

Обложка
ищется

Обложка
ищется



О ПЫТНОЙ ФИЗИКИ

— { ii } —

ЭЛЕМЕНТАРНОЙ МАТЕМАТИКИ.

Адресъ Редакціи: Нижне-Владимірская улица, домъ № 19.

Цѣна: 3 р. въ семестръ, или 6 р. въ годъ.

С о л н ц е.

Составилъ по Секціи и др. источникамъ

Н. А. Конопацкій.

Всякому известно, что не только всѣ условия человѣческаго существованія, но и самая возможность органической жизни находится въ полной зависимости отъ состоянія Солнца, что поэтому всякия перемѣны въ состояніи этого центральнаго свѣтила нашей системы, какъ-бы медленно онъ не совершились, неизбѣжно влекутъ за собою перемѣны въ условіяхъ органической жизни нашей планеты. Понятенъ интересъ, съ которымъ мы-слящіе люди всѣхъ временъ старались разгадать причины и сущность происходящихъ на солнцѣ процессовъ, приходя къ результатамъ все болѣе и болѣе совершеннымъ, по мѣрѣ усовершенствованія средствъ наблюденія и по мѣрѣ расширенія области физики и химіи.

Зрительная труба дала возможность Галилею (1611 р.) открыть на солнцѣ пятна¹⁾ и свѣточи, а вслѣдъ за тѣмъ примѣненіе цвѣтныхъ сте-

¹⁾ Голландскій астрономъ Йоганъ Фабрицій нѣсколькоими мѣсяцами опередилъ Галилея въ этомъ открытии; онъ пропускалъ солнечные лучи透过 малое круглое отверстіе и на полученномъ на экранѣ изображеніи солнца наблюдалъ пятна. Этотъ приемъ привелъ его къ заключенію о вращеніи солнца.

котъ помогло Шейнеру безопасно продолжать эти изслѣдованія. Это позволило къ подтверждению предположенія, ранѣе высказаннаго Кеплеромъ и Джордано Бруно, о вращательномъ движениі солнца. На изученіе этихъ явлений пошло $2\frac{1}{2}$ столѣтія, и до сихъ поръ его нельзя считать оконченнымъ.

Открытие спектральнаго анализа дало возможность судить о химическомъ составѣ и отчасти о физическомъ состояніи солнечной матеріи, въ той по крайней мѣрѣ вѣнѣній оболочки солнца, которая доступна изслѣдованию.

Наблюденіе солнечныхъ затмѣній обнаружило распространеніе солнечной матеріи далеко за предѣлы видимаго при обыкновенныхъ условіяхъ диска солнца, отчего происходитъ явленіе такъ называемыхъ выступовъ на поверхности солнца и появленіе, видимаго только во время затмѣній, свѣтлого вѣнца вокругъ солнца.

Изслѣдованія температуры солнца и вычисленія количества даваемаго имъ тепла, хотя и не дали сколько нибудь точныхъ цифръ, привели однако къ убѣждению, что съ одной стороны эти цифры должны неизмѣримо превосходить всѣ результаты искусственного поднятія температуры, получаемые въ нашихъ лабораторіяхъ, и количество солнечнаго тепла можно считать неистощимымъ въ сравненіи съ историческимъ періодомъ человѣческой жизни,—съ другой стороны уменьшеніе солнечной энергіи вообще, а слѣдовательно и той части ея, которая сообщается нашей планетѣ, не подлежитъ сомнѣнію.

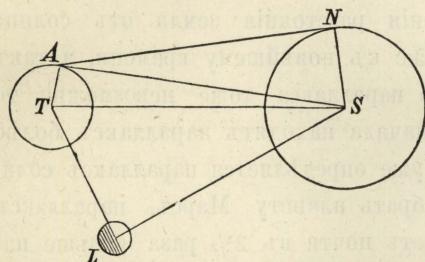
Наконецъ наблюденія прохожденія низкихъ планетъ черезъ дискъ солнца и наблюденія Марса въ оппозиції послужили къ опредѣленію параллакса солнца и, въ зависимости отъ него, разстоянія солнца отъ земли, средняго діаметра его видимаго диска, а слѣдовательно размѣровъ пространства, занимаемаго на солнцѣ различными явленіями.

Такъ какъ послѣдняго рода наблюденія оказываются самыми доступными и точными, а результаты ихъ необходимы для болѣе или менѣе яснаго представленія размѣровъ совершающихся на солнцѣ явлений, то мы и начнемъ съ изложенія способовъ и результатовъ опредѣленія параллакса и размѣровъ солнца, а затѣмъ послѣдовательно разсмотримъ солнечные пятна и свѣточи, солнечную оболочку вообще, выступы и вѣнцы солнца и наконецъ температуру и количество доставляемаго солнцемъ тепла.

1. Определение параллакса и размѣровъ солнца.

Изъ непосредственныхъ наблюдений мы можемъ съ достаточнouю точностью определить уголъ, подъ которымъ виденъ диаметръ солнечного диска въ данное время изъ данного мѣста на земной поверхности. Уголъ этотъ довольно значителенъ и въ зависимости отъ разстоянія земли отъ солнца измѣняется отъ $31'29''$ до $32'34''$.

Фиг. 6.



Пусть A (фиг. 6) будетъ мѣстомъ наблюдения; если $\angle SAN$, подъ которымъ изъ этого мѣста виденъ радиусъ солнца SN , определенъ изъ непосредственныхъ наблюдений, тогда изъ прямоугольного треугольника ASN можно определить тригонометрически радиусъ солнца NS , если будетъ еще известна гипотенуза AS , т. е. разстояніе центра солнца отъ мѣста наблюдения. Если видно изъ треугольника ATS , разстояніе это можетъ быть определено по катету AT , величинъ радиуса земли, хорошо известной изъ геодезическихъ измѣреній, если будетъ найденъ уголъ AST , подъ которымъ виденъ радиусъ земли AT изъ центра солнца S , въ то время когда онъ находится на горизонте мѣста наблюдения. Уголъ этотъ называется горизонтальнымъ параллаксомъ солнца; если-же мѣсто наблюдения A находится на экваторѣ, то $\angle AST$, подъ которымъ виденъ наибольшій (экваториальный) радиусъ земли, носитъ название горизонтального экваториального параллакса солнца.

Итакъ мы видимъ, что вопросъ объ определеніи радиуса, а стало быть и размѣровъ солнца, приводится къ определенію его параллакса.

Древніе вмѣсто параллакса солнца пытались определить разстояніе солнца отъ земли изъ прямоугольного треугольника TLS (фиг. 6), образуемаго прямymi, соединяющими центры солнца, земли и луны въ то время, когда солнце освещаетъ ровно половину видимаго диска луны, такъ что освещенная часть отдѣляется отъ темной прямой линией. Тогда въ прямоугольномъ треугольнике TLS , где катетъ LT , (разстояніе земли отъ луны) известенъ изъ другихъ определеній, а уголъ LTS подлежитъ непосредственному наблюдению, достаточно данныхъ для вычисленія разстоянія земли отъ солнца TS .

