
нецкій, Г. Литвицкій. Стихотворенія. Приложеніе: портретъ Г. В. Плеханова.

Розничная цѣна книжки 1 руб. 50 коп.

Подпись принимается съ марта: на 10 м.—10 р.; на 6 м.—6 р.; на 3 м.—3 р.

ОТКРЫТА ПОДПИСКА НА 1917 г. ЦѣНА: на 12 м.—15 р., на 6 м.—8 р., на 3 м.—4 р.
Для учащихся народн. учителей, бесплатн. библіот. рабочихъ, при обращеніи въ
главную контору.

На 12 м.—12 р., на 6 м.—6 р., на 3 м.—3 р. За границу: на 12 м.—19 р., на 6 м.—10 р.

Адресъ Конторы и Редакціи: Петроградъ, Басковъ пер., 35.

Редакторъ Ник. Йорданскій.

Издательница М. К. Йорданская.

ОТКРЫТА ПОДПИСКА НА 1917 ГОДЪ

(5-й годъ изданія)

На ежемѣсячный литературный, научный и политический журналъ

„СѢВЕРНЫЯ ЗАПИСКИ“,

издаваемый въ Петроградѣ.

Въ 1917 году журналъ будетъ издаваться по прежней программѣ и при участіи преж-
нихъ сотрудниковъ въ отдѣлахъ Художественной литературы (беллетристика, стихи)
литературной критики, искусства, театра, науки, философии, религіи, политики,
общественной жизни, народнаго хозяйства.

Подпись на журналъ: Съ пересылкой на годъ 10 р., на 6 мѣс. 5 р., на
3 мѣс. 2 р. 50 к. Съ пересылкой за границу: на годъ 14 р., на 6 мѣс. 7 р.

Въ „Сѣвер. Зап.“ были помѣщены произведения: Романы, разсказы, повѣсти: Ив. Бу-
нина, Ив. Вольнаго, Над. Бромлей, А. Герцикъ, Бор. Зайцева, Ев. Замятинъ, К. Ки-
нена, М. Кузьмина, Ив. Новикова, Ал. Ремизова, Ром. Роллана, С. Сергѣева-Чен-
скаго, К. Тренева, А. Чапыгина, Ив. Шмелева и др. Стихи: Ан. Ахматовой, К. Баль-
монта, А. Блоха, Ив. Бунинъ, Сер. Есенина, Вяч. Иванова, М. Кузьмина, К. Липскे-
рова, С. Парнекъ, Мар. Цвѣтаевой, М. Шагинянъ и др. Статьи: А. Авксентьевъ,
П. Бирюкова, И. Брусиловскаго, И. Викермана, В. Водовозова, Бор. Воронова, А. Гвозд-
ева, пр. Карѣева, Чл. Гос. Думы А. Керенскаго, Энзиса, В. Зензинова, Г. Зиммеля,
В. Жирмунскаго, Григорія Ландау, Н. Огановскаго, Фед. Степпунъ, М. Павловичъ,
М. Лурье, А. Римскаго-Корсакова, Я. Сакера, пр. Тарле, пр. М. И. Туганъ-Баранов-
скаго, Б. Яковенко, П. Юшкевича, Югурты, Н. Чайковскаго, Ел. Чернова и др.

Подпись принимается въ главной конторѣ журнала: Петроградъ, Загородный
пр., № 21, въ крупныхъ книжныхъ магазинахъ и всѣхъ почтовыхъ учрежденіяхъ.

Отдѣление конторы журнала «Сѣверныѣ Записки» въ Москвѣ:

Книгоиздательство «ЗАДРУГА», М. Никитская, 2-я, кв. 6.

Книжные магазины за комиссию удерживаютъ 5%.

Систематической и именной указатель къ журналу «Сѣверныѣ Записки» за 1913—1915 г.
высыпаются за 10-коп. марку.

Издательница С. И. Чацкина.

Математический Вестникъ

(4-ый годъ изданія).

Журналъ, посвященный вопросамъ преподаванія ариѳметики и началъ алгебры и геометріи.

Журналъ началь выходить съ сентября 1914 г. Начиная съ 1917 года, журналъ будетъ выходить выпусками 1 $\frac{1}{2}$ —2 листа, въ числѣ 6—8 выпусковъ въ годъ. Въ 1917 году предположено выпустить лишь 6 выпусковъ.

Условія подписки на 1917 годъ.

Первые три выпуска „Математического Вестника“ предположено выпустить въ періодъ яварь—май и послѣдніе три—въ періодъ сентябрь—декабрь.

Подписька принимается только на годъ. Подписная плата 3 руб. въ годъ, а для учащихся и гг. учащихъ въ начальныхъ школахъ, при условіи непосредственного обращенія въ редакцію, 2 руб. 50 коп. въ годъ. Цѣна отдѣльного выпуска въ розничной продажѣ будетъ напечатана на каждомъ выпускѣ.

Комплекты нумеровъ за прошлые годы будутъ высылаться, начиная съ момента выхода послѣдняго № за 1916 г., по цѣнѣ 2 рубля (съ пересылкою) за каждый годовой комплектъ (8 №№) и 1 рубль за каждый полугодовой комплектъ (4 №№). Отдѣльный номеръ изъ числа вышедшихъ въ 1914, 1915 и 1916 гг. высылается за 35 коп. За наложенный платежъ стоимость увеличивается на 20 коп.

Подписька принимается въ редакціи.

Адресъ редакціи: Москва, Гороховскій пер., д. 23, кв. 9. Тел. 3-19-55.

ОТКРЫТА ПОДПИСКА НА 1917 г. НА

ИЗВѢСТИЯ РУССКАГО ОБЩЕСТВА ЛЮБИТЕЛЕЙ МИРОВѢДЪНІЯ,

(Шестой годъ изданія).

„Извѣстія“ выходятъ шесть разъ въ годъ.

Журналъ ставитъ своей цѣлью объединеніе любителей естественныхъ и физико-математическихъ знаній и содѣйствіе въ ихъ научныхъ работахъ, имѣя въ виду поднятіе уровня и цѣнности любительскихъ работъ.

Подписная цѣна на „Извѣстія“ въ 1917 г. три рубля 50 коп. въ годъ съ пересылкой.

Отдѣльный № въ розничной продажѣ 60 коп.

Комплектъ журнала за 1914 г. № (9—12) одинъ рубль; за 1915 г. (№ 13—18) два р.; за 1916 г. (№ 19—24) два р. 50 к. съ перес.

Полныхъ комплектовъ журнала за 1912—1913 годы не имѣется. Отдѣльные №№ 7, 8, 9 и 10 можно выписывать по 30 коп. каждый. № 11, 13—18 по 35 к.; № 1 и 12 по 40 к.; № 19—24 по 45 к.

Дѣйствительные Члены Общества на основаніи § 8 Устава Общества, уплачивающіе членскій взносъ (б руб.) въ установленные сроки, получаютъ „Извѣстія“ бесплатно.

Уставъ и отчетъ Общества за минувшій годъ высылаются по первому требованію. На пересылку слѣдуетъ прилагать марку 10 к.

Адресъ редакціи: Петроградъ, Б. Разночинная, д. 9, кв. 2.

Въ Москвѣ подписка на „Извѣстія“ принимается въ конторѣ Н. Печковской (Петровская линія).

Редакторъ Членъ Совѣта Общества Д. Святскій.