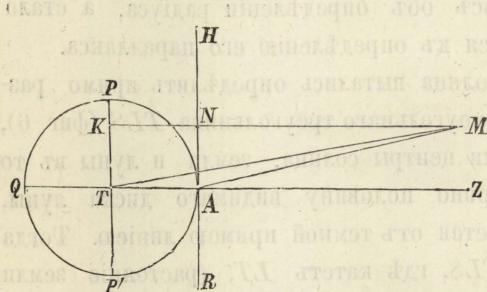
Какъ ни простъ этотъ способъ въ теоріи, примѣненіе его на практикѣ совершенно невозможно, потому что во 1-хъ невозможно точно опредѣ-

лить тотъ моментъ, когда на лунѣ граница между темной и свѣтлой частью луны сдѣлается совершенно прямую, въ телескопѣ же на лунѣ видны такія неровности, при которыхъ мы никогда не замѣтимъ прямолинейной границы между частью освѣщеною и находящуюся въ тѣни; во 2-хъ уголъ LTS оказывается столь близкимъ къ прямому, что его трудно опредѣлить съ достаточнouю точностью. Аристархъ Самосскій принялъ $\angle LTS$ равнымъ 87° и нашелъ отсюда $ST = 19 LT$, т. е. величину слишкомъ въ 20 разъ меньшую истиннаго разстоянія земли отъ солнца.

Больше удачные попытки опредѣленія разстоянія земли отъ солнца при посредствѣ параллакса относятся уже къ новѣйшему времени, а такъ какъ непосредственное измѣреніе этого параллакса тоже невозможно, то вопросъ решается косвеннымъ путемъ: сначала находятъ параллаксъ болѣе близкаго къ землѣ свѣтила, а по немъ уже опредѣляется параллаксъ солнца. Наиболѣе удобно для этой цѣли избрать планету Марсъ, параллаксъ которой въ некоторыхъ случаяхъ бываетъ почти въ $2\frac{1}{2}$ раза больше параллакса солнца, а именно когда во время оппозиціи (противостоянія) Марсъ находится на наименьшемъ разстояніи отъ солнца, а земля (между нимъ и солнцемъ расположенная) — на наибольшемъ; тогда, очевидно, разстояніе между двумя планетами бываетъ возможно малымъ и такая оппозиція считается для опредѣленія параллакса наивыгоднѣйшою.

Не имѣя въ виду входить здѣсь въ подробное описание того приема, по которому въ дѣйствительности опредѣляется параллаксъ Марса и отсылая интересующихъ этимъ вопросомъ къ специальнымъ сочиненіямъ по астрономіи¹⁾, я постараюсь только показать возможность такого опредѣленія въ простѣйшемъ случаѣ съ цѣлью выясненія сущности этого способа.

Фиг. 7.



Предположимъ поэтому, что мѣсто наблюденія А находится на экваторѣ, и что зенитное разстояніе Марса, т. е. уголъ $MAZ = \zeta$ опредѣленъ въ моментъ кульминаціи. Пусть HR (фиг. 7) представляетъ сѣченіе плоскостью горизонта (видимаго) т. е. полу-

денную линію, тогда PP' , проведенная параллельно послѣдней черезъ центръ земли Т, представить сѣченіе плоскости меридіана плоскостью ис-

¹⁾ См. напримѣръ „Описательную Астрономію“ М. Хандрикова (Киевъ 1886 г.) стран. 54 и сл.

тического горизонта данного места. Вообразимъ изъ М перпендикуляръ МК къ плоскости горизонта, тогда изъ прямоугольного треугольника MNA имѣемъ

$$\begin{aligned} MN &= AM \cdot \sin MAN, \\ AN &= AM \cdot \cos MAN. \end{aligned} \quad (1)$$

Изъ прям. треугольника ТМК подобнымъ образомъ получаемъ

$$\begin{aligned} MK &= TM \cdot \sin MTK, \\ TK &= TM \cdot \cos MTK. \end{aligned} \quad (2)$$

Вычитая изъ этихъ уравнений предыдущія и замѣтивъ что

$$MK - MN = KN \text{ и } TK - AN = O,$$

получимъ

$$\begin{aligned} TM \cdot \sin MTK - AM \cdot \sin MAN &= KN \\ TM \cdot \cos MTK - AM \cdot \cos MAN &= O \end{aligned} \quad (3)$$

Здѣсь $\angle MTK$ есть дополненіе до 90° къ углу MTZ , т. е. къ геоцентрическому склоненію Марса, которое для всякаго даннаго момента извѣстно съ достаточнouю точностью и можетъ быть прямо взято изъ таблицъ; означимъ его черезъ δ . Уголъ MAN есть высота Марса, т. е. дополненіе къ зенитному разстоянію MAZ , обозначенному нами черезъ ζ которое должно быть опредѣлено непосредственнымъ наблюденіемъ. $KN = AT$ есть экваториальный радиусъ земли, который весьма точно измѣренъ; назовемъ его черезъ r . Разстояніе центра Марса отъ центра земли MT назовемъ черезъ d , а величину AM , т. е. разстояніе центра Марса отъ места наблюденія, мы можемъ исключить изъ уравненій (3). Итакъ, вводя наши обозначенія, имѣемъ:

$$\begin{aligned} d \cdot \cos \delta - AM \cdot \cos \zeta &= r \\ d \cdot \sin \delta - AM \cdot \sin \zeta &= o \end{aligned} \quad (4)$$

Исключивъ теперь AM , получимъ

$$d (\sin \zeta \cos \delta - \cos \zeta \sin \delta) = r \cdot \sin \zeta,$$

т. е.

$$d \cdot \sin (\zeta - \delta) = r \cdot \sin \zeta,$$

откуда

$$\sin (\zeta - \delta) = \frac{r}{d} \sin \zeta \quad (5)$$

Разность $\zeta - \delta$ есть ни что иное какъ уголъ АМТ, подъ которымъ виденъ изъ центра Марса экв. радиусъ земли AT; уголъ этотъ такъ незначителенъ, что можно принять

$$\sin (\zeta - \delta) = (\zeta - \delta) \cdot \sin 1'',$$

въ такомъ случаѣ изъ (5) имѣемъ:

$$(\zeta - \delta) \cdot \sin 1'' = \frac{r}{d} \cdot \sin \zeta. \quad (6)$$

Съ другой стороны когда Марсъ находится въ горизонте наблюденія, треугольникъ МТА становится прямоугольнымъ, и уголъ ТМА представляетъ тогда экваторіальный горизонтальный параллаксъ Марса, который мы обозначимъ черезъ p . Тогда изъ того-же прямоугольного треугольника очевидно имѣемъ

$$\frac{r}{d} = \sin p,$$

или, по малости угла p , можно положить

$$\frac{r}{d} = p \cdot \sin 1''. \quad (7)$$

Сравнивая теперь (7) съ уравненiemъ (6), находимъ

$$\zeta - \delta = p \cdot \sin \zeta. \quad (8)$$

Отсюда по данному δ и наблюденному ζ можетъ быть вычисленъ экв. горизонтальный параллаксъ Марса p .

Обозначимъ теперь экваторіальный горизонтальный параллаксъ солнца черезъ P и разстояніе центра солнца отъ центра земли透过 D . Тогда изъ прямоугольного треугольника ATS (фиг. 6) точно также находимъ:

$$\frac{r}{D} = \sin P,$$

или, по малости угла P ,

$$\frac{r}{D} = P \cdot \sin 1''.$$

Раздѣливъ это уравненіе на (7), находимъ

$$\frac{d}{D} = \frac{P}{p},$$

откуда

$$p = \frac{PD}{d}. \quad (9)$$

Наконецъ подставляя это значеніе p въ уравненіе (8), получаемъ

$$\zeta - \delta = \frac{D}{d} P \cdot \sin \zeta. \quad (10)$$

Въ этомъ выраженіи величины ζ и δ , какъ уже сказано, извѣстны; что-же касается отношения $\frac{D}{d}$, которое предствляетъ собою разстояніе

центра Марса отъ центра земли, выраженное въ единицахъ разстоянія земли отъ солнца, то оно можетъ быть опредѣлено независимо отъ этого изъ наблюдений движения Марса и тоже дается въ астрономическихъ таблицахъ. Такимъ образомъ, благодаря тому, что мы можемъ знать съ большою точностью величину отношенія $\frac{D}{d}$, хотя разстоянія d и D , порознь взятыя, намъ неизвѣстны, уравненіе (10) становится совершенно достаточнымъ для опредѣленія величины горизонтального экваторіального параллакса солнца.

Для простоты разсужденій мы выбрали мѣсто наблюденія на экваторѣ и такимъ образомъ намъ не было надобности принимать во вниманіе сжатіе земли, т. е. разницу между радиусомъ мѣста наблюденія и радиусомъ экватора, а также разницу между широтою астрономическою и геоцентрическою; по этой также причинѣ геоцентрическое зенитное разстояніе въ моментъ кульминаціи оказалось у насъ равнымъ склоненію. На практикѣ, конечно, эти условия не существуютъ: наблюденія производятся изъ различныхъ мѣстъ земной поверхности, при чмъ такихъ мѣсть, по возможности удаленныхъ одно отъ другого, избирается не менѣе двухъ. Понятно, что въ такомъ случаѣ и ходъ разсужденій, и выводъ формулы для параллакса были бы сложнѣе.

Этотъ способъ опредѣленія солнечнаго параллакса былъ предложенъ Доминикомъ Кассини и впервые примѣненъ на практикѣ въ 1671 году астрономами: Пикаромъ и Ремеромъ (въ Парижѣ) и Ришеромъ (въ Каениѣ). Изъ этихъ наблюдений параллаксъ солнца для средняго его разстоянія отъ земли былъ найденъ равнымъ $9",5$, что считается болѣе настоящей его величины, принмаемой теперь— $8,"85$ съ 1862 года, когда былъ произведенъ рядъ весьма тщательныхъ наблюдений во время оппозиціи Марса въ различныхъ мѣстахъ Европы, Америки и на мысѣ Доброй Надежды.

Другой косвенный пріемъ для опредѣленія параллакса солнца, предложенный еще въ XVII вѣкѣ англійскимъ астрономомъ Галлейемъ, заключается въ наблюденіяхъ изъ двухъ возможно удаленныхъ мѣстъ земной поверхности прохожденія планеты Венеры черезъ дискъ солнца. При этомъ Венера бываетъ почти въ 4 раза ближе къ землѣ, чмъ солнце, и слѣдовательно параллаксъ ея почти въ четверо больше параллакса солнца. По этой причинѣ хорды, по которымъ совершаются прохожденіе темнаго маленькаго диска Венеры черезъ дискъ солнца, будутъ различны для обоихъ наблюдателей, и вопросъ сводится къ точному опредѣленію длины этихъ

хордъ по продолжительности самого явленія ¹⁾). Но на практикѣ оказалось весьма труднымъ точное опредѣленіе моментовъ начала и конца прохожденія ²⁾, въ особенности при употребленіи для наблюденій телескоповъ среднихъ размѣровъ. Второе неудобство этого способа возникаетъ отъ того, что орбита Венеры наклонена подъ известнымъ угломъ къ плоскости эклиптики, и слѣдовательно явленія прохожденія не могутъ повторяться всякой разъ, когда Венера находится въ соединеніи съ солнцемъ. И дѣйствительно прохожденія Венеры черезъ дискъ солнца случаются весьма рѣдко, а именно черезъ слѣдующіе приблизительно промежутки времени: 105 лѣтъ, 8 лѣтъ, 122 года, потомъ опять 8 лѣтъ, 105, 8, 122, 8 и т. д. Прохожденія, наблюдавшіяся астрономами, имѣли мѣсто: въ 1761, 1769, 1874 и 1882. Слѣдующія произойдутъ лишь въ 2004 году и въ 2012 году.

Определенная по этому способу величина параллакса солнца изъ прохожденій Венеры въ прошломъ столѣтіи была въ среднемъ равна $8'',5$. Изъ наблюденій 1874 г. французскіе астрономы вывели величину параллакса $=8'',85$, т. е. такую-же, какая была получена изъ наблюденій Марса въ оппозиціи въ 1862 году.

Принимая поэтому эту величину солнечнаго параллакса ($=8'',85$) за достаточно точную, изъ уравненія

$$r = D \sin P$$

находимъ, что D , т. е. разстояніе земли отъ солнца, равно 23408 земныхъ (эв.) радиусамъ (r). А такъ какъ

$$r = 6378,19 \text{ километрамъ},$$

то $D = 149300671$ килом. (приблизительно 20000000 г. миль).

Діаметръ солнца почти въ 109 разъ больше діаметра земли ($=1392100$ км.).

Радіусъ солнца почти вдвое больше средняго разстоянія луны отъ земли; слѣдовательно объемъ солнца приблизительно равенъ объему 8-ми такихъ шаровъ, радіусъ которыхъ равенъ среднему радіусу лунной орбиты, и слишкомъ въ $1\frac{1}{4}$ миллиона разъ больше объема земнаго шара. Масса солнца слишкомъ въ 300000 разъ превосходить массу земли, а плотность почти въ 4 раза меныше плотности земли.

(Продолженіе следуетъ).

¹⁾ См. „Опис. Астрономія“ М. Хандрикова, стр. 60 и сл.

²⁾ О явленіяхъ такъ называемаго моста или капли при наблюденіяхъ внутреннаго касанія диска Венеры къ диску солнца см. тамъ-же, стр. 62.

Проективные фигуры.

Тема для сотрудниковъ.

Вообразимъ двѣ плоскости и на одной изъ нихъ какуюнибудь фигуру ABCD . . . Возьмемъ въ плоскостѣ какуюнибудь точку Р и соединимъ ее съ точками А, В, С, D . . . ; эти прямые пересѣкутъ вторую плоскость въ нѣкоторыхъ точкахъ А', В', С', D' . . . , соединивъ которыя, получимъ новую фигуру А'В'С'Д' . . . Фигуры, полученные подобнымъ образомъ на двухъ плоскостяхъ, называются *проективными*.

Проективные фигуры обладаютъ слѣдующими свойствами: 1) каждой точкѣ одной фигуры соответствуетъ только одна точка другой фигуры, 2) каждой прямой линіи одной фигуры соответствуетъ только одна прямая линія другой фигуры, 3) ангармоническое отношение четырехъ точекъ одной фигуры равно ангармоническому отношению четырехъ соответственныхъ точекъ другой фигуры.

Каждую фигуру всегда можно проектировать на другую плоскость такъ, чтобы данная прямая проектировалась на бесконечности. Въ частности, каждый четырехугольникъ тремя способами можно проектировать такъ, чтобы его проекція была параллелограммомъ.

Этимъ обстоятельствомъ можно воспользоваться, чтобы нѣкоторыя теоремы относительно параллельныхъ линій представить въ болѣе общей формѣ. Обращаемъ внимание на слѣдующія три теоремы:

- 1) Въ параллелограмѣ диагонали дѣлятся по поламъ.
- 2) Если соответственные стороны двухъ треугольниковъ взаимно параллельны, то три прямые, соединяющія соответствующія вершины, пересѣкаются въ одной точкѣ.
- 3) Даны три параллельныхъ прямыхъ и на одной изъ нихъ двѣ точки А и В. Двѣ прямые, проходящія чрезъ А и В и пересѣкающіеся въ точкѣ С на второй данной прямой, отсѣкаютъ отъ третьей данной прямой отрезокъ постоянной длины.

Предлагается эти теоремы обобщить.

Вообразимъ опять двѣ плоскости съ двумя проективными фигурами; около линіи пересѣченія поворотимъ одну плоскость до совпаденія съ другою. Такимъ образомъ двѣ проективные фигуры будутъ расположены на одной плоскости. Нужно доказать, что при этомъ удовлетворяются слѣдующія свойства: 1) точки пересѣченія соответственныхъ прямыхъ находятся на постоянной прямой линіи, 2) прямые, соединяющія соответственные

точки, проходятъ чрезъ постоянную точку. Фигуры, удовлетворяющія этимъ условіямъ, называются *проективными и проективно расположеными*. Постоянную точку можно назвать *центромъ проективности*, а постоянную прямую—*осью проективности*. Если ось проективности удаляется въ бесконечность, то фигуры обращаются въ подобныя и подобно расположенные.

Для законченности предмета предлагается доказать еще слѣдующія теоремы:

Двѣ фигуры, расположенные въ одной плоскости, таковы, что каждой точкѣ одной фигуры соотвѣтствуетъ только одна точка другой фигуры и каждой прямой одной фигуры соотвѣтствуетъ только одна прямая другой фигуры. Если точки пересѣченія соотвѣтственныхъ прямыхъ находятся на одной прямой, то прямые, соединяющія соотвѣтственные точки обѣихъ фигуръ, проходятъ чрезъ постоянную точку.

Доказать также обратную теорему: если прямые, соединяющія соотвѣтствующія точки фигуръ, проходятъ чрезъ постоянную точку, то точки пересѣченія соотвѣтствующихъ прямыхъ находятся на одной прямой.

При существованіи послѣднихъ условій необходимо доказать, что удовлетворяется и третье свойство проективности, т. е. нужно доказать неизмѣняемость ангармонического отношенія четырехъ точекъ.

Далѣ для фигуръ, проективно расположенныхъ на одной плоскости, необходимо доказать еще слѣдующія двѣ теоремы:

1) Пусть О есть центръ проективности, А и А'—двѣ соотвѣтственные точки; пусть прямая АА' пересѣкаетъ ось проективности въ В. Ангармоническое отношеніе четырехъ точекъ О, А, А' и В сохраняетъ постоянную величину.

2) Пусть СА и СА' суть двѣ соотвѣтственные прямые, пересѣкающиеся въ точкѣ С на оси проективности СВ; пусть О есть центръ проективности. Ангармоническое отношеніе четырехъ прямыхъ СА, СА', СВ и СО сохраняетъ постоянную величину.

Доказанными теоремами можно ограничиться. Но для лицъ, интересующихся дальнѣйшимъ развитиемъ предмета, замѣтимъ, что фигуры проективныя, но не расположенные проективно, имѣютъ всегда три общія точки; впрочемъ двѣ изъ этихъ точекъ могутъ быть мнимыми.

Александръ Михайловичъ Бутлеровъ.

(Некрологъ).

Тяжелое время настало для химії. Одинъ ударъ быстро слѣдуетъ за другимъ. Давно-ли мы послѣдовательно потеряли Воскременского, Зинина, Вёлера, Дюма, Вюрца, Кольбе и еще молодого, но въ высшей степени талантливаго и много обѣщавшаго Вышнеградскаго и мн. др., и вотъ новый ударъ—не стало еще одного изъ нашихъ учителей, Александра Михайловича Бутлерова.

Неожиданная смерть А. М. представляетъ весьма чувствительную утрату для химіи, для русской-же науки это ничѣмъ не вознаградимая потеря, такъ какъ мы имѣли полное право расчитывать еще на очень многое отъ плодотворной научной дѣятельности А. М., отъ которой онъ былъ оторванъ въ самый разгаръ ея. Обыкновенно бодрый и цвѣтущий здоровьемъ, А. М. казался моложе своихъ лѣтъ, да ему было и не много: на 42 года старше его Шеврель¹⁾, празднующій теперь въ Парижѣ свой столѣтній юбилей.

А. М. родился 25 Августа 1828 г. въ Казанской губерніи. Поступивъ въ Казанскій университетъ въ 1844 г., А. М. началъ работать въ лабораторіи проф. Клауса (извѣстнаго своими изслѣдованіями платиновыхъ металловъ). При этомъ онъ пользовался совѣтами и Н. Н. Зинина, а вскорѣ сталъ заниматься преимущественно подъ руководствомъ послѣдняго, который до такой степени увлекалъ молодежь, что А. М. напр., не довольствуясь занятіями въ Университетской лабораторіи, завелъ лабораторію и у себя дома, и какъ говорить онъ самъ (въ воспоминаніяхъ и біографическомъ очеркѣ о Н. Н. Зининѣ), съ торжествомъ случалось приносить въ Университетъ образцы домашнихъ произведеній: кофеина, изатина, аллоксантина и т. п., нерѣдко навлекая на себя упреки жившихъ въ одномъ домѣ съ нимъ, (такъ какъ имъ приходилось знакомиться съ запахомъ азотистыхъ паровъ, сѣроводорода и пр.). По случаю перехода Н. Н. Зинина въ Петербургъ (въ началѣ 1848 г.) А. М. пришлось оканчивать свои занятия подъ руководствомъ Клауса, вѣрнаго послѣдователя Берцеліуса

¹⁾ Французскій химикъ.

и потому, понятно, недружелюбно относившагося къ нововведеніямъ Жерара и Лорана, учение которыхъ такимъ образомъ и оставалось неизвѣстнымъ въ Казани. Кончивъ курсъ въ 1849 г., А. М. по пріобрѣтеніи степени магистра въ 1851 г., былъ назначенъ адъюнктомъ профессоромъ, но — какъ онъ самъ говорилъ — оставался все таки не больше какъ хорошимъ ученикомъ, владѣющимъ недурно фактами, но совершенно лишеннымъ научной самостоятельности и критического отношенія къ предмету. А между тѣмъ съ переходомъ Клауса въ Дерптъ (въ 1852 г.), преподаваніе химіи въ Казанскомъ университѣтѣ полностью легло на А. М. Будучи отпущенъ въ концѣ 1853 и въ началѣ 1854 г. въ Москву для экзамена и защиты диссертаций на степень доктора, онъ не преминулъ заѣхать въ Петербургъ, чтобы повидаться съ Н. Н. Зининомъ. „Непродолжительныхъ бесѣдъ съ нимъ было достаточно — говоритъ А. М. — чтобы время это стало эпохой въ моемъ научномъ развитіи: Н. Н. указалъ мнѣ на значеніе учения Лорана и Жерара, на только что появившіяся *Méthode de chimie* первого и *Traité de chimie organique* второго..... и совѣтовалъ руководиться въ преподаваніи системой Жерара. Я послѣдовалъ этимъ совѣтамъ, и они привнули меня на столько по научному пути, что пребываніе за границей въ 1857—58 г. могло уже вполнѣ довершить мое превращеніе изъ ученика въ ученаго.“

И дѣйствительно, въ самомъ непродолжительномъ времени А. М. пріобрѣтаетъ громкую извѣстность своимъ капитальными изслѣдованіями (надъ юодистымъ метиленомъ, третичными спиртами, углеводородами этиленового ряда и др.) и въ особенности своимъ теоретическими возврѣніями, которыя излагались въ рядѣ статей въ химическихъ журналахъ и въ его классическомъ „*Введеніи къ полному изученію органической химіи*“ (появившемся и въ переводѣ на немецкій языкъ). Изъ его лабораторіи выходитъ также нѣсколько замѣчательныхъ работъ его учениковъ.

Въ 1868 г. А. М. перешелъ на каѳедру химіи въ С.-Петербургскій университетъ и немедленно затѣмъ былъ избранъ членомъ Императорской Академіи Наукъ (которая въ настоящее время остается совершенно безъ представителя по химіи, такъ какъ мѣсто Н. Н. Зинина до сихъ порь не замѣщено). А. М. былъ также однѣмъ изъ немногихъ почетныхъ членовъ Нѣмецкаго Химическаго

Общества и—если не ошибаюсь—почетнымъ членомъ всѣхъ рус-
скихъ университетовъ (Киевскаго—съ 1869 г.)

А. М. былъ замѣчательный лекторъ и прекрасный эксперимен-
таторъ. Бывшіе на предпослѣднемъ съѣздѣ Естествоиспытателей
въ Петербургѣ помнятъ, безъ сомнѣнія, тѣ изящные приборы
Крукса, которые были изготовлены А. М. собственноручно и де-
монстрированы на одномъ изъ засѣданій.

А. М. обладалъ замѣчательною способностью среди окру-
жающей его молодежи подмѣщать тѣхъ, въ которыхъ тлѣеть за-
роненная свыше искорка, почему у него и есть такая масса учени-
ковъ, пріобрѣвшихъ уже большую известность своими изслѣдо-
ваниями. Изъ нихъ съ особенной гордостью могъ взирать А. М. на
А. М. Зайцева и В. В. Марковникова, въ свою очередь образо-
вавшихъ уже не мало молодыхъ ученыхъ и такимъ образомъ съ
честью продолжающихъ дѣло своего учителя.

А. М. по своей общительности имѣлъ большое вліяніе и не
только на своихъ учениковъ. Пишущій эти строки своимъ хими-
ческимъ развитіемъ считаетъ себя немало обязаннѣмъ и А. М. п
тѣмъ отношеніямъ, которыя между нами установились послѣ слу-
чайной встрѣчи на собраніи натуралистовъ въ Шпайерѣ въ 1861 г.,
не смотря на то, что одинъ изъ насъ былъ только что кон-
чившій курсъ въ Университетѣ (С.-Петербургскомъ), а другой уже
известный ученый и ректоръ Казанскаго Университета. Съ какимъ
интересомъ перечитываются и теперь въ особенности Казанская
письма А. М., т. е. относящіяся къ тому времени, когда у насъ
не было еще ни Химико-Физического Общества, ни съѣзовъ Есте-
ствоиспытателей, которые сплотили химиковъ и доставили много-
кратные случаи взаимнаго общенія и обмѣна мыслей.

У А. М. была еще другая специальность, которой онъ также
искренно былъ преданъ—пчеловодство. А. М. такъ много сдѣлалъ
для распространенія у насъ рационального пчеловодства, что надо
удивляться какимъ образомъ онъ находилъ для этого времія.

Чтобы до иѣкоторой степени объяснить увлеченіе А. М. еще
и третьей специальностью—медумическими явленіями, обѣ изуче-
ній которыхъ онъ говорилъ между прочимъ на послѣднемъ съѣздѣ
Естествоиспытателей въ Одессѣ, привожу заключительныя слова
послѣдняго его произведенія *Основнiя понятiя химii* (СПб. 1866 г.).

, Вѣрованія, лежащія въ области науки, могутъ имѣть на своей сторонѣ ту выгоду, что съ ними связано принятие опредѣленныхъ общечеловѣческихъ нравственныхъ принциповъ, но довѣріе къ научной теоріи, перешедшее въ вѣрованіе, и превращеніе положеній этой теоріи въ догматъ—причиняетъ одинъ вредъ и не имѣетъ оправданій. Вѣрованіе въ то, что лежитъ въ области научнаго знанія, можетъ уживаться рядомъ съ вполнѣшимъ признаніемъ реальныхъ истинъ науки, но слѣпое вѣрованіе въ непогрѣшимость научныхъ теорій ведетъ къ ненаучному, не оправдываемому ничѣмъ скептицизму и зачастую мѣшаетъ видѣть новыя реальные истины, лежащія въ области излюбленныхъ теорій. Къ тому, кто поступая ненаучно, впадаетъ въ эту послѣднюю крайность, прилагаются слова Александра Гумбольта: „*кичаційся скептицизмъ, отрицаюцій факты безъ изслѣдованія, почти еще среднєе, чѣмъ лейковъріе, лишенное критики.*“

18 Августа 1886 г.

П. Алексѣевъ.

Вопросы и задачи.

№ 11 Какую кривую образуетъ геометрическое мѣсто точекъ, равнодistantныхъ отъ данной прямой и данной точки?

NB. Въ отвѣтѣ должны быть кратко и элементарно изложены главные свойства этой кривой.

№ 12. Доказать теорему Никомаха, состоящую въ слѣдующемъ: если натуральный рядъ нечетныхъ чиселъ, начиная съ единицы, раздѣлить на группы, отдѣливъ для первой группы одно число, для 2-й—два, для 3-й—три и т. д., то сумма чиселъ каждой n -ой группы будетъ равна n^2 .

№ 13. Изъ красной мѣди, плотность которой=8,788, требуется изготовить пустой шаръ такимъ образомъ, чтобы, плавая въ водѣ, онъ погружался ровно до половины. Каково должно быть отношеніе толщины стѣнокъ къ виѣшнему радиусу?

№ 14. Внутри треугольника найти такую точку, чтобы произведеніе трехъ опущенныхъ изъ нее на стороны перпендикуляровъ было наибольшее.

№ 15. Не употребляя линейки, найти при помощи циркуля пересечение данной окружности съ прямою, которая должна проходить черезъ двѣ даннныя точки.

№ 16. Построить окружность, касательную къ двумъ даннымъ окружностямъ и проходящую черезъ данную на ихъ радиальной оси точку.

NB. Просимъ обратить вниманіе на число рѣшеній.

№ 17. Найти предѣлъ, къ которому стремится произведение

$$1^{\frac{1}{2}}, 2^{\frac{1}{4}}, 4^{\frac{1}{8}}, 8^{\frac{1}{16}}, 16^{\frac{1}{32}}, \dots$$

при увеличеніи числа множителей до безконечности.

Рѣшенія задачъ.

Рѣшеніе задачи № 3 не въ очередь, помѣщенной въ № 6 Жур. Эл. Мат. за 1885/6 г. стр. 140.

Найти наибольшую и наименьшую величины $x^2 + y^2 + z^2$, если переменные при всѣхъ своихъ измѣненіяхъ удовлетворяютъ уравненіямъ

$$lx + my + nz = 0, \quad (1)$$

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} + \frac{z^2}{c^2} = 1. \quad (2)$$

Означимъ искомую наибольшую или наименьшую величину черезъ u

$$u = x^2 + y^2 + z^2. \quad (3)$$

Если h есть нѣкоторый неопределенный множитель, то умноживъ на него уравнение (2) и вычтя изъ (3), будемъ имѣть:

$$u - h = \left(1 - \frac{h}{a^2}\right)x^2 + \left(1 - \frac{h}{b^2}\right)y^2 + \left(1 - \frac{h}{c^2}\right)z^2 \quad (4)$$

Или, обозначивъ для краткости коэффиціенты при квадратахъ неизвѣстныхъ во второй части черезъ А, В и С,

$$u - h = Ax^2 + By^2 + Cz^2$$

Подставивъ сюда вместо z его значеніе изъ (1), получимъ:

$$u - h = Ax^2 + By^2 + \frac{C}{n^2} (lx + my)^2$$

$$\text{т. е. } u-h=\left(A+\frac{Cl^2}{n^2}\right)x^2+\frac{2Clm}{n^2}xy+\left(B+\frac{Cm^2}{n^2}\right)y^2 \quad (5)$$

Неопределенный множитель h мы можемъ всегда подобрать такъ, чтобы вторая часть послѣдняго уравненія, представляла полный квадратъ.

Для этого, какъ известно, необходимо, чтобы произведение коэффициентовъ при x^2 и y^2 равнялось квадрату половины коэффициента при xy , т. е. чтобы

$$\left(A+\frac{Cl^2}{n^2}\right)\left(B+\frac{Cm^2}{n^2}\right)=\frac{C^2l^2m^2}{n^4}.$$

Раскрывъ скобки и сдѣлавъ необходимыя сокращенія, получимъ условіе

$$BCl^2+CAM^2+ABn^2=0,$$

т. е.

$$\frac{l^2}{A}+\frac{m^2}{B}+\frac{n^2}{C}=0,$$

или, послѣ подстановки вмѣсто А, В и С ихъ значеній,

$$\frac{a^2l^2}{a^2-h}+\frac{b^2m^2}{b^2-h}+\frac{c^2n^2}{c^2-h}=0. \quad (6)$$

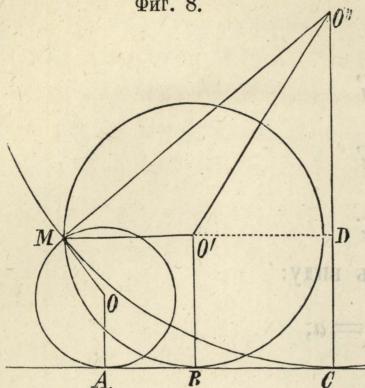
Итакъ, при существованіи этого условія вторая часть уравненія (5), представляя полный квадратъ, будетъ всегда сохранять знакъ нѣкотораго своего постоянного множителя, т. е. будетъ оставаться всегда или отрицательно, или положительно. Отсюда заключаемъ, что изъ всѣхъ значеній переменной величины u наибольшимъ будетъ то значеніе h , удовлетворяющее условію (6), при которомъ разность $u-h$ всегда остается отрицательно, и наименьшимъ—то значеніе h , удовлетворяющее условію (6), при которомъ эта разность $u-h$ всегда положительна. Такимъ образомъ, решениемъ квадратнаго уравненія (6) относительно h , получаются искомые условные maximum и minimum выраженія $x^2+y^2+z^2$.

(Учен. 8 кл. I Харьк. имн. Н. Ш.).

NB. Мы сочли нужнымъ нѣсколько видоизмѣнить подлинное, вполнѣ вѣрное, решеніе ученика Н. Ш., такъ какъ оно основано на исчислении бесконечно-малыхъ.

Рѣшеніе задачи № 55, предложенной въ № 12 Журн. Эл. Мат. за 1885¹⁶ г. стр. 286.

Фиг. 8.



Три окружности O , O' и O'' (фиг. 8) проходятъ черезъ одну точку M и касаются одной прямой ABC . Найти зависимость между радиусами R , R' и R'' трехъ круговъ и углами, подъ которыми пересѣкаются ихъ окружности.

Обозначимъ углы $O'MO''$, $O''MO$ и OMO' соотвѣтственно черезъ α , β и γ . Изъ треугольника $O'MO''$ имѣемъ:

$$O'O'' = \sqrt{R'^2 + R''^2 - 2R'R'' \cos \alpha}.$$

Проведя $O'D$ параллельно общей касательной, имѣемъ изъ треугольника $O'O''D$:

$$\overline{O'D}^2 = \overline{O'O''}^2 - \overline{O''D}^2,$$

откуда $O'D = BC = \sqrt{R'^2 + R''^2 - 2R'R'' \cos \alpha - (R'' - R')^2}$,

или

$$BC = 2 \sqrt{R'R''} \sin \frac{\alpha}{2}.$$

Подобнымъ образомъ найдемъ

$$AC = 2 \sqrt{RR''} \sin \frac{\beta}{2},$$

$$AB = 2 \sqrt{RR'} \sin \frac{\gamma}{2}.$$

Подставивъ найденные выраженія въ тождество

$$AC = AB + BC,$$

получимъ искомую зависимость:

$$\frac{\sin \frac{\beta}{2}}{\sqrt{R'}} = \frac{\sin \frac{\alpha}{2}}{\sqrt{R}} + \frac{\sin \frac{\gamma}{2}}{\sqrt{R''}}.$$

(Учен. 7 кл. Екатеринодар. училищ. В. К.)

Рѣшеніе задачи № 56, предложенной въ № 14 Журн. Эл. Мат. за 1885/6 г. стр. 334.

Рѣшить уравненія:

$$x + y = \frac{axy}{1+xy},$$

$$x + z = \frac{bxz}{1+xz},$$

$$y + z = \frac{cyz}{1+yz}.$$

Данныя уравненія могутъ быть приведены къ виду:

$$x + \frac{1}{x} + y + \frac{1}{y} = a,$$

$$x + \frac{1}{x} + z + \frac{1}{z} = b,$$

$$y + \frac{1}{y} + z + \frac{1}{z} = c.$$

Изъ суммы каждыхъ двухъ уравненій вычитая третье, получаемъ:

$$2x + \frac{2}{x} = a + b - c,$$

$$2y + \frac{2}{y} = a + c - b,$$

$$2z + \frac{2}{z} = b + c - a.$$

Остается каждое изъ этихъ уравненій рѣшить какъ квадратное.

(Т. Шуръ, И. Верещагинъ, С. Соколовъ, Н. Соболевскій; ученики: 5 кл. Кишин. р. уч. Д. Л. и А. С., 5 кл. Курской имн. Н. К., 7 кл. Усть-Медведъд. имн. И. К., 8 кл. Немировской имн. И. Ж. и 8 кл. Киевской 3-й имназии В. Я.)

Простѣйшій способъ межеванія ¹⁾.

Каждому землевладѣльцу весьма часто приходится или возобновить запаханную межу, или измѣрить площадь небольшого куска земли, или разбить такой кусокъ на десятины. Но если лица достаточно образованныя

¹⁾ Появленіе этой статьи вызвано тѣмъ обстоятельствомъ, что въ редакцію письменно обращались некоторые народные учителя съ просьбою указать простѣйшіе приемы решения элементарныхъ геодезическихъ задачъ.

затрудняются иногда произвести нарѣзку неправильного куска на десятины, то тѣмъ труднѣе сдѣлать это крестьянину. Въ подобныхъ случаяхъ крестьяне иногда обращаются за помощью къ сельскому учителю и къ священнику. По этой причинѣ мы полагаемъ, что въ учительскихъ и духовныхъ семинарияхъ обязательно должны быть преподаваемы начальные пріемы межеванія.

Нужно принять во вниманіе, что въ селѣ, если только въ немъ не живеть землемѣръ, не найдется не только астролябіи, но даже землемѣрной цѣпи; поэтому весьма важно показать, какимъ образомъ самые необходимые пріемы межеванія могутъ быть произведены безъ землемѣрныхъ инструментовъ, съ помощью одного только сажня, раздѣленного обыкновенно на двѣнадцать частей.

Мы будемъ предполагать, что всѣ измѣренія, о которыхъ идетъ рѣчь дающе, производятся при помощи землемѣрной цѣпи, но за отсутствиемъ таковой ея роль легко можетъ быть выполнена веревкою длиною въ десять сажень. Впрочемъ, употребляя въ дѣло веревку, нужно возможно чаще провѣрять ея длину, такъ какъ веревка отъ натяженія удлиняется, а отъ влажности укорачивается.

В. П. Ермаковъ.

(Продолженіе слѣдуетъ).

С М Ъ С Ъ.

Вліяніе луны на облачность и на среднюю высоту барометра было недавно выведено И. Лизнаромъ изъ 17-ти лѣтнихъ наблюдений, производимыхъ въ тропическомъ поясѣ (гдѣ это вліяніе легче обнаруживается, благодаря большему постоянству суточныхъ колебаній), а именно въ г. Батавіи (на островѣ Явѣ).

Г. Лизнаръ приходитъ къ слѣдующимъ выводамъ:

- 1) Облачность возрастаетъ съ высотою луны надъ горизонтомъ.
- 2) Облачность, какъ днемъ такъ и ночью, больше въ полнолуніе чѣмъ въ новолуніе.
- 3) Высота барометра въ зависимости отъ луны имѣеть въ продолженіе лунныхъ сутокъ два максимума (соответствующіе кульминаціямъ) и два минимума (при восходѣ и заходѣ луны). Однако средняя разность между этими приливами и отливами земной атмосферы очень мала и даетъ на барометрѣ лишь разность въ 0,2 мм.
- 4) Средняя высота барометра вообще наибольше въ періодъ между полнолуніемъ и послѣднею четвертью и наименьше во время новолунія.

Вліянія на количество дождя и на ср. температуру Г. Лизнаръ не могъ подмѣтить изъ имѣвшихся у него наблюдений.

Всѣ эти выводы требуютъ еще повѣрки.

Взрывы смѣси свѣтильного газа съ воздухомъ, или-же болотнаго газа съ воздухомъ, имѣютъ мѣсто лишь при извѣстныхъ объемныхъ отношеніяхъ обоихъ газовъ. Между тѣмъ недавнія изслѣдованія Г. Энглера надѣличиною частыхъ взрывовъ на фабрикахъ сажи, привели къ заключенію, что присутствіе въ воздухѣ мелкихъ частицъ угля въ очень многихъ случаевъ обусловливаетъ собою взрывъ, хотя-бы газы были смѣшаны не въ той пропорції, при которой взрывъ чистыхъ газовъ возможенъ.

Новая астрономическая обсерваторія открывается въ Бамбергѣ (въ Баваріи) на средства доктора Ремейса. Директоромъ ея назначенъ Гартвигъ, бывшій астрономъ - наблюдатель дерптской обсерваторіи. (Въ прошломъ году онъ открылъ новую звѣзду, вскорѣ затѣмъ исчезнувшую, въ туманномъ пятнѣ созвѣздія Андромеды). Спеціальность новой обсерваторіи заключается въ опредѣленіи параллаксовъ неподвижныхъ звѣздъ и наблюденіи перемѣнныхъ звѣздъ.

NB. Всѣ большія обсерваторіи имѣютъ свои спеціальности, и такимъ образомъ астрономы достигаютъ наиболѣе выгоднаго раздѣленія труда. Такъ напримѣръ наша Пулковская обсерваторія занимается преимущественно опредѣленіемъ постоянныхъ прецессіи, нутациіи и абберациіи, Гринвичская — изучаетъ спеціально движение луны, Парижская — занимается опредѣленіемъ положенія звѣздъ, составленіемъ картъ неба, фотографированиемъ и наблюденіемъ большихъ планетъ; движение малыхъ планетъ изучается главнымъ образомъ въ Берлинѣ, кометъ — въ Вѣнѣ, туманныя пятна — въ Страсбургѣ и пр.

Книга: **Алгебра Бертрана**, переведенная и значительно дополненная Н. Билибинъ (Спб. 1885. Цѣна 3 р.) одобрена Уч. Ком. Мин. Народн. Просв. въ качествѣ учебнаго пособія для гимназій и реальныхъ училищъ¹⁾

Max Nouthes устроилъ недавно **новую электрическую лампу** накаливанія, состоящую изъ соединенія проводниковъ и непроводниковъ. Подлежащая накаливанію нить изготовлена изъ каолина, магнезіи и солей платины и придана. Вслѣдствіе сильнаго нагрѣванія соли эти разлагаются и металлы осаждаются въ крайне раздробленномъ видѣ. Токъ, встрѣчая между этими

¹⁾ Рецензія помѣщена въ Августовской книжкѣ Журнала Мин. Народн. Просв. за 1886 г., стр. 48 и сл.

частичками сильное сопротивление вслѣдствіе плохой проводимости глины и магнезіи, доводить эти вещества до бѣлаго каленія, при чёмъ, какъ известно, электропроводность ихъ значительно увеличивается.

Принципъ этотъ не новый; впервые онъ былъ примѣненъ къ электрическому освѣщенію нашимъ соотечественникомъ Г. Яблочковымъ, въ свѣчѣ котораго параллельныя угольныя палочки раздѣлены тоже слоемъ каолина (бѣлой глины). Можно слѣдовательно заключить, что подобно тому какъ сгоряетъ свѣча Яблочкова, въ очень незначительный сравнительно промежутокъ времени, и нить новой лампы должна подлежать быстрому разрушенню, и это предположеніе тѣмъ болѣе вѣроятно, что накаливаніе нити производится не въ безвоздушномъ пространствѣ, а при обыкновенныхъ условіяхъ въ воздухѣ.

Отвѣты редакціи.

Р. А. В. (Троицкосавскъ). Мы согласны съ Вами, что задача № 47 (въ № 8 Журн. Эл. Мат. за 1885⁶ г.) могла быть предложена въ болѣе понятной и опредѣленной формѣ, но во всякомъ случаѣ не такъ, какъ Вы ее формулируете, ибо рѣчь идеть не только о совпаденіи обѣихъ часовыхъ стрѣлокъ при нормальномъ ходѣ часовъ, а о всѣхъ такихъ положеніяхъ, при которыхъ перестановка стрѣлокъ одной на мѣсто другой не нарушаетъ правильности ихъ расположенія на циферблѣтѣ. Такъ напримѣръ, когда часовая стрѣлка прошла $\frac{1}{12}$ окружности, т. е. $4^{\frac{8}{13}}$ минутныхъ дѣлений, вторая стрѣлка, минутная, должна пройти $\frac{12}{13}$ окружности и будетъ показывать $55\frac{1}{13}$ минутъ; если въ этомъ положеніи переставимъ стрѣлки, то правильность ихъ расположенія ие нарушается и часы, вмѣсто $55\frac{1}{13}$ минутъ *перво*, показывали-бы $4^{\frac{8}{13}}$ минутъ *второ*. Изъ этого Вы можете уже заключить, что решеніе задачи № 47, помѣщеннное въ № 16 Журн. Эл. Мат., вполнѣ вѣрно, и она имѣеть не 12—1, а 12^2 —1 решеній.

NB. Вслѣдствіе отдаленности Вашего мѣстожительства, начальные номера журнала будутъ высылаться по Вашему адресу, въ ожиданіи Вашихъ дальнѣйшихъ распоряженій.

Н. Н. Ш. (Х.) Задача № 57, предложенная въ № 14 Журн. Эл. Мат. за прошлый годъ, о проведеніи окружности равноудаленной отъ 4-хъ данныхъ точекъ, будетъ разсмотрѣна въ слѣдующемъ № Вѣстника. Тогда вы убѣдитесь, что замѣтка Ваша въ письмѣ была неумѣстна. Статья объ ортоцентрическомъ треугольнике войдетъ въ № 3, или № 4. Желаніе Ваше касательно отдельныхъ оттисковъ будетъ удовлетворено. За присланную задачу благодаримъ. Окажутся ли пригодными для нашего журнала Ваши будущія статьи о методѣ геометрическихъ мѣстъ—этого мы теперь сказать не можемъ.

Каталогъ специальныхъ журналовъ
за 1886 г.

съ указаниемъ ихъ приблизительной годовой цены.

А. Французскіе

въ Парижѣ:

(Продолженіе).

Journal de physique	12 №№	9,00	руб.
Journal des savants	12 „	21,00	„
Journal des voyages	52 „	5,00	„
Livre. Revue mensuelle	12 „	20,00	„
Lumière électrique	52 „	28,00	„
Magasin illustré d'éducation et de récréation	24 „	7,50	„
Mémoires et comptes rendus des ingénieurs civils . . .	12 „	18,00	„
Monde illustré	52 „	14,00	„
Mondes. Revue des sciences	52 „	15,00	„
Moniteur des inventions	24 „	5,40	„
Moniteur scientifique	21 „	12,25	„
Nature. Revue des sciences (съ 1-го Декабря)	52 „	12,00	„
Nouvelles archives du Muséum d'histoire naturelle . . .	2 „	19,50	„
Nouvelles annales des mathématiques	12 „	8,75	„
Portefeuille économique des machines	12 „	8,75	„
Publication industrielle des machines (неопр.)	— „	19,25	„
Revue bibliografique universelle	12 „	12,25	„
Revue des chemins de fer	52 „	4,00	„
Revue de l'enseignement secondaire et supérieure . . .	22 „	8,00	„
Revue de géographie	12 „	15,25	„
Revue industrielle	52 „	15,00	„
Revue internationale de l'électricité	12 „	10,50	„
Revue internationale de l'enseignement	12 „	15,00	„
Revue pédagogique	12 „	7,00	„
Revue photographique	12 „	6,50	„
Revue des questions scientifiques	6 „	12,50	„
Revue scientifique (безъ политического обозрѣнія)	52 „	15,00	„
Science pour tous	52 „	4,00	„

(Продолженіе следуетъ).

ОБЪЯВЛЕНИЯ.

Въ складѣ редакціи
ВѢСТНИКА ОПЫТНОЙ ФИЗИКИ И ЭЛЕМЕНТАРНОЙ МАТЕМАТИКИ

имѣются для продажи слѣдующія книги:

1. Томъ I-й Журнала Элем. Матем. за 1884/5 уч. г., 18 №№ цѣна 4 р.
- 3 Томъ II-й " " " 1885/6 " " " " 4 р.
3. Электричество К. Максуэлля. Въ элем. обработкѣ. Переводъ подъ ред. Проф. М. П. Авенариуса. Одобрено Уч. Ком. М. Н. Пр. ц. 1 р. 50 к.
- 4 Рѣчь Споттусвуда „О связи матем. съ другими науками“ перев. Н. А. Конопацкаго 1885. Изд. Кам.-Под. Гимн. ц. 35 к.
5. Электрическіе Аккумуляторы. Сост. Эр. Шпачинскій 1886 Издание Журнала Элементарной Математики. ц. 50 к.
6. Основы Ариѳметики Е. Коссака, Пер. И. Н. Красовскаго 1885 г. Изд Журн. Элемент. Математики ц. 50 к.
7. Рѣчь Клаузіуса: „Связь между великими дѣятелями природы“. Пер. И. Н. Красовскаго 1885 г. Изд. Журн. Элем. Мат. ц. 20 к.
8. Вопросы о наибольшихъ и наименьшихъ величинахъ, решаемые посредствомъ уравнений 2-ой ст. Брю. Пер. И. Н. Красовскаго. 1886 г. Изд. Журн. Элем. Математики ц. 40 к.

Во всѣхъ книжныхъ магазинахъ С.-Петербурга и Москвы и у составителя
А. ЛЕВЕ.

СПБ. Вас. остр., Средній пр. на углу 3-ей линіи д. № 38—17, кв. № 8.
продаются слѣдующія сочиненія:

1. Курсъ ариѳметики и собраніе ариѳмет. задачъ. Изд. 17-е Цѣна 1 р.
2. Ариѳметика для начальныхъ народныхъ училищъ. Изд. 7-е ц. 10 к.
3. Первоначальная упражненія въ ариѳметикѣ. Изд. 2-ое совер-
шенно передѣланное. Книга для учащихся (Собрание ариѳ-
метическихъ задачъ) ц. 25 к.

Руководство для учащихъ ц. 50 к.

4. Начальная Алгебра и собраніе алгебраическихъ задачъ. Изд.
4-ое (перед.) ц. 1 р. 40 к.
5. Руководство начальной Геометріи, составленное примѣнительно
къ учебн. планамъ Гимназій и реальныхъ училищъ. Изд. 2-ое. ц. 1 р
6. Наглядная геометрія и собраніе геометрическихъ задачъ ц. 65 к.
7. Общепонятная теорія перспективы и тѣней. Изд. 2-од ц. 1 р.
8. Приближенные вычисления надъ десятичными дробями ц. 20 к.


**ВЪ КНИЖНЫЕ МАГАЗИНЫ
НИКОЛАЯ ЯКОВЛЕВИЧА ОГЛЮВЛИНА,**

коммиссіонера ИМПЕРАТОРСКАГО Университета Св. Владимира
въ Киевѣ, Крещатикъ, № 33, и въ С.-Петербургѣ, М. Садовая № 4.

Поступили въ продажу новые книги:

(Продолжение).

Брю. Вопросы о наибольшихъ и наименьшихъ величинахъ, решаемые посредствомъ уравненій 2-й степ. Перев. съ франц. И. Красовскаго. Киевъ 1886 ц. 40 к.

Букреевъ Б. Примѣненіе линейныхъ координатъ къ разысканію уравненій эволютъ. Киевъ 1886 ц. 20 к.

Госпиталье Э. Главнѣйшія приложенія электричества. Перев. съ франц. подъ ред. Степанова. СПБ. 1886 ц. 2 р. 50 к.

Госпиталье. Электричество въ домашнемъ быту. Со многими рисунками. СПБ. 1886 ц. 2 р.

Граве Д. О наименьшихъ поверхностяхъ. Разсужденіе. СПБ. 1886 цѣна 30 к.

Добровольский В. Приготовительный курсъ геометріи. Подробный конспектъ пропедевтики геометріи. Съ 17 чертеж. М. 1886 ц. 35 к.

Имшанецкій В. О нѣкоторыхъ приложеніяхъ общихъ функций Бернулли СПБ. 1886 ц. 25 к.

Кассань А. Руков. къ перспективѣ первоначальной и практической. Пер. съ франц. Съ 320 рис. и фигур. СПБ. 1886 ц. 2 р. 50 к.

Качаловъ Н. Элементарная телеграфія. Техническая часть. СПБ. 1886 ц. 70 к.

Клоссовскій А. Образованіе грозъ на Югѣ Россіи. Од. 1886 ц. 65 к.

Кудиновъ П. Электрическій телеграфъ и телефонъ. Руков. для обучения телеграфному дѣлу чиновъ пѣхоты, артиллеріи и кавалеріи. Варш. 1886 ц. 60 к.

Коронцвитъ А. Рѣшенія численныхъ геометрич. задачъ (Съ 301 чертеж.) А. Давидова. Съ приложеніемъ задачъ по планиметріи и прилож. таблицы формулъ многоугольниковъ. Съ 207 черт. Од. 1886 ц. 90 к.

(Продолжение съдуетъ).

Дозволено цензурою. Киевъ, 3 Сентября 1886 года.

Тип. Е. Т. Керерь, арендаемая Н. Пилющенко и С. Бродовскимъ.

http://www.vgoc.ru

Обложка
ищется

Обложка
ищется